



۷۴. بالاترین درجه یهشت که «پیش‌تیان در آن جا با خدا هم صحبت‌اند» کدام است و آنان به چه جمله‌ایی مترنم‌اند؟
- ۱) دارالسلام و رستگاری - خدایا تو پاک و منزه‌ی.
  - ۲) لقا و خشنودی خداوند - خدایا تو پاک و منزه‌ی.
  - ۳) دارالسلام و رستگاری - ستایش خدای را که وعده‌اش را محقق گردانید.
  - ۴) لقا و خشنودی خداوند - ستایش خدای را که وعده‌اش را محقق گردانید.
۷۵. مهم‌ترین عامل پایداری و تعادل خانواده، پس از ازدواج، کدام است؟
- ۱) شناخت تفاوت‌های زیستی و روان‌شناختی در زندگی مشترک
  - ۲) رسیدن به هدف مشترک با توجه به ویژگی‌های فطری یکسان
  - ۳) آشنایی با نقش خود در خانواده به عنوان زن یا شوهر، مادر یا پدر
  - ۴) درک درست زوجیت و مکتبل هم بودن زن و مرد و عمل به این درک
۷۶. این‌سازی محیط برای حضور بانوان در جامعه توسط کدام عنصر، انجام می‌بزیرد و این موضوع از مفهوم کدام آیه شریقه قابل دریافت است؟
- ۱) حجاب - «يا أَيُّهَا النَّبِيُّ قُلْ لِأَزْوَاجِكُ وَ بَنَاتِكُ وَ نِسَاءِ الْمُؤْمِنِينَ يَذْرِفْنَ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِيبِهِنَّ...»
  - ۲) فرهنگ - «يا أَيُّهَا النَّبِيُّ قُلْ لِأَزْوَاجِكُ وَ بَنَاتِكُ وَ نِسَاءِ الْمُؤْمِنِينَ يَذْرِفْنَ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِيبِهِنَّ...»
  - ۳) فرهنگ - «وَ مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ حَلْقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَرْوَاجًا لِتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَ جَعْلُ بَيْتَكُمْ مُؤَدَّةً وَ رَحْمَةً...»
  - ۴) حجاب - «وَ مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ حَلْقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَرْوَاجًا لِتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَ جَعْلُ بَيْتَكُمْ مُؤَدَّةً وَ رَحْمَةً...»
۷۷. ارتباط جنسی خارج از جارچوب خانواده و شرع، مصدقی از انحرافات بیان شده در کدام عبارت قرآنی است؟
- ۱) «وَ مِنَ النَّاسِ مَنْ يَتَّخِذُ مِنْ دُنْلَهُ أَنَّدَادًا»
  - ۲) «وَ الَّذِينَ كَسَبُوا السَّيِّئَاتِ جَزَاءٌ سَيِّئَةٌ بِمِثْلِهَا وَ تَرَهُقُهُمْ ذَلَّةٌ»
  - ۳) «قُلْ فِيهِمَا إِنَّمَا كَبِيرٌ وَ مَنَافِعُ لِلنَّاسِ وَ أَنْهَمُمَا أَكْبَرُ مِنْ نَفْعِهِمَا»
  - ۴) «وَ مَا مَحَمَّدٌ أَنَّ رَسُولَ قَدْ خَلَتْ مِنْ قَبْلِهِ الرُّسُلُ أَفَإِنْ مَاتَ أَوْ قُتِلَ أَنْقَلَبُوهُمْ عَلَى أَعْقَابِهِمْ»
۷۸. با توجه به فرمایشات رسول اکرم (ص) چه کسانی از آتش دوزخ در امان هستند و کدام آیه شریقه، به فضیلت آنان اشاره نموده است؟
- ۱) بزرگان دین - «قُلْ هُلْ يَسْتَوِي الَّذِينَ يَعْلَمُونَ وَ الَّذِينَ لَا يَعْلَمُونَ إِنَّمَا يَتَذَكَّرُ أُولَئِكُ الْأَلْيَابُ»
  - ۲) جویندگان دانش - «قُلْ هُلْ يَسْتَوِي الَّذِينَ يَعْلَمُونَ وَ الَّذِينَ لَا يَعْلَمُونَ إِنَّمَا يَتَذَكَّرُ أُولَئِكُ الْأَلْيَابُ»
  - ۳) بزرگان دین - «وَ مَا كَانَ الْمُؤْمِنُونَ لِيَتَفَرَّوْا كَافَةً فَلَوْلَا نَفَرَ مِنْ كُلِّ فِرْقَةٍ مِنْهُمْ طَالِفَةٌ لِيَتَفَقَّهُوا فِي الدِّينِ»
  - ۴) جویندگان دانش - «وَ مَا كَانَ الْمُؤْمِنُونَ لِيَتَفَرَّوْا كَافَةً فَلَوْلَا نَفَرَ مِنْ كُلِّ فِرْقَةٍ مِنْهُمْ طَالِفَةٌ لِيَتَفَقَّهُوا فِي الدِّينِ»
۷۹. وظیفه فردی که «پیش از ظهر» یا «بعد از ظهر» مسافرت کند، نسبت به روزه آن روز به ترتیب، کدام است؟
- ۱) می‌تواند از ابتدای آن روز، روزه نگیرد - باید روزه خود را تمام کند.
  - ۲) می‌تواند از ابتدای آن روز، روزه نگیرد - برای ادامه روزه خود مختار است.
  - ۳) وقتی به حد ترخص رسید، می‌تواند افطار کند - باید روزه خود را تمام کند.
  - ۴) وقتی به حد ترخص رسید، می‌تواند افطار کند - برای ادامه روزه خود مختار است.

## زبان انگلیسی

### Part A: Grammar and Vocabulary

**Directions:** Questions 76-87 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

76. The students were told to make sure ..... during the examination time at school.

- 1) their time to not waste
- 2) not to waste their time
- 3) that do not waste their time
- 4) not wasting their time

77. Since she ..... the proper lens for her camera, she wasn't able to take pictures of the unusual scene.

- 1) was not bringing
- 2) has not brought
- 3) had not brought
- 4) would not bring

78. The modern train appeared to be going as fast as, perhaps even faster than, .....

- 1) a car the fastest
- 2) fastest cars
- 3) a car is the fastest
- 4) the fastest car

79. The two friends planned to leave their home country ..... September 15<sup>th</sup> 2020.

- 1) on
- 2) at
- 3) in
- 4) for

80. The police are asked to take immediate action to ..... further road accidents.

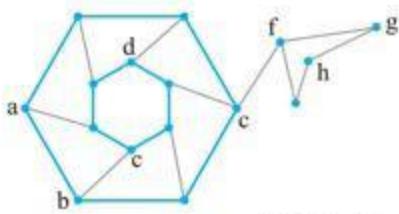
- 1) save
- 2) defend
- 3) prevent
- 4) surround

81. Stress can cause a variety of physical ..... ranging from headaches to stomach ulcers.

- 1) combinations
- 2) disorders
- 3) patients
- 4) notices

82. In my opinion, anyone with ..... values would do everything possible to avoid war.

- 1) brave
- 2) moral
- 3) favorite
- 4) hospitable



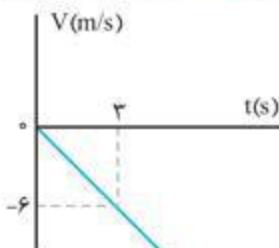
۱۵۴. کدام مجموعه، برای گراف رو برو، یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال است؟

- {a, b, c, d, h} (۱)
- {b, c, e, d, g} (۲)
- {a, c, e, d, h} (۳)
- {a, c, e, d, g} (۴)

۱۵۵. در یک روز هفته برای ۳ مدرس در ۳ کلاس متمایز در ۳ جلسه متوالی به چند طریق، می‌توان برنامه تدریس، تعیین کرد؟

- ۱۸ (۴)
- ۹ (۲)
- ۶ (۱)

## فیزیک



۱۵۶. شکل زیر، نمودار سرعت - زمان متحركی است که روی محور x حرکت می‌کند. مسافتی که متحرك در ۵ ثانیه اول پیموده است، چند متر است؟

- ۱۰ (۱)
- ۲۱ (۲)
- ۲۵ (۳)
- ۲۹ (۴)

۱۵۷. معادله مکان - زمان متحركی در SI به صورت  $x = 2t^2 + 4t - 8$  است. در فاصله زمانی  $t_2 = 2s$  تا  $t_1 = 0s$ ، مسافتی که متحرك طی می‌کند، چند برابر اندازه جابه‌جایی آن است؟

- ۲ (۴)
- ۱/۶ (۳)
- ۱/۵ (۲)
- ۱/۱ (۱)

۱۵۸. گلوله A از ارتفاع ۷۰ متری زمین رها می‌شود. یک و نیم ثانیه بعد گلوله B از همان نقطه رها می‌شود. دو ثانیه پس از رها شدن گلوله B، فاصله دو

گلوله از هم چند متر است؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود و  $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

- ۴۱/۲۵ (۴)
- ۳۰ (۳)
- ۲۰ (۲)
- ۱۱/۲۵ (۱)

۱۵۹. مطابق شکل زیر، نمودار مکان - زمان متحركی به صورت یک سهمی است. شتاب حرکت چند متر بر مجدور ثانیه است؟



- ۳ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱ (۳)
- ۳ (۴)

۱۶۰. اگر نیروهای وارد بر یک جسم در حال حرکت، متوازن باشند (برایندشان صفر باشد):

- ۱) سرعت جسم ثابت می‌ماند.

- ۲) حرکت جسم با شتاب ثابت تندشونده خواهد بود.

- ۳) مسیر حرکت جسم ممکن است دایرگای یا سهمی باشد.

- ۴) سرعت جسم در مسیر مستقیم کاهش می‌یابد تا متوقف شود.

۱۶۱. در شکل مقابل، کره‌ای همگن به جرم ۵ kg درون یک ناآه بدون اصطکاک قرار دارد. این

جسم به هر یک از دیواره‌ها، نیروی چند نیوتون را وارد می‌کند؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

- ۲۰ (۱)
- ۲۵ (۲)
- $۲۵\sqrt{2}$  (۳)
- $۵۰\sqrt{2}$  (۴)

۱۶۲. اتومبیلی به جرم ۱۲۰۰ کیلوگرم در یک سطح افقی در مسیر دایره‌ای به طور یکنواخت حرکت می‌کند و ضریب اصطکاک ایستایی  $\mu = ۰.۵$  است. اگر اتومبیل با

حداکثر سرعت مجاز (سرعتی که تلغیز) حرکت کند، نیروی مرکزگرای وارد بر آن چند نیوتون است؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

- ۴۵۰۰ (۴)
- ۵۰۰۰ (۳)
- ۶۰۰۰ (۲)
- ۱۲۰۰۰ (۱)

۱۶۳. جسمی به جرم ۵ kg کف آسانسوری قرار دارد. وقتی آسانسور با شتاب رو به بالا  $\frac{m}{s^2}$  به سمت بالا می‌رود، نیرویی که از طرف جسم بر کف آسانسور وارد

می‌شود N است و وقتی با شتاب رو به پایین  $\frac{m}{s^2}$  به سمت پایین می‌رود، نیروی وارد بر کف آسانسور N' است. اختلاف N و N' چند نیوتون است؟ ( $g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ )

- ۴۰ (۴)
- ۲۰ (۳)
- ۱۰ (۲)
- ۱) صفر



۱۹۴. مقداری گاز کامل، در فرایندی از محیط گرما می‌گیرد. در این صورت:

۱) دمای گاز افزایش می‌یابد.

۲) ممکن است دمای گاز ثابت بماند.

۳) انرژی درونی گاز افزایش می‌یابد.

۴) الزاماً گاز روی محیط، کار انجام می‌دهد.

۱۹۵. توان یک یخ‌ساز  $W = 25\text{ J}$  و ضریب عملکرد آن ۴ است. چند ثانیه طول می‌کشد تا این یخ‌ساز، ۲ کیلوگرم آب  $C_p = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$  را به  $\Delta T = 10^\circ\text{C}$  تبدیل کند؟

$$(L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}) \quad (C_p = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}})$$

۳۵۲۸ (۴)

۸۸۲ (۳)

۳۶۰ (۲)

۹۰ (۱)

۱۹۶. نمودار  $(P-T)$  مقدار معینی گاز کامل تکاتمی، مطابق شکل زیر است. اگر حجم گاز در حالت  $c$

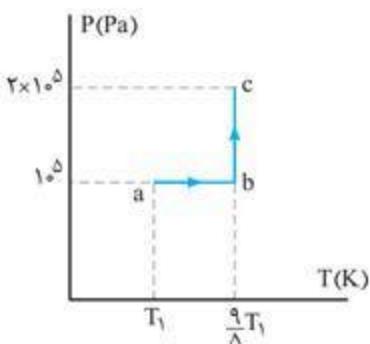
$$(C_V = \frac{3}{2}R) \quad \text{برابر } 4/5 \text{ لیتر باشد، تغییر انرژی درونی گاز در فرایند abc چند زول است؟}$$

۱۰۰۰ (۱)

۶۰۰ (۲)

۲۵۰ (۳)

۱۵۰ (۴)



۱۹۷. مخزنی به حجم  $40\text{ Lit}$  حاوی مخلوطی از گازهای هیدروژن و هلیوم در دمای  $T = 127^\circ\text{C}$  و فشار  $P = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$  است. اگر جرم مخلوط  $8\text{ g}$  باشد، نسبت

$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}) \quad \text{جرم هیدروژن به جرم هلیوم کدام است؟}$$

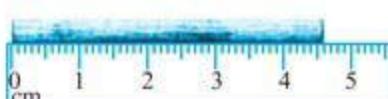
۳ (۴)

۲ (۳)

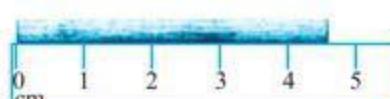
$\frac{1}{2}$  (۲)

$\frac{1}{3}$  (۱)

۱۹۸. در شکل‌های (الف) و (ب) خطای اندازه‌گیری‌ها به ترتیب ..... و دقت اندازه‌گیری‌ها به ترتیب ..... است.



(ب)



(الف)

۱ mm, ۱ cm,  $\pm 1\text{ mm}$ ,  $\pm 1\text{ cm}$  (۲)

$\pm 0.5\text{ mm}$ ,  $\pm 0.5\text{ cm}$ ,  $\pm 1\text{ mm}$ ,  $\pm 1\text{ cm}$  (۴)

۱ mm, ۱ cm,  $\pm 0.5\text{ mm}$ ,  $\pm 0.5\text{ cm}$  (۱)

$\pm 0.5\text{ mm}$ ,  $\pm 0.5\text{ cm}$ ,  $\pm 0.5\text{ mm}$ ,  $\pm 0.5\text{ cm}$  (۳)

۱۹۹. جرم یک قطعه‌سنگ قیمتی  $200\text{ قیراط}$  است و هر قیراط معادل  $200\text{ میلی‌گرم}$  است. جرم این سنگ چند گرم است؟

۱۰۰ (۴)

۴۰ (۳)

۱۰ (۲)

۴۱ (۱)

۲۰۰. کدام مورد درست است؟

۱) ویزگی‌های مواد در مقیاس نانو، به طور قابل توجهی تغییر می‌کند.

۲) هر چه ابعاد یک جسم کاهش می‌یابد ویزگی‌های آن نیز به تدریج تغییر می‌کند.

۳) ویزگی‌های مواد در مقیاس مگا و بالاتر، به طور قابل توجهی تغییر می‌کند.

۴) هر چه ابعاد یک جسم افزایش می‌یابد همه خواص فیزیکی آن نیز تغییر می‌کند.

## شیمی

۲۰۱. طیف نشری خطی کدام اتم در ناحیه مرئی، از خطوط بیشتری تشکیل شده است؟

۴) هیدروژن

۳) نتون

۲) لیتیم

۱) هلیوم

۲۰۲. کدام موارد از مطالب زیر، درست‌اند؟

آ) سومین لایه الکترونی اتم، زیرلایه‌های  $3s$ ,  $3p$  و  $3d$  را دربردارد.

ب) ترتیب پر شدن زیرلایه‌ها، تنها به عدد کواتومی اصلی ( $n$ ) وابسته است.

پ) در سومین دوره جدول دوره‌ای (تناوبی)، ۱۸ عنصر جای دارند که از میان آن‌ها دو عنصر، گازی‌اند.

ت) در اتم عنصرهای دوره سوم جدول دوره‌ای (تناوبی)، زیرلایه‌های  $3s$ ,  $3p$  از الکترون پر می‌شوند.

۴) آ, ب, ت

۲) ب, پ

۳) آ, پ, ت

۱) آ, ت

زیان و ادبیات فارسی

تحليل درس

سوالات درس زبان و ادبیات فارسی در آزمون ۹۸ رشته ریاضی خارج کشور، از نظر ترتیب و چیدمان سوالات - با توجه به تغییر نظام آموزشی و به تبع آن، تغییر محتوای کتاب‌های درسی - دقیقاً منطبق با آزمون‌های ریاضی، تحریکی و انسانی ۹۸ داخل کشور است: چنان‌که در هر کدام از شش محور اصلی «وازگان، املا، تاریخ ادبیات، آرایه‌های ادبی، زبان فارسی، مفهوم و قرایت معنایی» به ترتیب، ۱، ۳، ۳، ۴، ۵ و ۹ سوال طرح شده است (برخلاف آزمون‌های سال‌های گذشته که به هر کدام از این مباحث، به ترتیب ۵، ۳، ۲، ۳، ۶ و ۹ سوال اختصاص یافته بود). این تغییر نشان‌دهنده پیشرفت شدن اهمیت مباحثت «املا» و «آرایه‌های ادبی» و بر عکس، کمتر شدن اهمیت «تاریخ ادبیات» در آزمون امسال و نیز در سال‌های بعد است: ضمن این که تعداد سوالات مربوط به «معنی واژه»، «زبان فارسی» و «مفهوم و قرایت معنایی» تیز بدون تغییر باقی مانده است.

از نظرتیپ بندی و گونه‌های سوالی، در سوالات این دوره، ساختار جدید و قابل توجهی دیده نمی‌شود و سوالات بر همان سبک و سیاق متداول در دوره‌های گذشته طرح شده است؛ اگرچه تنها در سوال ۲۴ مبحث «مفهوم و قرابت معنایی»، طرح سوال از ایات هم‌مفهوم در قالب تبیّن الفایی، جلب توجه می‌نماید. از نظر سطح علمی، در میان سوالات این آزمون نیز - همچون آزمون‌های ریاضی، تجربی و انسانی ۹۸ داخل کشور - سوالاتی جالس برانگیز و یا دارای غلط علمی دیده می‌شود؛ چنان‌که به عنوان نمونه، بی‌دقّتی در طرح سوال ۲ (مریبوط به مبحث واژگان) و نیز سوالات ۱۶ (مریبوط به مبحث زبان فارسی) و ۱۹ (مریبوط به مبحث مفهوم و قرابت معنایی)، بی‌گمان دانش‌آموزان عزیز را در انتخاب گزینه مناسب ساچلش و مشکل رویه‌رو ساخته است. با این همه، در مجموع، سوالات آزمون این دوره را می‌توان ترکیبی از سوالات متوسط و بعضًا دشوار ارزیابی کرد.

۱- **گزینه ۴: معنی درست واژه غلط:** کتابده: وسیله‌ای کمانی شکل در زورخانه و از جنس آهن که در یک طرف آن رشته‌ای از زنجیر یا حلقه‌های آهنی معمدند قرار داده.

#### محض، دقیق‌تر و ازد در سایر گزینه‌ها:

**گزینه ۱۱:** گرتدبیرداری: طرآحی چیزی به کمک گرده یا خاکه زنگ یا زغال؛  
نسخه برداری از روی یک تصویر یا طرح

گزینه ۱۲: حماسه: دلیری، شجاعت: نو

۲. گزینه ۱) معنی درست واژه **غلط**: خایب: نامید، بی بهره  
معنی دقیق تر **ساختمان** و **ازوهای**: توند، اسب، اسب تندر و / سهم: ۱- تیر ۲- ترس،

**۵) دقت کنیم** اگرچه در فرهنگ‌های لغت فارسی برای واژه «سهم» معانی مختلفی چون «بهره و نصیب، قسمت»، «ترس و بیم» و «تیر» ذکر شده، اما این واژه در کتاب‌های درسی ادبیات، به هیچ عنوان در معنای «تیر» به کار نرفته و صرفاً به معنای «بهره و نصیب، قسمت» و «ترس و بیم» آمده است؛ به این ترتیب:

۱. من متأثرتر از همه پیشنهاد کردم از شیرینی‌هایی که همراه داشتم، سهمی (بهراه‌ای، قسمتی) به کودک دهقان بدهیم و کامش را شیرین کنیم...»

۲. فلک باخت لز سهم (: ترس) آن جنگ رنگ ایود سهمگین جنگ و شیر و بلنگ  
(فارسی ۲ / ص ۱۱۲)

متأسفانه علّاج محترم بدون توجه به این موضوع مهم، برای واژه «سیهم»، معنای «تیر» را - که خارج از محدوده کتاب درسی است - ذکر کرده که به شدت محل بحث و انتقاد است. البته گفتی است با توجه به این که در **گزینه ۱۱** واژه «خایب» غلط معنی شده، درست یا نادرست قلمداد کردن معنای ذکر شده برای واژه «سیهم» از نگاه داش آموزان و داولطلبان، تأثیری در انتخاب **گزینه ۱۱**، به عنوان گزینه پاسخ، نخواهد داشت. (فارسی ۲ / معنی واژگان)

آخرته: بیرون کشیده، برکشیده / معوج: کج / سجیده: خوی، عادت (جمع: سخابا) / شیگف: قوه، نب و میند (فارسی / معاصر / ایران)

#### ۴. گزینه ۲۰: اطلاع درست و ازهای غلط در سامان گزینه ها:

**گزینه ۱:** زنخدان ← زنخدان: چانه، رُخ، ذقن  
**گزینه ۲:** شاعه ← شائه: شک و گمان

**گزینه ۴:** قاشیه ← غاشیه: سوره‌ای از قرآن کریم، یکی از نام‌های قیامت / اشباح ← آشباح: جمع «شبیه»، مانندها، همانندان / آشباح جمع «شبیح» و به معناء «کالدتها، سایرها، ساه ها» که از دیده م شده است.

(ترکیب همه یا بعدها / اعلانی و آراء)

۵. **گزینه ۳**: املای درست واژه غلط: معونت (: یاری) ← مثونت: هزینه، خرچی زندگی

**معنی واژه‌های مهم املایی در سایر گزینه‌ها:**  
گزینه ۱۰: افراط: از حد درگذشتن، زیادمروی / رُلت: لغزش، لغزیدن، گناه / منسوب: نسبت‌داده شده

**گزینه ۲:** عذر: مکر و حیله، بی‌وفایی / اعتاب: سرزنش، ملامت، تندی  
**گزینه ۳:** حدت تندی و تبیزی، شدت اسورت: تندی و تبیزی، حدت و شدت اخراج پرهیز، دوری کردن / غالبه ۱-غلب، بیشترین پخش از هر چیز -۲- غلبه کننده،  
**چیزهای مسلط / مظلوم:** بزرگ، مهم  
**(ترکیبی همه یا همها / اهلی و ازه)**

**۶. گزینه ۴: املای درست و ازه غلط: مردارخار ← مردارخوار**  
 «غريب» به معنای «غريبه، بیگانه، نااشنا» و املای آن در ترکیب «غريبدشمن» به همین شکل درست است. امعنای بیت: «همین دو ویزگی و خصلت اخلاقی ملعون (= ناپسند) برای تو کافی است آنادیگر خود را ستایش نکنی! پسکی این که با افراد غریبه، دشمن هستی؛ و دیگر این که مردارخوار هستی!»  
**معنی و ازه های مهم اسلامی در سایر گزینه ها:**

**هزاهز**: آشوب و فتنهای که مردم را به جنش درآورد.  
**گزینه**: ۱) نگزارد: ادا نکند، به جای نیازورده (از مصدر «گزاردن: ادا کردن،  
اجرا کردن، به جای آوردن، انجام دادن») / طیب: بوی خوش، خوشبو  
شدن / قهر: خشم، غصب

<sup>۳۰</sup> غرّه: فریقته، مغروف / حُبَّث: پلیدی (ترکیبی همه یاردها/ اعلایی واژه)

**٧- گزینه ۲۰** «مرصاد العباد من المبدأ الى المعاد» اثر نجم الدين رازی،  
«روضۃ خلد» اثر مجید خوافی، «کلیله و دمنه» اثر نصرالله منشی و «جواعی  
الحكایات و لوامع الروایات» اثر محمد عوفی، همگی از جمله آثار منتشر  
امخته به نظره (شع) هستند.



$$\frac{b=0}{+9} \rightarrow 12 + 3a = 0 \Rightarrow a = -4$$

$$f(-2) = (-2)^4 - 4(-2)^3 = 16 + 32 = 48$$

(حسابان ۲ / کاربرد مشتق)

$$f(x) = \frac{-x^2 + 2x}{x^2 + 2x + 1} \Rightarrow f'(x) = \frac{-4x^2 - 2x + 2}{(x+1)^4} = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{-\frac{1}{4} + 1}{\left(\frac{1}{2} + 1\right)^2} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{9}{4}} = \frac{1}{3}$$

مجانب افقی تابع خط  $y = -1$  است و فاصله نقطه  $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right)$  از خط  $y = -1$

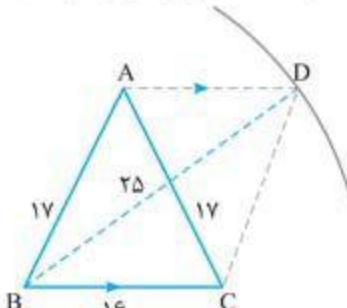
(حسابان ۲ / کاربرد مشتق)

برابر  $\frac{4}{3}$  است.

### تحليل درس هندسه پایه و تحلیل

در مجموع سطح سوالات هندسه متوسط رو به بالا ارزیابی می شود و نسبت به سال های گذشته ۲ تست افزایش یافته است. در این قسمت نیز مانند مبحث حسابان، سوال ۱۵۱ اشتباهآمیز سوالات گسته آورده شده است. همچنین از فصل دوم هندسه دهم سؤالی مطرح نشده است.

**گزینه ۳:** ابتدا مساحت مثلث ABC را به کمک فرمول هرون می باییم:



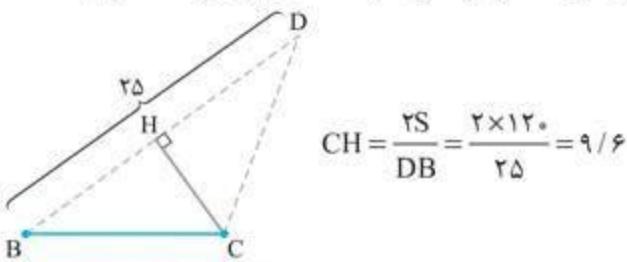
$$\{ 2P = 17 + 17 + 16 = 50 \Rightarrow P = 25$$

$$\{ S = \sqrt{25(25-17)(25-17)(25-16)} = 120$$

با توجه به شکل چون  $AD \parallel BC$  و  $ABC \sim DBC$  همارتفاوند

و چون هم قاعده نیز هستند، بنابراین همساحتاند و در نتیجه  $S_{DBC} = 120$

اکنون برای یافتن فاصله رأس C از ضلع BD، یعنی ارتفاع CH داریم:



$$CH = \frac{2S}{DB} = \frac{2 \times 120}{25} = 9.6$$

(هندسه ۱ / ترسیم‌های هندسی)

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin^2 2x = 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin 2x = 1 \Rightarrow 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \\ \sin 2x = -1 \Rightarrow 2x = 2k\pi - \frac{\pi}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{4} \\ x = k\pi - \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{\pi}{4}, \pi + \frac{\pi}{4} \\ \frac{3\pi}{4}, \pi + \frac{3\pi}{4} \end{cases} \Rightarrow \text{مجموع ریشه‌ها} = 4\pi$$

(حسابان ۲ / معادلات مثلثاتی)

**گزینه ۴:**

$$\frac{2x^2 - x - 2}{-2x^2 \pm 4x} \Rightarrow y = 2 + \frac{-5x - 2}{x^2 + 2x}$$

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow +\infty} 2 + \frac{-5x - 2}{x^2 + 2x} = 2^- \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} 2 + \frac{-5x - 2}{x^2 + 2x} = 2^+ \end{cases}$$

(حسابان ۲ / مجانب)

**گزینه ۴:**

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{2x - 2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \frac{1}{2} f'(1) = \frac{2}{3} \Rightarrow f'(1) = \frac{4}{3}$$

مقدار تابع (x) در  $x = 2$  برابر  $g(2) = 2^4 - 5 = 11$  است.

$$(fog)'(2) = g'(2) \cdot f'(g(2)) = 3 \times f'(1) = 3 \times \frac{4}{3} = 4$$

(حسابان ۲ / مشتق)

**گزینه ۳:**

$$f(x) = \frac{|x| |x^2 - 2|}{x} = \frac{|x| |x - \sqrt{2}| |x + \sqrt{2}|}{x}$$

تابع در  $x = 0$  ناپیوسته است و مشتق پذیر نیست و در سه پیوسته  $x = \pm \sqrt{2}$  است ولی مشتق‌های چپ و راست آن برابر نیستند. بنابراین در مجموع در سه نقطه تابع مشتق ندارد.

**گزینه ۲:**

$$\frac{f(\frac{1}{4}) - f(0)}{\frac{1}{4} - 0} = \frac{\left(\frac{1}{4} + \frac{1}{5}\right) - (1+1)}{\frac{1}{4}} = \frac{1 + \frac{1}{5}}{\frac{1}{4}} = \frac{6}{5} = \frac{3}{10}$$

$$f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{2x+1}} - \frac{1}{(x+1)^2} \Rightarrow f'\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{2}{4} - \frac{4}{25} = \frac{25-8}{50} = \frac{17}{50}$$

$$\frac{3}{10} - \frac{17}{50} = \frac{15-17}{50} = \frac{-2}{50} = -\frac{1}{25}$$

(حسابان ۲ / آنچه تغیر)

**گزینه ۴:**

$$f'(0) = 0 \Rightarrow 4x^3 + 3ax^2 + 2bx \stackrel{x=0}{=} 0$$

همواره برقرار است:

$$f''(0) = 0 \Rightarrow 12x^2 + 6ax + 2b \stackrel{x=0}{=} 0 \Rightarrow 2b = 0 \Rightarrow b = 0$$

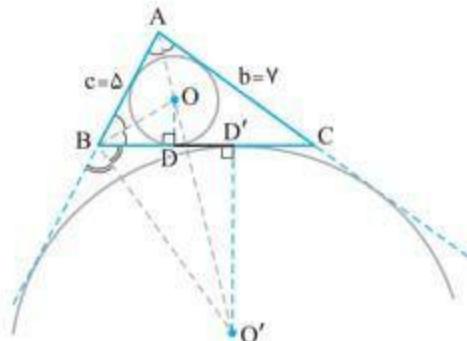
$$f'(3) = 0 \Rightarrow 4(3)^3 + 3a(3)^2 + 2b(3) = 0$$



$$a_{12} = 0 \Rightarrow [x \ -1 \ 4] \cdot \begin{bmatrix} -2 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow -2x + 4 = 0 \Rightarrow x = 2$$

$$a_{21} = 0 \Rightarrow [2 \ 3 \ 1] \cdot \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ y \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow 4 + 3 + y = 0 \Rightarrow y = -7$$

(هندسه ۳ / ماتریس)



بنابراین برای یافتن اندازه تصویر قائم  $O'$  بر روی  $BC$ ، همان قطعاتی را که دایره‌های محاطی داخلی و خارجی مثلث روی ضلع آن پدید می‌آورند می‌بایس  $P = 10$  داریم (توجه کنید محیط مثلث  $5+7+8=20$  و نصف محیط آن  $P = 10$ ).  $DD' = BD' - BD = (P - c) - (P - b) = b - c = 7 - 5 = 2$  است. (هندسه ۲ / تبدیلات هندسی)

$$AX = B \Rightarrow X = A^{-1} \cdot B \xrightarrow{|A|=-1} X = \left( \frac{1}{-1} \begin{bmatrix} -2 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \right) \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow X = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 13 \\ -1 & -8 \end{bmatrix}$$

(هندسه ۳ / ماتریس)

گزینه ۱۳۱

$$\begin{vmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 3 & 0 & 5 \\ -2 & 6 & 1 \end{vmatrix} = 2 \times \begin{vmatrix} 0 & 5 \\ 6 & 1 \end{vmatrix} - (-1) \times \begin{vmatrix} 3 & 5 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} + 4 \times \begin{vmatrix} 3 & 0 \\ -2 & 6 \end{vmatrix}$$

$$= 2 \times (-30) + 1 \times (13) + 4 \times 18 = -60 + 13 + 72 = 25$$

(هندسه ۳ / ماتریس)

گزینه ۱۳۲ اگر معادله دایرة  $C$  را به صورت  $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  داریم، برای یافتن معادله وتر مشترک دو دایرة:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + ax + by + c = 0 \\ x^2 + y^2 - 17 = 0 \end{cases} \xrightarrow{\text{کم}} ax + by + c + 17 = 0$$

شرط اتطابق این خط را با خط به معادله  $2x - y - 3 = 0$  می‌نویسیم:

$$\begin{cases} ax + by + c + 17 = 0 \\ 2x - y - 3 = 0 \end{cases} \xrightarrow{\text{شرط اتطابق}} \frac{a}{2} = \frac{b}{-1} = \frac{c + 17}{-3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = -2b \\ c = 3b - 17 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{در معادله دایرة}} x^2 + y^2 + (-2b)x + by + (3b - 17) = 0$$

$$\xrightarrow{\text{نقطه } (-6, 6) \text{ را}} 6^2 + (-1)^2 - 2b(6) + b(-1) + 3b - 17 = 0 \quad \text{صدق می‌دهیم}$$

$$\Rightarrow b = 2$$

پس  $c = -11$  و  $a = -4$  به دست می‌آید و معادله دایرة  $C$  عبارت است از:

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y - 11 = 0 \Rightarrow R = \sqrt{(-4)^2 + 2^2 - 4(-11)} = 4$$

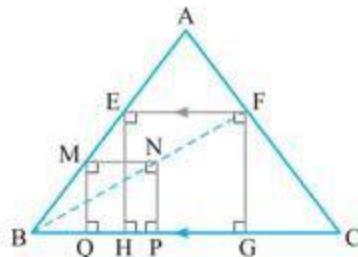
(هندسه ۳ / مقاطع مخروطی)

$$2(x^2 - 2x) = -4x + 4 \Rightarrow 2[(x-1)^2 - 1] = -4x + 4 \quad \text{گزینه ۱۳۴}$$

$$\Rightarrow 2(x-1)^2 = -4x + 6 = -4(y-2)$$

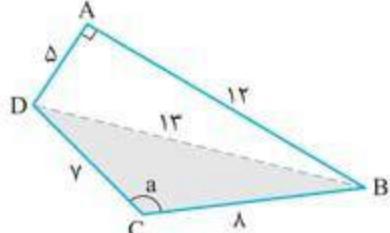
$$\Rightarrow (x-1)^2 = -\frac{3}{2}(y-2) \Rightarrow S(1, 2)$$

گزینه ۱۳۵ مربع  $MNPQ$  را داخل مثلث  $ABC$  با توجه به صورت سؤال به گونه‌ای می‌سازیم که یکی از اضلاع آن روی ضلع  $BC$  واقع باشد. از رأس  $B$  به نقطه  $N$  وصل کرده و امتداد می‌دهیم تا ضلع  $AC$  را در نقطه  $F$  قطع کند و سپس از  $F$  خطی موازی با  $BC$  رسم می‌کنیم تا ضلع  $AB$  را در نقطه  $E$  قطع نماید. از نقاط  $E$  و  $F$ ، دو عمود  $EH$  و  $FG$  را بر ضلع  $BC$  رسم می‌کنیم. چهارضلعی  $EFGH$  مربع است و مجانس مربع  $MNPQ$  در تجاس به مرکز  $B$  است.



(هندسه ۲ / تبدیلات هندسی)

گزینه ۱۳۶ با رسم قطر  $DB$ ، مطابق با قضیه فیثاغورس در مثلث قائم‌الزاویه  $ABD$ ، اندازه  $DB = 13$  به دست می‌آید. اکنون به کمک قضیه کسینوس‌ها داریم:



$$\triangle CDB: DB^2 = CD^2 + CB^2 - 2 \cdot CD \cdot CB \cdot \cos \alpha$$

$$\Rightarrow 13^2 = 7^2 + 8^2 - 2 \times 7 \times 8 \times \cos \alpha \Rightarrow \cos \alpha = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \alpha = 120^\circ \Rightarrow \sin \alpha = \sin 120^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(هندسه ۲ / قضیه کسینوس‌ها)

گزینه ۱۳۷ می‌دانیم ماتریس حاصل، یک ماتریس  $2 \times 2$  است (چرا؟)، پس برای آن که یک ماتریس قطری  $2 \times 2$  داشته باشیم، باید درایه‌های  $a_{12}$  و  $a_{21}$  برابر صفر باشند. پس:



گزینه ۲۴

$$\left. \begin{array}{l} \text{pH}_1 = -\log[\text{H}^+]_1 = -\log \frac{0.1}{0.1} = 1 \\ \text{pH}_2 = -\log[\text{H}^+]_2 = -\log \left( \frac{0.1}{1} \times \frac{2}{100} \right) = 2/7 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{pH}_2 = 2/7 \\ \text{pH}_1 \end{array}$$

(شیوه ۳ / فصل ۱)

گزینه ۲۵ در نیم واکنش کاتدی، تعداد الکترون‌ها نادرست بیان



(شیوه ۳ / فصل ۲)

گزینه ۲۶ در سلول آبکاری قلتش مسی با استفاده از آند نقره، غلظت

یون  $\text{Ag}^+$  ثابت می‌ماند. زیرا با خورده شدن الکتروود اجازه تغییر غلظت به آن داده نمی‌شود. همچنین هیچ یون مسی در محلول وجود ندارد.

(شیوه ۳ / فصل ۲)

گزینه ۲۷

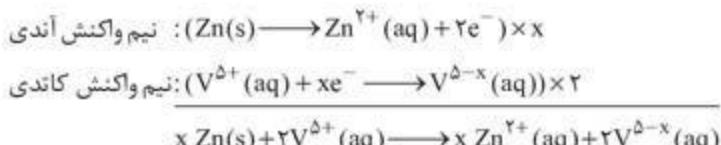
$$\left. \begin{array}{l} E^\circ_{\text{Ag}-\text{Li}} = E^\circ_{\text{Ag}} - E^\circ_{\text{Li}} = 0.8 - (-0.5) = 3.85 \\ E^\circ_{\text{Ag}-\text{Zn}} = E^\circ_{\text{Ag}} - E^\circ_{\text{Zn}} = 0.8 - (-0.76) = 1.56 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{3.85}{1.56} \approx 2.47$$

(شیوه ۳ / فصل ۲)

گزینه ۲۸ نیم واکنش‌های اکسایش - کاهش مورد نظر را به صورت

پارامتری می‌نویسیم:



حال، به روش برابری مول به ضریب داریم:

$$\frac{\text{g Zn}}{225 \times 10^{-3}} = \frac{\text{mol V}^{5+}}{200 \times 10^{-3} / 225 \times 10^{-3}} \Rightarrow x = 2$$

بنابراین، در این واکنش  $\text{V}^{5-2}$  یا  $\text{V}^{3+}$  تولید می‌شود. با توجه به

شكل کتاب درسی،  $\text{V}^{2+}$  سبز رنگ است.

گزینه ۲۹ عبارت‌های اول و سوم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت دوم: pH محلول HF بزرگ‌تر از دو محلول دیگر است.

عبارت چهارم: فقط HF می‌تواند پیوند هیدروژنی تشکیل دهد.

(شیوه ۱ / شیوه ۳)

$$\bar{R}_{\text{NCl}_r} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{+0.25 - +0.15}{10} = 10^{-3} \text{ mol.s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{\text{Cl}_r} = 3 \times \bar{R}_{\text{NCl}_r} = 3 \times 10^{-3} \text{ mol.s}^{-1}$$

$$\bar{R}_{\text{NCl}_r} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{+0.3}{30} = 10^{-3} \text{ mol.s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{\text{NH}_4\text{Cl}} = 3 \times \bar{R}_{\text{NCl}_r} = 3 \times 10^{-3} \text{ mol.s}^{-1}$$

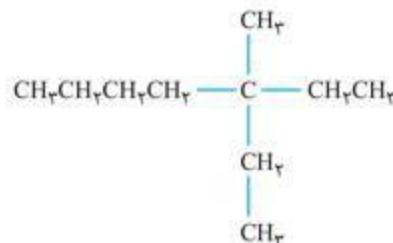
(شیوه ۲ / فصل ۲)

گزینه ۲۱۷

$$? \text{ mol Fe} = 219 \times 10^3 \text{ ton Fe} \times \frac{5}{100} \times \frac{1}{365} \text{ ton} = 30 \text{ ton}$$

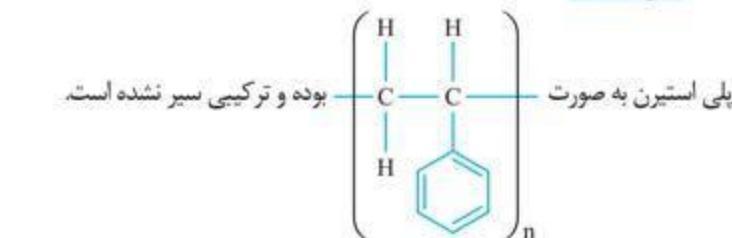
(شیوه ۲ / فصل ۲)

گزینه ۲۱۸ فرمول مولکولی نفتالن به صورت  $C_{10}\text{H}_8$  است. تنها، ترکیب گزینه ۱۱، دارای این فرمول است.



(شیوه ۲ / فصل ۱)

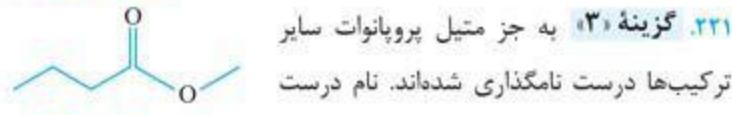
گزینه ۲۱۹



(شیوه ۲ / فصل ۳)

گزینه ۲۲۰ برای تشکیل پلی آمید، باید دی‌آمین یا دی‌اسید یا

ترکیبی که هر دو گروه عاملی را داشته باشد استفاده شود. (شیوه ۲ / فصل ۳)



ترکیب زیر، متیل بوتانوات است.

گزینه ۲۲۱ این شکل مریبوط به یک استر (نه اسید چرب) سه ظرفیتی

است و سایر عبارت‌ها درست‌اند.

گزینه ۲۲۲ اسید معده، HCl بوده، و اسیدی قوی محسوب می‌شود.

بنابراین غلظت مولار اسید با غلظت  $\text{H}^+$  در آن برابر است:

$$\frac{[\text{H}^+]}{[\text{H}^+]} = \frac{\text{فعالیت}}{\text{استراحت}} = \frac{10^{-1/4}}{10^{-2/7}} = \frac{0.4}{0.2 \times 10^{-3}} = 200$$

(شیوه ۳ / فصل ۱)