



## فهرست مطالب

# سیر تا پیاز

ریاضی سوم دبستان

۷

آموزش

۱۲۴

سؤالات تشریحی

۱۶۵

پاسخنامه سوالات تشریحی

۱۹۸

سؤالات تستی

۲۱۸

پاسخنامه سوالات تستی



www.gajmarket.com

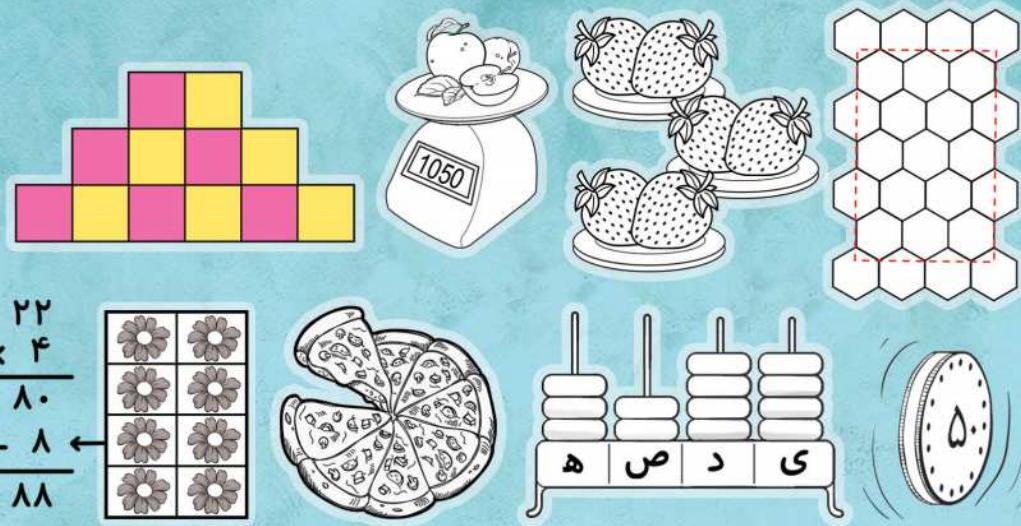
مجموعه کتابهای  
**سیر تا پیاز**

# آموزش

- ۸ فصل اول: الگوهای
- ۱۹ فصل دوم: عددهای چهار رقمی
- ۳۵ فصل سوم: عددهای کسری
- ۵۲ فصل چهارم: ضرب و تقسیم
- ۷۱ فصل پنجم: محیط و مساحت
- ۸۶ فصل ششم: جمع و تفریق
- ۱۰۲ فصل هفتم: آمار و احتمال
- ۱۱۳ فصل هشتم: ضرب عددها

# فصل اول

## الگوهای کویابی



### الگوهای کویابی

هرگاه تعدادی از اعداد یا اشکال کنار یکدیگر قرار بگیرند، به طوری که رابطه‌ای بین آن‌ها وجود داشته باشد، یک **الگو** تشکیل می‌شود. به کارهایی که برای کشف این الگو و پیدا کردن رابطه‌ی میان اعداد یا اشکال انجام می‌دهیم، **الگوهای کویابی** می‌گوییم.

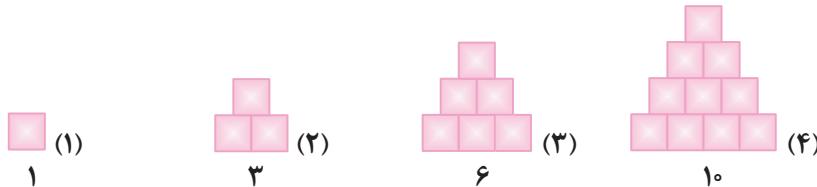
کشف الگوها در مسئله به حل آن کمک می‌کند، به همین دلیل الگوهای کویابی از راهبردهای حل مسئله است.

**مثال** الگوی عددی مقابل را ادامه داده و رابطه‌ی بین آن را توضیح دهید.

با دقّت در الگو می‌بینیم که عدد اول با ۴ جمع شده و عدد بعدی را ساخته است. عدد بعدی هم منهای ۳ شده و عدد بعدی را ساخته است. یعنی اعداد این الگو به صورت یک در میان  $+4$  (به علاوه‌ی ۴) و  $-3$  (منهای ۳) شده‌اند. پس رابطه‌ی بین اعداد را پیدا کردیم. حالا الگو را به همین ترتیب ادامه می‌دهیم. داریم:

$$\begin{array}{ccccccc} 2 & , & 7 & , & 4 & , & 8 \\ +4 & -3 & +4 & -3 & +4 & -3 & \dots \end{array}$$

**مثال** الگوی شکلی زیر را ادامه دهید. سپس توضیح دهید چه رابطه‌ای بین عددها و شماره‌ی شکل‌ها وجود دارد؟



عددهایی که در زیر هر شکل نوشته شده‌اند، تعداد مربع‌های آن شکل را نشان می‌دهند. در هر مرحله تعداد مربع‌های هر شکل با شماره‌ی شکل بعدی جمع شده و تعداد مربع‌های شکل بعدی را مشخص می‌کند. یعنی:

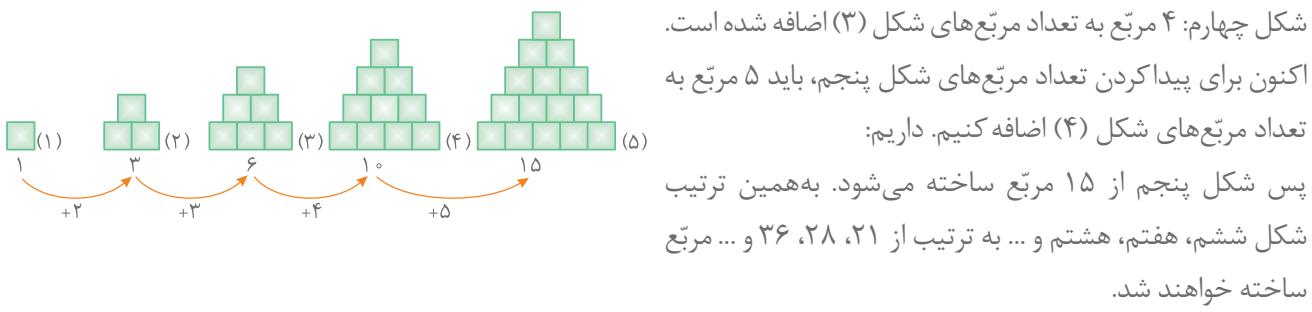
شکل اول: از یک مربع ساخته شده است.

شکل دوم: ۲ مربع به تعداد مربع‌های شکل (۱) اضافه شده است.

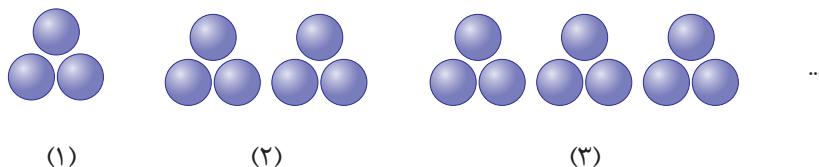
شکل سوم: ۳ مربع به تعداد مربع‌های شکل (۲) اضافه شده است.

شکل چهارم: ۴ مربع به تعداد مربع‌های شکل (۳) اضافه شده است.

اکنون برای پیدا کردن تعداد مربع‌های شکل پنجم، باید ۵ مربع به تعداد مربع‌های شکل (۴) اضافه کنیم. داریم:



**مثال** در الگوی شکلی زیر چه ارتباطی میان تعداد دایره‌ها و شماره‌ی هر شکل وجود دارد؟



با دقت در تعداد شکل‌ها می‌بینیم که در هر شکل به تعداد شماره‌ی شکل، دسته‌ی سه تابی از دایره‌ها را داریم.  
به جدول زیر برای درک بهتر این موضوع توجه کنید.

شماره‌ی شکل	(۱)	(۲)	(۳)
تعداد دایره‌ها	$= 3$ ۳ دسته‌ی ۳ تایی	$= 6$ ۲ دسته‌ی ۳ تایی	$= 9$ ۳ دسته‌ی ۳ تایی

الگوهای عددی همواره رو به جلو **نیستند**. گاهی الگوهای عددی رو به عقب هستند که در این حالت به صورت برعکس از راست به چپ پیش می‌رویم و عملیات را نیز به طور برعکس انجام می‌دهیم.

..... , ....., ....., ....., ....., ....., ۲۴ , ۲۷ , ۳۰

در این الگو هر عدد با ۳ جمع شده و عدد بعدی را در الگو ساخته است چون:

۲۴ ۲۷ ۳۰

بنابراین با توجه به این‌که الگوی عددی بالا یک الگوی عددی رو به عقب است، باید از عدد ۲۴ به صورت برعکس به سمت چپ پیش برویم با این تفاوت که باید عمل جمع نیز به تفیریق تبدیل شود. یعنی هر عدد منهای ۳ شده و عدد قبلی را می‌سازد. داریم:

٩، ١٢، ١٥، ١٨، ٢١، ٢٤، ٢٧، ٣٠  
-٣ -٣ -٣ -٣ -٣ -٣ -٣

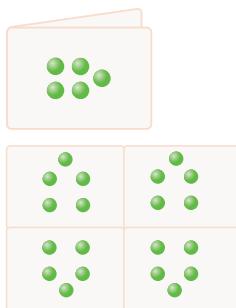
در حل بسیاری از مسائل ریاضی باید سعی کنیم رابطه یا الگوی موجود در مسئله را پیدا کنیم، در این صورت مسئله به راحتی قلیل حل است، به مثال زیر توجه کنید:

**مثال** سینا در یک ساختمان ۳ طبقه زندگی می‌کند که هر طبقه‌ی آن ۲ واحد دارد. کل ساختمان یعنی تا طبقه‌ی ۳ چند واحد دارد؟

برای حل این مسئله شکلی رسم می‌کنیم به این صورت که برای هر ۱ واحد یک می‌کشیم و شماره‌ی هر شکل نشان‌دهنده‌ی شماره طبقه آن در ساختمان سینا است. طبق شکل، ساختمان در طبقه‌ی اول ۲ واحد دارد، تا طبقه‌ی دوم ۴ واحد و تا طبقه‌ی سوم ۶ واحد دارد. بنابراین کل ساختمان ۶ واحد دارد.

شمارش چند تا چند تا

◆ برای شمارش اشیا و اشکال می‌توانیم با دسته‌بندی کردن آن‌ها به روش‌های مختلف عمل شمارش را آسان‌تر و سریع‌تر کنیم.



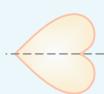
**مثال** کاغذی را دوبار از روی خطوط تقارن آن تا زده‌ایم. به شکل مقابل درآمده است. اگر کاغذ را باز کنیم، در مجموع چند دایره دیده می‌شود؟

چون دو خط تقارن دارد پس دارای تقارن چهار قسمتی است. بنابراین برای پیدا کردن کل دایره‌ها باید ۵ را ۳ بار با خودش جمع کنیم:

$$5+5+5+5=20$$

### نکات تیزه‌شانی

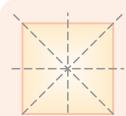
یک شکل می‌تواند انواع مختلف تقارن را داشته باشد:



۱ تقارن عمودی داشته باشد؛ یعنی خط تقارن به صورت افقی باشد. مانند:



۱ تقارن افقی داشته باشد؛ یعنی خط تقارن به صورت عمودی باشد. مانند:



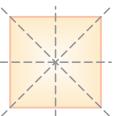
۲ بیش از یک خط تقارن داشته باشد. مانند:



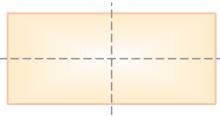
۲ تقارن مورب داشته باشد؛ یعنی خط تقارن به صورت مورب رسم می‌شود. مانند:



یک دایره بی‌شمار خط تقارن دارد. همان‌طور که می‌بینید در شکل رسم شده تعدادی از خط‌های تقارن دایره را کشیده‌ایم.



۴ مرربع ۴ خط تقارن دارد.

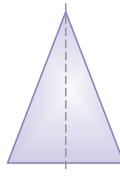


۲ مستطیل ۲ خط تقارن (افقی و عمودی) دارد.

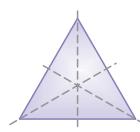
۳ مثلث‌ها بسته به انواع مختلف خود، تعداد خط‌های تقارن متفاوتی دارند.



خط تقارن ندارد.



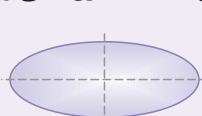
یک خط تقارن دارد.



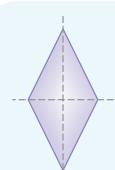
سه خط تقارن دارد.



متوازی‌الاضلاع خط تقارن ندارد.



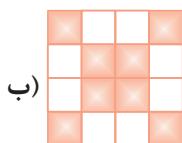
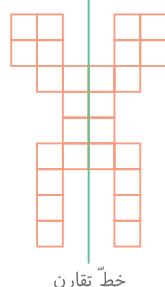
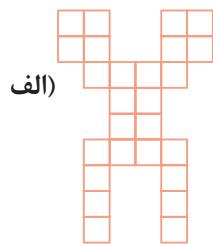
بیضی ۲ خط تقارن افقی و عمودی دارد.



لوزی ۲ خط تقارن افقی و عمودی دارد.

می‌دانیم که می‌توانیم از خط تقارن برای شمارش سریع‌تر و راحت‌تر اشیا بهره بگیریم. اما الزاماً خط تقارن رسم نمی‌شود و گاهی لازم است خود ما خطوط تقارن را رسم کرده (البته در مورد اشکالی که خط تقارن دارند) سپس شروع به شمارش کنیم. بسته به نوع شکل می‌توانیم برای آن تقارن دو قسمتی (با رسم یک خط تقارن) و یا تقارن چهار قسمتی (با رسم دو خط تقارن) ایجاد کنیم.

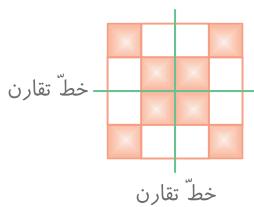
**مثال** از خط تقارن برای شمارش قسمت‌های مساوی شکل‌های زیر استفاده کنید و آن‌ها را شمارش کنید.



(الف) این شکل دارای یک خط تقارن است، پس برای به دست آوردن تعداد کل مربع‌های شکل کافی است تعداد مربع‌های یک طرف خط تقارن را شمارش کرده و سپس با خودش جمع کنیم، داریم:

$$13 + 13 = 26$$

پس شکل ۲۶ مربع دارد.

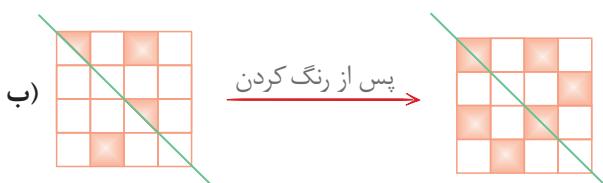
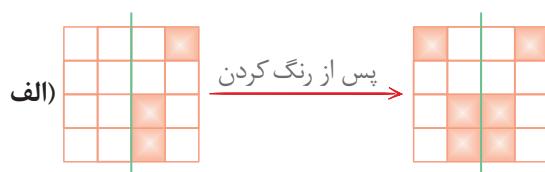


(ب) در این شکل ابتدا دو خط تقارن را رسم می‌کنیم، سپس، برای به دست آوردن تعداد کل مربع‌های شکل کافی است تعداد مربع‌های یک قسمت را شمارش کرده و سپس ۳ بار با خودش جمع کنیم، داریم:

$$4 + 4 + 4 + 4 = 16$$

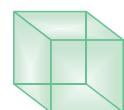
**مثال**

با استفاده از مفهوم تقارن شکل‌های زیر را طوری رنگ کنید که خط داده شده خط تقارن هر شکل باشد.



### مکعب و صورت‌های مختلف گستردگی آن

۱۷



● شکلی را که ۶ وجه یا طرف دارد، هر طرف آن به شکل **مربع** است و همهی مربع‌های آن نیز با هم برابرند، **مکعب مربع** می‌نامیم.

● شکلی را که ۶ وجه یا طرف دارد و هر طرف آن به شکل **مستطیل** است، به طوری که مستطیل‌های رویه‌رو دوبه‌دو با هم همان‌ اندازه باشند، **مکعب مستطیل** می‌نامیم. البته ۲ وجه از یک مکعب مستطیل می‌تواند به شکل مربع نیز باشد.



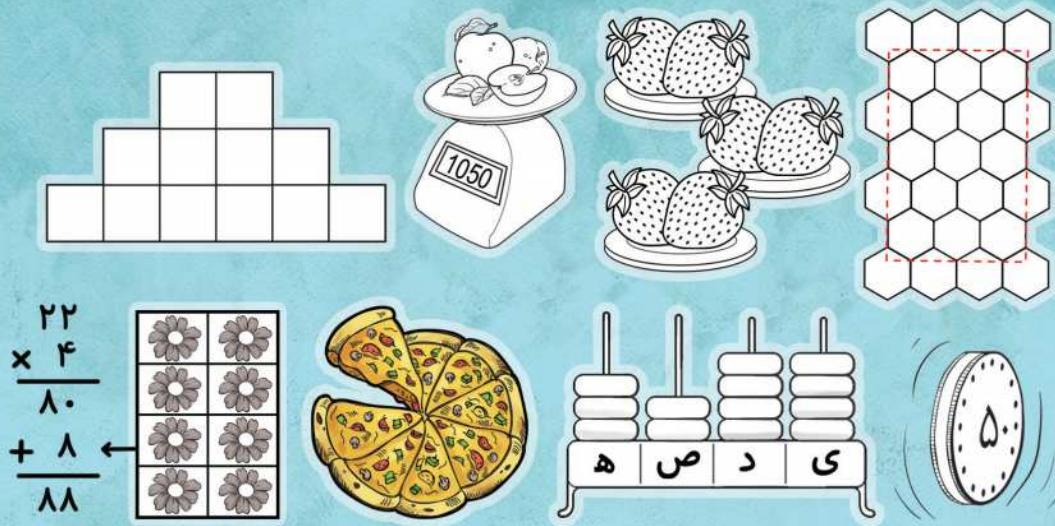
نکته

هرگاه گفته شود مکعب، منظور همان مکعب مربع است و نیازی به گفتن کلمه‌ی مربع نیست.

## فصل سوم

### عددهای کسری

#### حل مسئله (رسم شکل)



گاهی برای حل بعضی از مسئله‌ها بهتر است از رسم شکل استفاده کنیم. در این موارد ابتدا صورت مسئله را خوانده و آن را برای خود قابل فهم می‌کنیم. سپس برای آن شکلی مناسب رسم می‌کنیم. در چنین موقعی نیاز **نیست** که حتماً شکل واقعی مربوط به مسئله رسم شود، بلکه شکل باید با داده‌ها و اطلاعات مسئله و خواسته‌ی آن هم خوانی داشته باشد.

به طور مثال برای حل مسئله‌های مربوط به زمین کشاورزی، نیاز به رسم زمین کشاورزی واقعی باگل و چمن و ... **نیست**. برای حل آن و رسم زمین، می‌توانیم از یک مستطیل استفاده کنیم. وقتی شکل مربوط مسئله را رسم کردیم، می‌توانیم به راحتی راه حل مسئله را یافته و آن را سریع‌تر حل کنیم. برای درک بهتر این مطلب به مثال زیر توجه کنید.

#### مثال



ريحان کاشت و نصف دیگر را به ۳ قسمت مساوی تقسیم کرده و در نصف آن سبزی ریحان کاشته شده است.

الف) در چند قسمت از باغچه سبزی ریحان کاشته شده است؟

ب) در چند قسمت از باغچه سبزی تره کاشته شده است؟

ج) امیرمهدي چند قسمت از باغچه را سبزی شاهی کاشته است؟

با راهبرد رسم شکل مسئله را حل می‌کنیم.

ابتدا یک باغچه به شکل مستطیل رسم می‌کنیم و تمام داده‌ها و اطلاعات مسئله را بر روی آن نمایش می‌دهیم. مستطیل را به دو نیمه تقسیم کرده و یک قسمت را ریحان در نظر می‌گیریم. قسمت باقیمانده را به سه قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم و طبق گفته مسئله یک قسمت را برای تره و دو قسمت را برای شاهی می‌گذاریم.

ابتدا به نظر می‌رسد ۱ قسمت سبزی ریحان کاشته شده است، اما قسمت ریحان با تره برابر نیست پس توجه داشته باشید که در حل و پاسخ‌گویی به چنین مسائلی حتماً باید کل شکل، به قسمت‌های مساوی تقسیم شود تا به پاسخ صحیح و واقعی آن دست یابیم.

حالا که شکل را به قسمت‌های مساوی تقسیم کردیم، به سوالات پاسخ می‌دهیم. کل شکل به ۶ قسمت مساوی تقسیم شده است، پس:

الف) ۳ قسمت از ۶ قسمت مساوی سبزی ریحان کاشته شده است.

ب) ۱ قسمت از ۶ قسمت مساوی سبزی تره کاشته شده است.

ج) ۲ قسمت از ۶ قسمت مساوی سبزی شاهی کاشته شده است.

**مثال** یک مربع رسم کنید و آن را به دو قسمت مساوی تقسیم کنید. حالا هر قسمت را هم به ۴ قسمت مساوی تقسیم کنید.



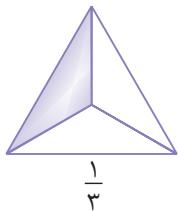
این مربع به چند قسمت مساوی کوچک تقسیم شده است؟

برای حل این مسئله نیز می‌توانیم از راهبرد حل مسئله با استفاده از رسم شکل استفاده کنیم. یک مربع رسم کرده و آن را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم؛ حالا طبق خواسته‌ی مسئله هر قسمت را هم به ۴ قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم؛ می‌بینیم که این مربع به ۸ قسمت مساوی کوچک تقسیم شد.

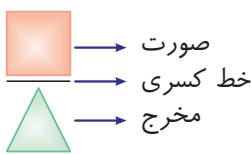


همانطور که ملاحظه کردید با روش رسم شکل، خیلی سریع و راحت به جواب رسیدیم.

### معرفی کسر



هرگاه یک شکل یا شیء را به قسمت‌های مساوی تقسیم کنیم، می‌توان برای آن کسر نوشت. به طور مثال اگر یک شکل ۳ قسمتی داشته باشیم و یک قسمت آن را رنگ کرده باشیم می‌توانیم قسمت‌های رنگ شده یا رنگ نشده را با کسر نشان دهیم.

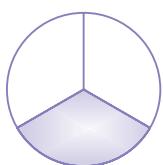
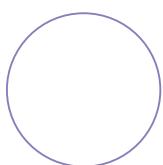


یک کسر را به صورت  $\frac{\text{صورة}}{\text{خط کسری}}$  نشان می‌دهیم. به  $\frac{\text{مخرج}}{\text{صورة}} \times \frac{\text{خط کسری}}{\text{خط کسری}}$  می‌گوییم که تعداد قسمت‌های مساوی را در مخرج و تعداد قسمت‌هایی را که موردنظر ماست در صورت کسر می‌نویسیم. به خطی که بین صورت و مخرج قرار گرفته است، «خط کسری» می‌گوییم.

بنابراین، مثلث بالا به سه قسمت مساوی تقسیم شده و یک قسمت از آن رنگ شده است، که در این صورت کسر مربوط به قسمت رنگ شده است و می‌خوانیم یک سوم شکل رنگ شده است.

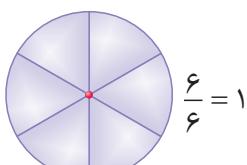
در کسوها به  $\frac{1}{2}$  نیم (نصف)، به  $\frac{1}{3}$  ثلث، به  $\frac{1}{4}$  ربع و به  $\frac{1}{5}$  خمس گفته می‌شود.

**مثال** ثلث شکل مقابل را رنگ آمیزی کنید.



ابتدا شکل را به ۳ قسمت مساوی تقسیم‌بندی کرده و سپس ۱ قسمت از ۳ قسمت مساوی، یعنی  $\frac{1}{3}$  (یک سوم) آن را رنگ می‌کنیم.

### کسر مساوی واحد (مساوی یک)



هرگاه همه‌ی قسمت‌های مساوی یک شکل، رنگ شوند، یک کسر واحد خواهیم داشت. در واقع هر کسری که صورت آن با مخرجش برابر باشد، کسر مساوی واحد است. مانند:

## فصل چهارم

### ضرب و تقسیم

#### حل مسئله به روش‌های نمادین

گاهی برای حل راحت‌تر یک مسئله می‌توانیم آن را به مسئله‌ای ساده‌تر تبدیل کنیم. در این روش می‌توانیم به جای پاسخ مسئله‌ای که می‌خواهیم آن را حل کنیم، از برخی شکل‌های هندسی مثل مربع، مستطیل، دایره، مثلث و ... استفاده کنیم. برای درک بهتر این مبحث به مثال زیر توجه کنید.

**مثال** از عدد ۵۶۰۰، چند واحد کم کنیم تا عدد ۴۰۰۰ بددست آید؟

صورت مسئله را به صورت نمادین می‌نویسیم، یعنی به جای عدد نامشخص، از یک شکل هندسی مثل دایره استفاده می‌کنیم.

$$5600 - \text{ } = 4000$$

$$\begin{array}{r} 5600 \\ - 4000 \\ \hline 1600 \end{array}$$

کافی است عدد ۴۰۰۰ را از ۵۶۰۰ کم کنیم تا عدد مربوط به دایره، یعنی پاسخ مسئله بددست آید.

یعنی به جای دایره باید عدد ۱۶۰۰ قرار گیرد و این یعنی باید از عدد ۵۶۰۰، ۱۶۰۰ واحد کم کنیم تا عدد ۴۰۰۰ بددست آید.

**مثال** عددی را با ۲۴۳° جمع کردیم، حاصل ۳۴۲° شد. آن عدد را بددست آورید.

$$\text{ } + 243^\circ = 342^\circ$$

از روش نمادین برای حل مسئله استفاده می‌کنیم و به جای عدد نامشخص،  $\text{ }$  را قرار می‌دهیم:

باید عدد ۳۴۲° و ۲۴۳° را تفریق کنیم تا عدد مربوط به مربع، یعنی پاسخ مسئله محاسبه شود.

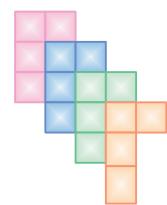
$$\begin{array}{r} 342^\circ \\ - 243^\circ \\ \hline 142^\circ \\ - 43^\circ \\ \hline 102^\circ \\ - 3^\circ \\ \hline 99^\circ \end{array}$$

پس عددی که با ۲۴۳° جمع شده و حاصل ۳۴۲° شده، برابر ۹۹° است.

**مثال** جاهای خالی را پرکنید.

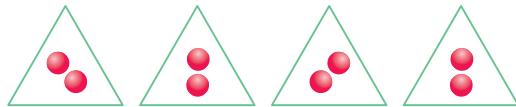
۴ دسته کاشی ۴ تایی، می‌شود ۱۶ مربع.

در این سؤال هم از روش نمادین استفاده می‌کنیم، به این صورت که کاشی‌هایی را که رنگ یکسان دارند را در یک دسته‌ی واحد قرار می‌دهیم، یعنی در این شکل ۴ دسته کاشی داریم که در هر دسته ۴ کاشی با رنگ‌هایی متفاوت و جدا از دسته‌های دیگر وجود دارد. حال با شمارش کل کاشی‌ها تعداد مربع‌ها محاسبه می‌شود.



## ضرب

- هرگاه عددی چند بار با خودش جمع شود، می‌توان پاسخ را به روشی ساده‌تر و سریع‌تر محاسبه کرد که به آن **ضرب** می‌گوییم.  
پس می‌توانیم بگوییم که ضرب، شکل دیگری از عمل جمع می‌باشد. به شکل زیر دقّت کنید:



$$2+2+2+2=8$$

برای این شکل جمع مقابل را می‌نویسیم:

$$4 \times 2 = 8$$

اگر بخواهیم این عبارت جمع را به ضرب تبدیل کنیم، داریم:

که عدد ۴ تعداد دسته‌های موجود در شکل و عدد ۲ تعداد دایره‌های موجود در هر دسته را نشان می‌دهد.

توجه داشته باشید که در ضرب حتماً باید تعداد اشیای داخل دسته‌ها با هم مساوی باشند.

در ضرب، **عدد اول (از سمت چپ)** تعداد دسته‌ها و **عدد دوم** تعداد اشیای درون هر دسته را نشان می‌دهند.

$$4 \times 2 = 8$$

تعداد اشیای درون هر دسته
تعداد دسته‌ها

به علامت **×** نماد ضرب و به عددی که بعد از مساوی (سمت راست مساوی) می‌آید (۸)، **حاصل ضرب** می‌گوییم.

**مثال** برای شکل زیر یک عبارت ضرب مناسب بنویسید.



$$4 \times 4 = 16$$

۴ دسته داریم که در هر دسته ۵ گلابی وجود دارد. پس برای نوشتن عبارت ضرب برای این شکل، ابتدا تعداد دسته‌ها را می‌نویسیم و بعد از قرار دادن نماد ضرب، تعداد گلابی‌های موجود در هر دسته را نیز می‌نویسیم. حاصل، تعداد گلابی‌های موجود در کل شکل است. داریم:

$$4 \times 5 = 20$$

**مثال** مهتا هر روز ۷ صفحه از کتابش را مطالعه می‌کند. او در ۴ روز چند صفحه مطالعه خواهد کرد؟

می‌توانیم این مسئله را با استفاده از جمع حل کنیم:

$$7+7+7+7=28$$

اما حالا که با روش ضرب آشنا شده‌ایم، آن را با استفاده از ضرب حل می‌کنیم:

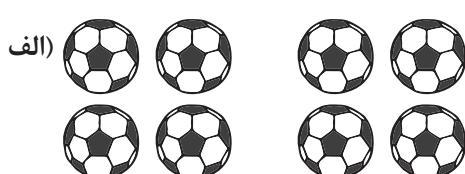
$$4 \times 7 = 28$$

پس مهتا در ۴ روز، ۲۸ صفحه از کتابش را مطالعه خواهد کرد.

**مثال** در جاهای خالی عبارت ضرب بنویسید.

در این شکل ۲ دسته داریم که در هر دسته ۴ توپ وجود دارد، یعنی:

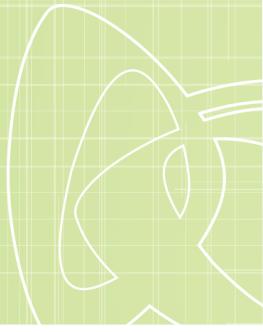
۲ دسته‌ی ۴ تایی می‌شود ۸ تا.



$$2 \times 4 = 8$$

مجموعه کتابهای  
**سیرتاپیاز**

## سوالات تشریحی



- ۱۲۵ فصل اول: الگوها
- ۱۲۹ فصل دوم: عددهای چهاررقی
- ۱۳۳ فصل سوم: عددهای کسری
- ۱۳۸ فصل چهارم: ضرب و تقسیم
- ۱۴۴ آزمون نوبت اول
- ۱۴۶ فصل پنجم: محیط و مساحت
- ۱۵۰ فصل ششم: جمع و تفریق
- ۱۵۵ فصل هفتم: آمار و احتمال
- ۱۵۹ فصل هشتم: ضرب عددها
- ۱۶۳ آزمون نوبت دوم

۱۶۵ پاسخ‌نامه‌ی تشریحی



## فصل اول: الگوهای پاسخ کامل دهید.



**(الف) به سؤالات زیر پاسخ کامل دهید.**

(۱) با توجه به توضیح نوشته شده در مقابل هر الگو، جاهای خالی را کامل کنید.

عددهای الگو، ۱۰، ۱۵، .....، .....، .....، .....، .....، ..... (الف)

عددهای الگو، ۱۰، ۱۵، .....، .....، .....، .....، .....، ..... (الف)

هر کدام از عددهای الگو، ۴، ۱۹، .....، .....، .....، ..... (ب)

هر کدام از عددهای الگو، ۴، ۱۹، .....، .....، .....، ..... (ب)

هر عدد، ۵، ۱۱، .....، .....، .....، ..... (ج)

هر عدد، ۵، ۱۱، .....، .....، .....، ..... (ج)

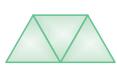
(۲) عدد بعدی را در هر الگو مشخص کنید.

در الگوی شکلی زیر، شکل چهارم را رسم کرده و سپس رابطهٔ بین آن‌ها را مشخص کنید. (الف) ۱، ۲، ۴، ۷، ..... (الف)

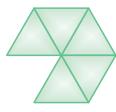
در الگوی شکلی زیر، شکل چهارم را رسم کرده و سپس رابطهٔ بین آن‌ها را مشخص کنید. (ب) ۱۷، ۱۱، ۱۳، ۷، ۹، ..... (ب)



(۱)



(۲)



(۳)

...

(۴)

(۴) سامان هر شکلات را ۱۵۰ تومان می‌خرد و ۲۰۰ تومان می‌فروشد. با توجه به جدول، جواب سؤالات زیر را بنویسید.

تعداد شکلات	۱	۲	۳	۴	۵
سود شکلات	۵۰	۱۰۰			



(الف) جدول را کامل کنید.

(ب) فروش یک شکلات چند تومان برای سامان سود دارد؟

(ج) اگر او ۴ شکلات بفروشد، چقدر سود می‌برد؟

(د) سامان چند شکلات بفروشد تا با سود آن بتواند یک شکلات برای خودش بخرد؟

(۵) با استفاده از الگوی شمارش چندتا چندتا، به سؤالات زیر پاسخ دهید.

(الف) در شمارش ۴ تا ۴ تا، عدد بعد از ۲۴ را بنویسید.

(ب) در شمارش ۷ تا ۷ تا، عدد قبل از ۴۹ را بنویسید.

(۶) می‌دانیم که هر مثلث ۳ ضلع دارد. ابتدا جدول را کامل کرده و سپس به سؤالات زیر پاسخ دهید.

تعداد مثلثها	۱	۲			
تعداد اضلاع	۳				۱۲

(الف) ۳ مثلث چند ضلع دارد؟

(ب) ۵ مثلث چند ضلع دارد؟

(ج) ۲۱ ضلع متعلق به چند مثلث است؟

(۷) اگر امروز سه‌شنبه و اوّلین روز ماه باشد، تا آخر این ماه، سه‌شنبه‌ها چه روزهایی از ماه هستند؟

(۸) الگوهای شمارش چندتا چندتا زیر را ادامه داده و سپس بگویید چه اعدادی در این دو الگو مشترک هستند؟

.....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، ..... (الف) ۴، ۷، ۱۰، ۱۳، ..... (الف)

.....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، .....، ..... (ب) ۷، ۱۳، ۱۹، ۲۵، ..... (ب)

(۹) الگوی شمارش رو به عقب زیر را کامل کنید.

..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ..... ، ۴۶ ، ۵۴

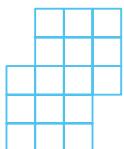
(۱۰) تعداد دایره‌ها را با دو نوع دسته‌بندی شمارش کرده و عبارت جمع مربوطه را در مقابل آن‌ها بنویسید.



$$(الف) \dots + \dots + \dots = \dots$$

$$(ب) \dots + \dots + \dots + \dots + \dots + \dots = \dots$$

(۱۱) تعداد مریخ‌ها را با ۳ نوع دسته‌بندی و به کمک شمارش چند تا چند تا به دست آورید.



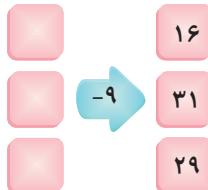
(۱۲) سهیل ۸ مهره‌ی آبی، ۶ مهره‌ی سبز، ۲ مهره‌ی زرد و ۳ مهره‌ی نارنجی دارد. با استفاده از روش جمع ذهنی بگویید سهیل چند مهره‌ی رنگی دارد؟

(۱۳) حاصل جمع‌های زیر را به روش ذهنی محاسبه کنید.

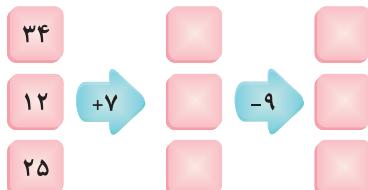
$$(الف) ۸+۷+۳+۲=$$

$$(ب) ۹+۵+۳+۱۱=$$

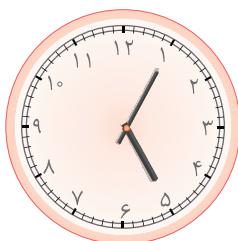
(۱۴) در ماشین ورودی - خروجی مقابله، عددهای ورودی را به دست آورید.



(۱۵) در ماشین ورودی - خروجی چندتایی رویه رو، اعداد خروجی را محاسبه کنید.



(۱۶) تمام ساعت‌های مجی زیر زمان‌های بعد از ظهر را نمایش می‌دهند. زمان‌های مثل هم را به هم وصل کنید.



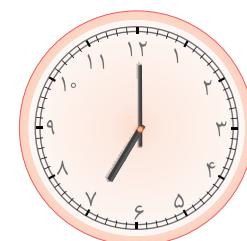
(۱)



(۲)



(۳)



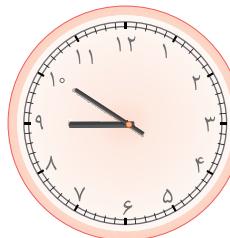
(۴)



(۵)



(۶)



(۷)



(۸)



(۵۸) پاسخ کدام تقسیم نادرست است؟

۳۲ ÷ ۸ = ۴ (د)

۴۲ ÷ ۶ = ۷ (ج)

۱۸ ÷ ۹ = ۲ (ب)

۱۸ ÷ ۶ = ۲ (الف)

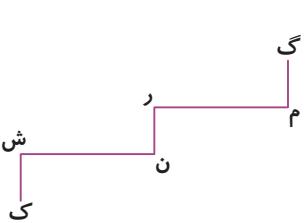
۴ × ۹ =

۶۲ ÷ ۴ = ۹ (د)

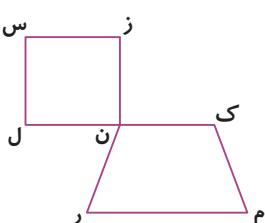
۳۲ ÷ ۴ = ۹ (ج)

۴۰ ÷ ۹ = ۴ (ب)

۳۶ ÷ ۹ = ۴ (الف)



(۶۰) کدام دسته از تقسیم‌ها مربوط به ضرب مقابل است؟



(۶۲) در مربع مقابل، ضلع «ن ل» با کدام ضلع‌های ذوزنقه موازی است؟

- (الف) «ن ر» و «ک ن»  
 (ب) «ز ن» و «س ل»  
 (ج) «ک ن» و «م ر»  
 (د) «م ر»

(ج) جاهای خالی را با استفاده از کلمات یا اعداد مناسب پر کنید.

(۶۳) در ضرب، عدد اول نشان‌دهندهٔ تعداد ..... و عدد دوم نشان‌دهندهٔ تعداد ..... است.

(۶۴) در عبارت  $۲۰ = ۴ \times ۵$  ، عدد ..... را حاصل ضرب و  $\times$  را ..... می‌گوییم.

(۶۵) اگر عددی در ..... ضرب شود، حاصل ضرب برابر است با خود آن عدد.

(۶۶) تقسیم یکی از ..... عمل اصلی است که ..... عمل ضرب است.

(۶۷) فاصله‌ی دو خط موازی در قسمت‌های مختلف آن ..... است.

(۶۸) دو خط متقطع دارای ..... نقطه‌ی مشترک هستند.

(۶۹) دو خط ..... هیچ گاه به هم نمی‌رسند.

(د) درستی یا نادرستی هر یک از عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

(۷۰) ۴ ضرب یک رقمی در یک رقمی می‌توان نوشت که حاصل ضرب آن‌ها ۱۸ شود.

(۷۱) تمام ضرب‌های عدد ۵، یک الگوی شمارشی ۵ تا ۵ تا را تشکیل می‌دهند.

(۷۲) در ضرب، با جایه‌جا کردن عدد اول و دوم، حاصل ضرب تغییر می‌کند.

(۷۳) از یک نقطه نزدیک یک خط، فقط یک خط موازی با آن می‌توان رسم کرد که از آن نقطه عبور کند.

(۷۴) نماد ضرب نشان‌دهندهٔ ۲ خط موازی است.

(۷۵) برای یک خط، بی‌شمار خط موازی به فاصله‌ی ۱ سانتی‌متر می‌توان رسم کرد.





**۶) جدول را کامل می کنیم، می بینیم که تعداد اضلاع، یک الگوی شمارش ۳ تا ۳ تا تشکیل داده اند.**

تعداد مثلثها	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷
تعداد اضلاع	۳	۶	۹	۱۲	۱۵	۱۸	۲۱

+۳ +۳ +۳ +۳ +۳ +۳

الف) ۳ مثلث ۹ ضلع دارد.

ب) ۵ مثلث ۱۵ ضلع دارد.

ج) ۲۱ ضلع متعلق به ۷ مثلث است.

**۷) اگر امروز سه شنبه و اوّلین روز ماه باشد، تا سه شنبه‌ی دیگر ۷ روز فاصله است. پس روزهای سه شنبه در این ماه هر ۷ روز یک بار می آیند. نتیجه می گیریم که این روزها یک الگوی شمارش ۷ تا ۷ تا تشکیل می دهند. داریم:**

+۷ +۷ +۷ +۷  
۱, ۸, ۱۵, ۲۲, ۲۹

پس تا آخر این ماه سه شنبه‌ها، روزهای اوّل، هشتم، پانزدهم، بیست و دوم و بیست و نهم ماه هستند.

**۸) این الگو، یک الگوی شمارش ۳ تا ۳ تا است. یعنی اعداد الگو ۳ تا**

۳ تا زیاد می شوند. الگو را کامل می کنیم:

+۳ +۳ +۳ +۳ +۳ +۳ +۳ +۳  
۴, ۷, ۱۰, ۱۳, ۱۶, ۱۹, ۲۲, ۲۵, ۲۸, ۳۱, ۳۴

ب) این الگو، یک الگوی شمارش عناصر می باشد. یعنی اعداد الگو عناصر زیاد می شوند. الگو را کامل می کنیم:

+۶ +۶ +۶ +۶ +۶ +۶ +۶ +۶  
۷, ۱۳, ۱۹, ۲۵, ۳۱, ۳۷, ۴۳, ۴۹, ۵۵, ۶۱, ۶۷

با دقّت در الگو متوجه می شویم که اعداد ۷، ۱۳، ۱۹، ۲۵ و ۳۱ در دو الگو مشترک هستند.

**۹) اعداد این الگو ۸ تا کم می شوند، پس الگو را کامل می کنیم:**

-۸ -۸ -۸ -۸ -۸ -۸  
۴, ۱۴, ۲۲, ۳۰, ۳۸, ۴۶, ۵۴

**۱۰) نوع دسته‌بندی برای شمارش در هر قسمت متفاوت است.**

الف) در این قسمت باید دایره‌ها را در دسته‌های ۷ تا ۷ تا دسته‌بندی کنیم. یعنی

به صورت سطري:  $7 + 7 + 7 = 21$

ب) در این قسمت باید دایره‌ها را در دسته‌های ۳ تا ۳ تا دسته‌بندی کنیم. یعنی

به صورت ستونی:

$$3 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 = 21$$

## فصل اوّل : الگوها

الف

**۱) (الف) هر عدد با ۱۰ جمع شده و عدد بعدی را ساخته است.**

+۱۰ +۱۰ +۱۰ +۱۰  
۱۵۰, ۱۶۰, ۱۷۰, ۱۸۰, ۱۹۰

ب) این الگو یک الگوی عددی رویه عقب است. هر عدد منها ۴ شده و عدد قبلی را ساخته است.

-۴ -۴ -۴ -۴  
۳, ۷, ۱۱, ۱۵, ۱۹

ج) هر عدد با ۵ جمع شده و عدد قبلی را ساخته است.

+۵ +۵ +۵ +۵  
۳۱, ۲۶, ۲۱, ۱۶, ۱۱

**۲) (الف) در این الگو اعداد به ترتیب با ۱، ۲، ۳ و ... جمع شده و عدد بعدی را می سازند:**

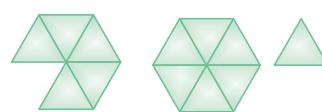
+۱ +۲ +۳ +۴  
۱, ۲, ۴, ۷, ۱۱

ب) در این الگو اعداد به صورت یک در میان منهای ۶ و به علاوه ۲ می شوند:

-۶ +۲ -۶ +۲ -۶  
۱۷, ۱۱, ۱۳, ۷, ۹, ۳

**۳) در این الگو، هر شکل ۲ مثلث از شکل مرحله‌ی قبل بیشتر دارد.**

+۲ +۲ +۲  
۱, ۳, ۵, ۷



(۱) (۲) (۳) (۴)

بنابراین شکل چهارم باید از ۷ مثلث تشکیل شود.

**۴) (الف) ردیف دوم یک الگوی عددی را تشکیل داده که ۵ تا ۵ تا زیاد می شود.**

تعداد شکلات	۱	۲	۳	۴	۵
سود شکلات	۵۰	۱۰۰	۱۵۰	۲۰۰	۲۵۰

+۵۰ +۵۰ +۵۰ +۵۰  
۰, ۵, ۱۰, ۱۵, ۲۰, ۲۵, ۳۰

ب) فروش یک شکلات ۵۰ تومان برای سامان سود دارد.

ج) اگر سامان ۴ شکلات بفروشد، ۲۰۰ تومان سود می برد.

د) سامان باید ۳ شکلات بفروشد تا بتواند پول یک شکلات که ۱۵۰ تومان است را به دست بیاورد.

**۵) (الف) شمارش ۴ تا ۴ تا را انجام داده و می نویسیم:**

+۴ +۴ +۴ +۴ +۴ +۴  
۰, ۴, ۸, ۱۲, ۱۶, ۲۰, ۲۴, ۲۸, ...

پس در این شمارش، عدد بعد از ۲۸، ۲۴ است.

ب) شمارش ۷ تا ۷ تا را می نویسیم:

+۷ +۷ +۷ +۷ +۷ +۷ +۷  
۰, ۷, ۱۴, ۲۱, ۲۸, ۳۵, ۴۲, ۴۹, ...

پس در این شمارش، عدد قبل از ۴۲، ۴۹ است.

مجموعه کتابهای  
**سیر تا پیاز**

## سوالات تستی

- ۱۹۹ فصل اول: الگوهای
- ۲۰۱ فصل دوم: عددهای چهار رقمی
- ۲۰۳ فصل سوم: عددهای کسری
- ۲۰۵ فصل چهارم: ضرب و تقسیم
- ۲۰۷ فصل پنجم: محیط و مساحت
- ۲۰۹ فصل ششم: جمع و تفریق
- ۲۱۱ فصل هفتم: آمار و احتمال
- ۲۱۳ فصل هشتم: ضرب عدددها
- ۲۱۵ آزمون جامع تستی

**فصل اول: الگوهای**

۲۶, ۲۷, ۳۰, ۳۵, , ۵۱

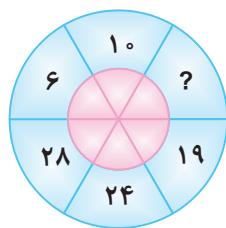
۴۵ (۴)

با توجه به الگوی عددی مقابل، کدام عدد به جای مثبت قرار می‌گیرد؟

۴۲ (۳)

۳۰ (۲)

۵۰ (۱)



در دایره‌ی مقابل که نشان‌دهنده‌ی یک الگوی عددی است، کدام عدد به جای ؟ قرار می‌گیرد؟

۱۵ (۱)

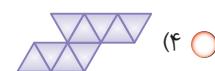
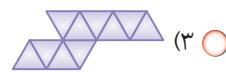
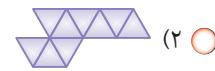
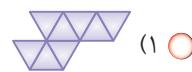
۱۴ (۲)

۱۶ (۳)

۱۱ (۴)



با توجه به الگوی هندسی مقابل، شکل بعدی الگو کدام است؟



۲۶ (۴)

۲۲ (۳)

۱۹ (۲)

۱۲ (۱)

اگر امروز شنبه و پنجم ماه باشد، دو هفته‌ی دیگر روز شنبه چند ماه خواهد بود؟

۴ (۴)

۵ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)



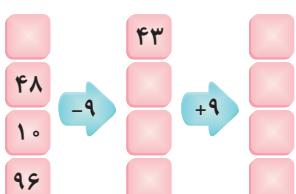
برای شمارش چند تا چندتایی شکل داده شده، کدام گزینه مناسب است؟

۳, ۶, ۹, ۱۲, ۱۵ (۱)

$۳+۳+۳+۳+۳=۱۵$  (۲)

$۵+۵+۵=۱۵$  (۳)

(۴) هر سه گزینه درست است.



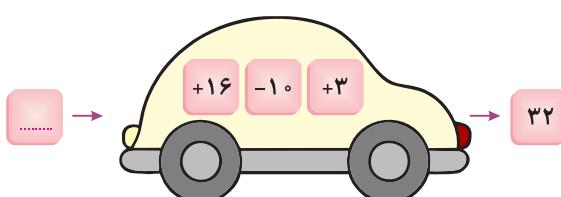
در ماشین ورودی - خروجی مقابل، چه رابطه‌ای میان ستون اول و سوم وجود دارد؟

(۱) اعداد ستون اول بزرگ‌ترند.

(۲) اعداد ستون سوم بزرگ‌ترند.

(۳) اعداد ستون اول و سوم برابرند.

(۴) هیچ کدام



عدد ورودی ماشین مقابل کدام است؟

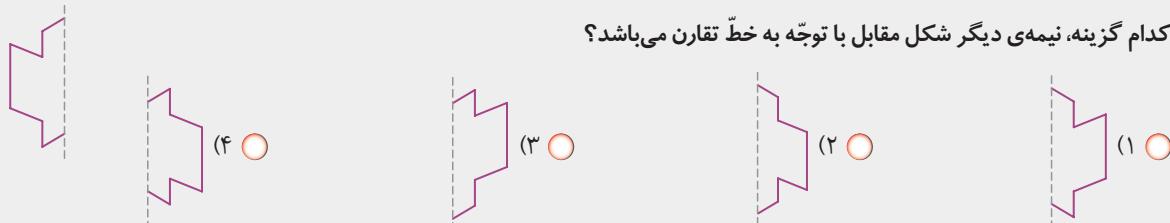
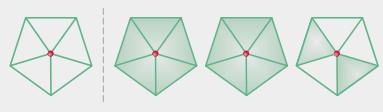
۴۸ (۱)

۳۵ (۲)

۴۱ (۳)

۲۳ (۴)

## آزمون جامع تستی

<p>در شمارش ۴ تا ۴ تا، دومین عدد دورقمی کدام است؟</p> <p>۱۴) (۴ ○)      ۱۰) (۳ ○)      ۱۶) (۲ ○)      ۱۲) (۱ ○)</p>	۱
<p>شکلی دارای تقارن ۴ قسمتی می‌باشد. اگر تعداد اشکال در یکی از قسمت‌ها ۵ عدد باشد، کدام گزینه تعداد کل اشکال را نشان می‌دهد؟</p> <p>۱۰) (۴ ○)      ۲۰) (۳ ○)      ۱۵) (۲ ○)      ۲۵) (۱ ○)</p>	۲
<p>کدام گزینه، نیمه‌ی دیگر شکل مقابل با توجه به خط تقارن می‌باشد؟</p> 	۳
<p>۶۵۰۰ میلی‌متر، برابر است با ..... .</p> <p>۱) (۱ ۶۵۰۰ سانتی‌متر      ۲) (۲ ۶۵۰ سانتی‌متر      ۳) (۳ ۶ متر و ۵۰ سانتی‌متر      ۴) (۴ گزینه‌های ۲ و ۳</p>	۴
<p>۱۲۰۰ لیره‌ی کشوری، ۱۰ ریال ایران است. ۲ تومان ایران، چند لیره‌ی این کشور است؟</p> <p>۴۰۰۰) (۴ ○)      ۳۶۰۰) (۳ ○)      ۲۴۰۰) (۲ ○)      ۱۲۰۰) (۱ ○)</p>	۵
<p>گستردگی عدد کدام‌یک از گزینه‌ها، به طور صحیح نوشته شده است؟</p> <p>۵۷۰۱ = ۵۰۰۰ + ۷۰ + ۱) (۲ ○)      ۳۰۲۳ = ۳۰۰۰ + ۲۳) (۱ ○)          ۴۲۰۹ = ۴۰۰۰ + ۲۰۰ + ۹) (۴ ○)      ۶۰۰۹ = ۶۰۰ + ۹) (۳ ○)</p>	۶
<p>می‌خواهیم دایره‌ای به قطر ۱۰ سانتی‌متر رسم کنیم. دهانه‌ی پرگار را باید چه اندازه باز کنیم؟</p> <p>۱) (۱ ۵ سانتی‌متر      ۲) (۲ ۱۰ سانتی‌متر      ۳) (۳ ۶ سانتی‌متر      ۴) (۴ ۸ سانتی‌متر)</p>	۷
<p>کدام شکل زاویه‌ی راست دارد؟</p> 	۸
<p>یک ساعت و ربع، چند ربع ساعت است؟</p> <p>۳) (۳ ○)      ۴) (۴ ○)      ۵) (۵ ○)      ۶) (۶ ○)</p>	۹
<p>چه کسری از شکل مقابل رنگ شده است؟</p>  <p>۱) (۱ ۲ واحد و <math>\frac{2}{7}</math>) ○      ۲) (۲ ۲ واحد و <math>\frac{2}{5}</math>) ○      ۳) (۳ <math>\frac{1}{15}</math>) ○</p>	۱۰
<p>کدام جمله درست است؟</p> <p>۱) (۱ ۵ متر و ۲۵ سانتی‌متر، می‌شود ۵ واحد و <math>\frac{۴}{۱۰}</math> سانتی‌متر      ۲) (۲ ۴۰ میلی‌متر، می‌شود ۴ سانتی‌متر و <math>\frac{۲۵}{۱۰}</math> متر          ۳) (۳ ۴ متر و ۳۰ سانتی‌متر، می‌شود ۴ واحد و <math>\frac{۳۰}{۱۰۰}</math> سانتی‌متر      ۴) (۴ ۳ متر و ۵۷ سانتی‌متر، می‌شود ۳ واحد و <math>\frac{۵۷}{۱۰۰}</math> متر)</p>	۱۱

۶

اگر شکل را به صورت عمودی دسته‌بندی کنیم، داریم:



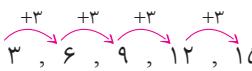
$$3 + 3 + 3 + 3 + 3 = 15$$

اگر شکل را به صورت افقی دسته‌بندی کنیم، داریم:



$$5 + 5 + 5 = 15$$

اگر از الگوی شمارش ۳ تا ۳ استفاده کنیم، داریم:



۴ ۳ ۲ ۱

می‌دانیم که اگر در ماشین ورودی - خروجی از عددی تعدادی واحد کم کنیم و سپس به همان تعداد واحد به حاصل اضافه کنیم دوباره به عدد اوّلیه خواهیم رسید.

بنابراین چون در این ماشین ۹ واحد از اعداد ستون اول کم شده و سپس ۹ واحد به حاصل اضافه شده، در اعداد ستون سوم همان اعداد ستون اول به دست خواهند آمد و اعداد ستون‌های اول و سوم با هم برابرند.

۴ ۳ ۲ ۱

گفته‌یم در ماشین‌های ورودی - خروجی با خروجی مشخص، برای به دست آوردن ورودی، کافی است برعکس علامت‌های اعداد روی دستگاه عمل کنیم. پس از سمت راست شروع می‌کنیم:

$$32 - 3 = 29$$

$$29 + 10 = 39$$

$$39 - 16 = 23$$

پس عدد ورودی ماشین ۲۳ است.

۴ ۳ ۲ ۱

دایره بی‌شمار خط تقارن دارد.

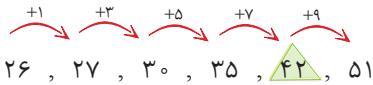
۴ ۳ ۲ ۱

می‌دانیم در صورتی که خط تقارن افقی باشد، تقارن شکل عمودی و در صورتی که خط تقارن عمودی باشد، تقارن شکل افقی است. بنابراین فقط گزینه‌ی ۲ صحیح است. تقارن‌های گزینه‌های ۱ و ۳ به ترتیب عمودی و افقی هستند.

## فصل اول: الگوها

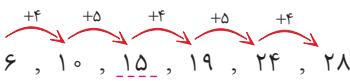
۴ ۳ ۲ ۱

در این الگوی عددی، اعداد الگو به ترتیب با ۱، ۳، ۵، ۷ و ۹ (اعداد فرد) جمع شده و اعداد بعدی الگو را ساخته‌اند.



۴ ۳ ۲ ۱

با دقّت در این دایره که نشان‌دهنده‌ی یک الگوی عددی است، متوجه می‌شویم که اعداد موجود در این دایره با شروع از عدد ۶ (کوچک‌ترین عدد الگو) و با حرکت در جهت عقربه‌های ساعت، الگویی عددی به صورت زیر ساخته‌اند:



که در این صورت عدد ۱۵ در جای خالی الگو قرار می‌گیرد.

۴ ۳ ۲ ۱

در این الگوی هندسی، در هر مرحله ۲ مثلث به شکل اضافه شده (یک مثلث در گوش‌های بالا سمت راست شکل و یک مثلث در گوش‌های پایین سمت چپ شکل) و شکل مرحله‌ی بعد را می‌سازد. یعنی هر شکل ۲ مثلث از شکل قبلی بیشتر دارد. پس در شکل چهارم باید ۱۰ مثلث داشته باشیم.

۴ ۳ ۲ ۱

می‌دانیم که تمام شنبه‌ها از هم ۷ روز فاصله دارند. بنابراین شنبه‌های ماه یک الگوی شمارش ۷ تا ۷ را می‌سازند. داریم:

۴ ۳ ۲ ۱

تعداد روزها	۱	۲	۳
تعداد رکعت‌ها	۱۷	۳۴	۵۱



جدول رسم می‌کنیم:

بنابراین زهراء در مدت ۳ روز ۵۱ رکعت نماز خوانده است.