

از مجموعه رشادت

# فیزیک یازدهم یاقوت

(رشته ریاضی)

محمد گلزاری - منیرسادات موسوی - پریسا حاجی سید جوادی



بِسْمِ  
الرَّحْمَنِ  
الرَّحِيمِ



بهنام خداوند جان و فرد

کریم برتر اندیشه برزنگزد

با سلام

مفتخریم که کتاب فیزیک ۲ از مجموعه کتاب‌های یاقوت را در اختیار دانش‌آموزان و دبیران گرامی قرار می‌دهیم. در کتاب «[فیزیک ۲ یاقوت](#)» هر فصل کتاب درسی مناسب با طرح درس دبیران محترم به چندین گفتار تقسیم شده است، یعنی مطالبی را که دبیر کلاس در یک یا چند جلسه تدریس می‌کند تحت عنوان گفتار جدا کرده‌ایم. هر گفتار شامل درسنامه کامل، نمونه سؤالات تشریحی پر تکرار و نمونه سؤالات چهارگزینه‌ای است. در انتهای هر فصل نیز سؤالات چهارگزینه‌ای جامع آورده شده است تا با حل آنها به تمام مطالب فصل مسلط شوید. اگر نتوانستید از عهده حل سؤالاتی برآید نگران نشوید، برخی نکات درسی در پاسخ‌نامه ذکر شده است. زیرا وقتی با مسئله درگیر شوید بهتر به نکته آن پی می‌برید. به قول بنجامین فرانکلین اگر مطلبی را به من بگویی فراموش می‌کنم، اگر آن را آموزش دهی به خاطر می‌آورم، اما اگر من را با آن درگیر کنی یاد می‌گیرم.

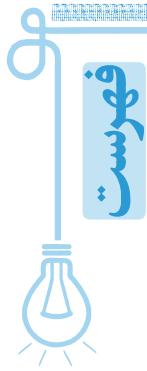
در این کتاب از قواعد بین‌المللی تایپ فیزیک استفاده شده است. کمیت‌ها به صورت ایتالیک (A) و یکاهای به صورت رومان (A) تایپ شده است. به عنوان مثال A نماد مساحت است که یک کمیت می‌باشد و A نماد آمپر است که یکا است.

امیدواریم کتاب پیش رو که چکیده چندین سال تدریس مؤلفین است مورد استفاده دانش‌آموزان و دبیران گرامی قرار گیرد. در پایان لازم می‌دانیم از مؤلفین کتاب آقای محمد گلزاری و خانم‌ها منیرسادات موسوی و پریسا حاجی سیدجوادی که این کتاب را زیر نظر دبیر مجموعه مهندس هادی عزیززاده تألیف کرده‌اند تشکر کنیم.

همچنین از خانم سپیده خداوردی (حروف‌چین و صفحه‌آرا) و خانم‌ها سمانه مسرووری، سارا لطفی مقدم، نسرین صفری و بهاره خدامی (گرافیست‌ها) بسیار سپاسگزاریم و برای همه این عزیزان آرزوی موفقیت می‌کنیم.

انتشارات مبتکران





## فصل اول: الکتریسته ساکن



گفتار ۱: بار الکتریکی و نیروی الکتریکی ..... ۹
۳۰ ..... ۳۰
گفتار ۲: میدان الکتریکی ..... ۴۲
۴۲ ..... ۴۲
گفتار ۳: انرژی پتانسیل الکتریکی ..... ۵۴
۵۴ ..... ۵۴
گفتار ۴: خازن ..... ۶۸
۶۸ ..... ۶۸
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۱ ..... ۸۴
۸۴ ..... ۸۴
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای فصل ۱ ..... ۱۰۰
۱۰۰ ..... ۱۰۰
آزمون فصل ۱ ..... ۱۰۰

## فصل چهارم: القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب



گفتار ۱: القای الکترومغناطیسی ..... ۲۵۹
۲۷۸ ..... ۲۷۸
گفتار ۲: جریان متناوب ..... ۲۸۶
۲۸۶ ..... ۲۸۶
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۴ ..... ۲۹۴
۲۹۴ ..... ۲۹۴
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای فصل ۴ ..... ۳۰۲
۳۰۲ ..... ۳۰۲
آزمون فصل ۴ ..... ۳۰۲

## فصل دوم: جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم



گفتار ۱: جریان الکتریکی و مقاومت الکتریکی ..... ۱۰۵
۱۲۴ ..... ۱۲۴
گفتار ۲: مدار الکتریکی ..... ۱۴۰
۱۴۰ ..... ۱۴۰
گفتار ۳: ترکیب مقاومت‌ها ..... ۱۵۸
۱۵۸ ..... ۱۵۸
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۲ ..... ۱۷۵
۱۷۵ ..... ۱۷۵
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای فصل ۲ ..... ۱۹۲
۱۹۲ ..... ۱۹۲
آزمون فصل ۲ ..... ۱۹۲

## پاسخ‌نامه آزمون‌های پایانی فصل‌ها



فصل ۱: ..... ۳۰۶
۳۰۸ ..... ۳۰۸
فصل ۲: ..... ۳۱۱
۳۱۳ ..... ۳۱۳
فصل ۳: ..... ۳۱۳
فصل ۴: ..... ۳۱۳

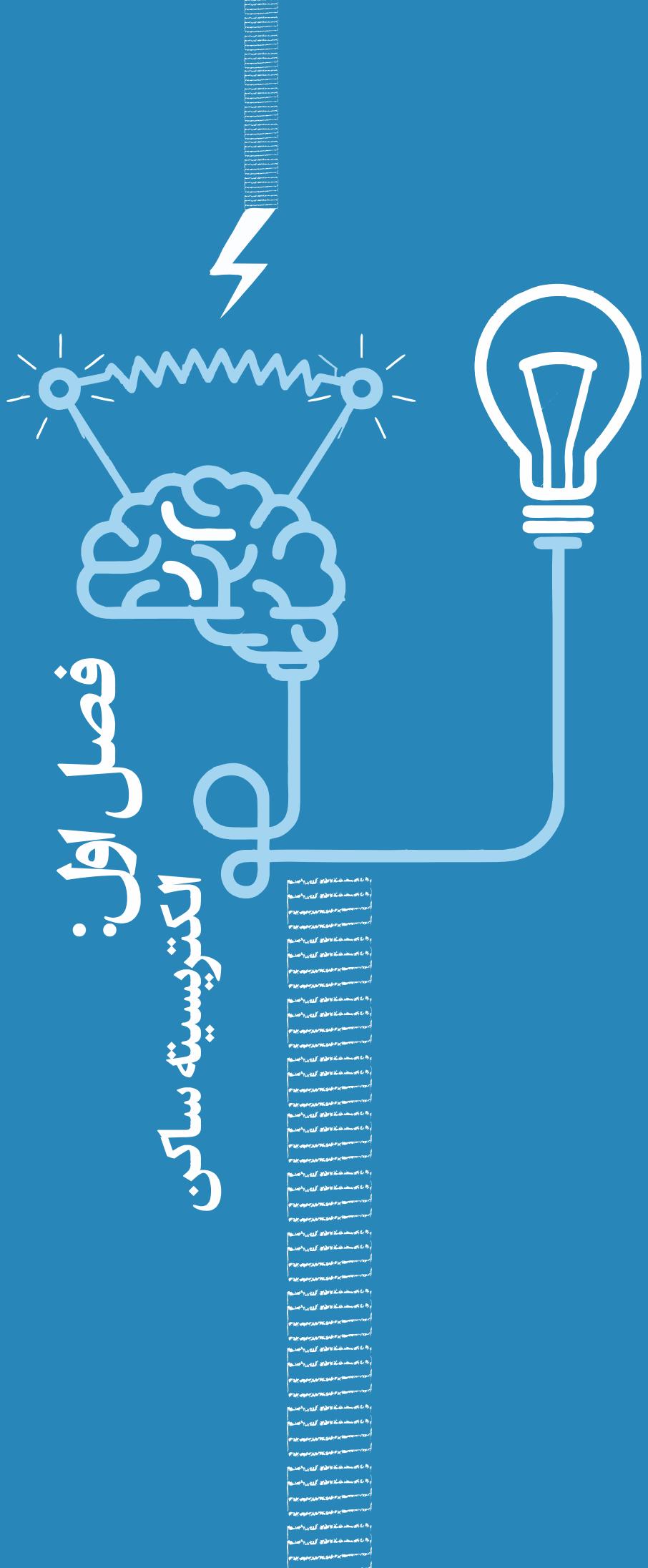


## فصل سوم: مغناطیس



گفتار ۱: مغناطیس ..... ۱۹۷
۲۱۳ ..... ۲۱۳
گفتار ۲: آثار مغناطیسی جریان الکتریکی ..... ۲۲۹
۲۲۹ ..... ۲۲۹
گفتار ۳: خواص مغناطیسی مواد ..... ۲۳۶
۲۳۶ ..... ۲۳۶
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۳ ..... ۲۴۶
۲۴۶ ..... ۲۴۶
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای فصل ۳ ..... ۲۵۴
۲۵۴ ..... ۲۵۴
آزمون فصل ۳ ..... ۲۵۴





فَخَلَأْتُ  
الْكِتَابَيَّةَ سَلْكَ

## تاریخچه الکتریته



کهربا ماده‌ای است که از ماقبل تاریخ برای ساخت جواهرات از آن استفاده می‌شد. در یونان به کهربا **الکترون** گفته می‌شد. در قرن هفتم پیش از میلاد، دانشمندی به نام **تالس** دریافت که اگر کهربا با پارچه مالش داده شود، اجسامی مانند پر یا خرده‌های کاه را به خود جذب می‌کند. به تدریج در اعصار بعدی مواد دیگری نیز کشف شد که چنین خاصیتی داشتند. مطالعه جدی بر روی این خاصیت توسط پژوهشگران انگلیسی به نام **ویلیام گیلبرت** (۱۵۶۴-۱۶۰۳) آغاز شد. در سال ۱۷۳۳ دانشمندی فرانسوی به نام **دووفی** موفق به اختراع الکتروسکوپ شد. الکتروسکوپ دارای یک صفحه فلزی بود که به یک میله رسانا متصل شده بود و در انتهای میله دو ورقه نازک از جنس طلا وجود داشت، به طوری که در حالت عادی ورقه‌ها بر هم منطبق بودند ولی پس از این که کهربای مالش داده شده را به صفحه فلزی تماس می‌دادند ورقه‌ها از هم جدا می‌شدند. با اختراع این وسیله دانشمندان پی بردن که خاصیتی که در اثر مالش ایجاد می‌شد و به آن خاصیت الکتریکی (برگرفته از نام یونانی کهربا) گفته می‌شد به دو صورت می‌توانست وجود داشته باشد. نوعی که در اثر مالش شیشه با پارچه ابریشمی ایجاد می‌شد که آن را شیشه‌ای می‌نامیدند و نوعی که در اثر مالش کهربا ایجاد می‌شد که آن را رزینی نامیدند.

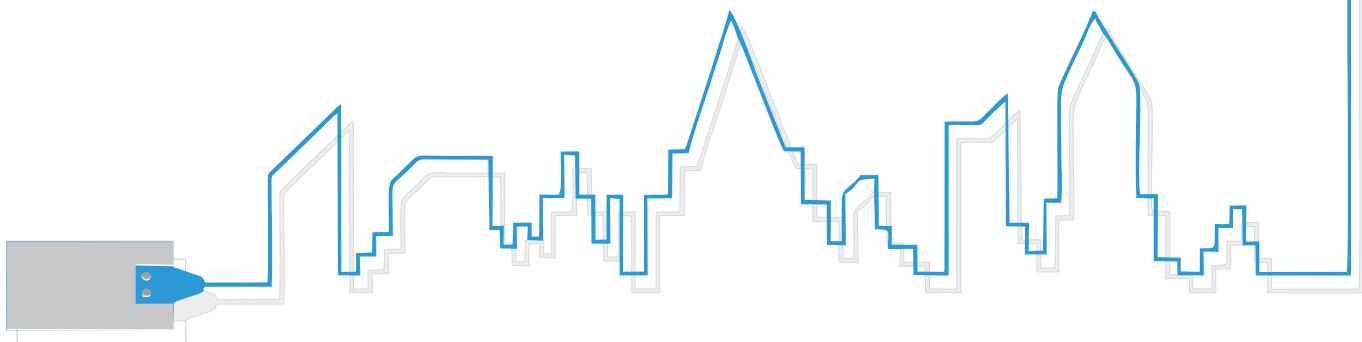
دوفی پی برد که اجسامی که دارای خاصیت الکتریکی مشابه بودند یکدیگر را دفع می‌کردند و اجسامی که دارای خاصیت الکتریکی غیر مشابه بودند یکدیگر را می‌ربودند. در سال ۱۷۴۷ **بنجامین فرانکلین** اولین فیزیکدان آمریکایی دریافت که اجسامی که دارای خاصیت الکتریکی غیر مشابه هستند اثر الکتریکی یکدیگر را اختیل کنند. بنابراین پی برد که این دو نوع خاصیت الکتریکی نه تنها مشابه نیستند بلکه مخالف هم هستند و یکی را مثبت و دیگری را منفی نامید. او پی برد که تمام اجسام دارای مقدار مساوی از هر دو نوع الکتریسیته هستند که در اثر مالش مقداری از این الکتریسیته از یکی به دیگری منتقل می‌شود. از آنجایی که ویژگی‌های الکتریکی هر دو نوع از اجسام یکسان بود، فرانکلین نمی‌توانست پی برد که کدام یک منفی است، بنابراین بار شیشه‌ای را مثبت و بار رزینی را منفی نامید. فرانکلین تصور می‌کرد که بارهای مثبت در حین مالش منتقل می‌شوند در حالی که امروزه می‌دانیم که الکترون‌ها که حامل بار منفی هستند منتقل می‌شوند و برای جدا کردن پروتون‌ها که در هسته قرار دارند انرژی بسیار زیادی مورد نیاز است و این انرژی از طریق مالش؛ القا و تماس (روش‌های باردار کردن اجسام که در علوم دوره هشتم با آنها آشنا شده‌اید) تأمین نمی‌شود. با این حال ما همچنان فرض می‌کنیم که بارهای مثبت حرکت می‌کنند. در SI یکای بار الکتریکی **کولن** با نماد **C** است.

## آنچه در این فصل خواهیم آموخت:

**فقره اول:** بار الکتریکی چیست و منشأ بار اجسام از کجاست؟ چگونه باردار بودن اجسام و نوع بار آنها را تشخیص دهیم؟ قانون کولن چه می‌گوید؟ چگونه می‌توانیم اندازه نیروی خالص وارد بر یک بار الکتریکی از طرف دیگر بارها را حساب کنیم؟

**فقره دوم:** میدان الکتریکی چیست؟ چگونه می‌توانیم میدان الکتریکی را حساب کنیم؟ چه زمانی به یک بار الکتریکی نیرو وارد نمی‌شود؟  
**فقره سوم:** انرژی پتانسیل الکتریکی یک بار الکتریکی در یک سامانه چگونه است و چگونه تغییر می‌کند؟ اختلاف پتانسیل یا ولتاژ یعنی چه؟ چگالی سطحی بار الکتریکی چیست؟ چرا گاهی اوقات وقتی دست خود را به دستگیره در نزدیک می‌کنیم از نوک انگشت ما جرقه زده می‌شود؟

**فقره چهارم:** خازن چیست؟ چگونه می‌توانیم انرژی الکتریکی را ذخیره کنیم؟



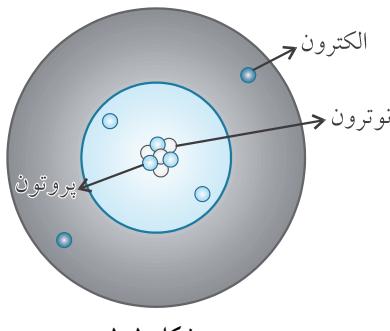


## بار الکتریکی و نیروی الکتریکی



ابتدا بی ترین سؤالی که به ذهن می رسد این است که بار الکتریکی چیست؟ چرا برخی اجسام دارای بار الکتریکی و برخی دیگر فاقد بار الکتریکی هستند؟ برای درک بهتر سازو کار بارهای الکتریکی بهتر است مُروری بر اتم و اجزای تشکیل دهنده آن داشته باشیم.

### ساخته اتم



شکل ۱-۱

در یک نگاه بسیار ساده می توانیم فرض کنیم اتم از دو بخش اصلی یعنی **هسته** و **الکترون** هایی که به دور آن در حال گردش اند تشکیل شده است. هسته خود نیز از دو ذره به نامهای **پروتون** و **نوترون** تشکیل شده است. (شکل ۱-۱)

الکترون دارای بار الکتریکی منفی و پروتون دارای بار الکتریکی مثبت است. نوترون بار الکتریکی ندارد. بدین ترتیب می توان گفت که بار الکتریکی هسته مثبت است.

به تعداد پروتون های موجود در هسته اتم **عدد اتمی** گفته می شود. معمولاً عدد اتمی را با حرف **Z** نشان می دهیم. همان طور که در تاریخچه الکتریسته گفته شد، یکای بار الکتریکی در **SI** کولن با نماد **C** است.

اما باری به مقدار یک کولن بسیار زیاد است، چراکه بعداً خواهید دید اگر دو بار یک کولنی در فاصله یک متری از هم قرار داشته باشند، نیرویی به اندازه  $9 \times 10^9 N$  یعنی حدوداً معادل وزن جسمی به جرم یک میلیون تن به یکدیگر وارد می کنند! اغلب بار الکتریکی که در اثر مالش در اجسام کوچک ایجاد می شود در حدود نانو کولن یا میکروکولن است. خوب است بدانید که بار الکتریکی هر جسم مضرب صحیحی از یک مقدار بار است که به آن مقدار بار، **بار بنیادی** گفته می شود و آن را با حرف **e** نشان می دهیم. به عبارت دیگر بار الکتریکی کمیتی **کوانتیده** است.

### کوانتیده یعنی چه؟



وقتی می گوییم کمیتی کوانتیده است بدین معنی است که هر مقداری را نمی تواند داشته باشد، مانند تعداد دانشآموزان یک کلاس که مضرب صحیحی از یک نفر است و نمی تواند تعداد دانشآموزان در کلاس  $\frac{29}{5}$  نفر باشد.

مقدار بار الکترون و پروتون با هم برابر است. به مقدار بار پروتون و الکترون، بار بنیادی گفته می شود و برابر است با  $C = 1.602 \times 10^{-19} e$ .

با توجه به مطالب فوق بار هسته اتم را می توانیم از رابطه  $Ze = q_n$  محاسبه کنیم که در این رابطه بار هسته را با  $q_n$  نشان داده ایم.

### مثال ۱



هليم عنصری است که در هسته خود دارای دو پروتون است. پس عدد اتمی هليم برابر است با ۲. بزرگی بار هسته اتم هليم را حساب کنید.

### پاسخ



همان طور که از علوم هشتم می دانیم، وقتی جسمی باردار است که تعداد الکترون ها و پروتون های آن با هم برابر نباشند. در صورتی که تعداد الکترون ها از پروتون ها بیشتر باشد، بار جسم منفی و زمانی که تعداد پروتون ها از الکترون ها بیشتر باشد بار جسم مثبت خواهد شد. همین طور می دانیم برابر باردار کردن اتم تنها می توانیم تعداد الکترون های آن را کم و زیاد کنیم، زیرا پروتون ها درون هسته قرار دارند و نمی توانیم تعداد آنها را به آسانی تغییر دهیم. پس می توان گفت بار اتم با تعداد الکترون های کم و زیاد شده نسبت مستقیم دارد. ارتباط بار یک جسم با بار بنیادی از رابطه  $1-1$  به دست می آید که در این رابطه  $n$  تعداد الکترون های مبادله شده است. از علامت مثبت زمانی استفاده می کنیم که جسم الکترون از دست داده و از علامت منفی زمانی استفاده می کنیم که جسم الکترون گرفته است.



## مثال ۲

به جسمی تعداد  $2 \times 10^{10}$  الکترون داده می‌شود. بزرگی بار آن را به دست آورید.

## پاسخ

چون به جسم الکترون داده شده است از علامت منفی در رابطه ۱-۱ استفاده می‌کنیم.

$$n = 2 \times 10^{10}, e = 1/6 \times 10^{-19} C$$

$$q = -ne \Rightarrow q = (-2 \times 10^{10}) \times (1/6 \times 10^{-19} C) = -3/2 \times 10^{-9} C$$

**ببخشید چطور می‌توانیم اجسام را باردار کنیم؟**



از علوم پایه هشتم می‌دانید که اجسام را می‌توانیم به سه روش مالش، القا و تماس باردار کنیم.



همان‌طور که پیشتر گفته شد برای باردار کردن اتم باید به آن الکترون داده شود و یا از آن الکترون گرفته شود. برای باردار کردن اجسام نیز باید به آنها الکترون داده شود و یا از آنها الکtron گرفته شود. یکی از روش‌ها برای باردار کردن اجسام، **مالش** است. به این ترتیب که اگر بعضی از اجسام به هم مالش داده شوند، از یکی الکترون جدا می‌شود و به دیگری اضافه می‌شود. به عنوان مثال اگر میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش دهیم، الکترون‌ها از پارچه پشمی جدا می‌شوند و به میله پلاستیکی اضافه می‌شوند. به این ترتیب میله پلاستیکی بار منفی می‌گیرد و پارچه پشمی بار مثبت. اگر میله شیشه‌ای را با پارچه ابریشمی مالش دهیم، میله شیشه‌ای الکترون از دست داده و بارش مثبت می‌شود و پارچه ابریشمی بار منفی پیدا می‌کند. همان‌طور که متوجه شدید در روش مالش، توجه به جنس اجسام مهم است.

## انتهای مثبت سری

موی انسان، شیشه،  
نایلون، پشم، موی  
گربه، سُرب، ابریشم،  
آلومینیوم، کاغذ،  
چوب، پارچه کتان،  
کهربا، برقج، مس،  
پلاستیک، پلی‌اتیلن،  
لاستیک، تفلون

## انتهای منفی سری

از کجا باید بفهمیم وقتی دو جسم به یکدیگر مالش داده می‌شوند، کدام یک دارای بار مثبت و کدام یک دارای بار منفی می‌شوند؟



با استفاده از جدول تربیوالکتریک (جدول ۱-۱) می‌توانید نوع بار برخی از اجسام پس از مالش به یکدیگر را متوجه شوید.



برای باردار کردن اجسام به روش تماس کافی است که یک جسم باردار را به یک جسم بدون بار تماس دهیم. بین دو جسم مقداری الکترون مبادله شده و در نهایت دو جسم دارای بار هم علامت خواهند شد. باردار شدن اجسام به روش‌های فوق بدین معنی نیست که بار الکتریکی آفریده شده است، بلکه بار الکتریکی از جسمی به جسم دیگر منتقل می‌شود.

جدول ۱-۱



شکل ۲-۱

**قانون پایستگی بار الکتریکی**

بار الکتریکی در یک جسم خود به خود به وجود نمی‌آید و خود به خود از بین نمی‌رود، بلکه تنها از جسمی به جسم دیگر منتقل می‌شود.

**چطور می‌توانیم بفهمیم که جسمی باردار هست یا نیست؟**

در علوم دوره هشتم با وسیله‌ای به نام الکتروسکوپ آشنا شدیم. الکتروسکوپ وسیله‌ای است که به کم آن می‌توانیم تشخیص دهیم که آیا جسمی باردار است یا بدون بار. اگر جسم باردار است، بار آن مثبت است یا منفی و این که جسم رسانا است یا نارسانا.

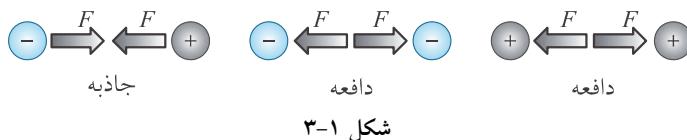


الکتروسکوپ از یک قرص فلزی، یک میله رسانای متصل به آن و یک عقره سبک رسانا تشکیل شده است. میله و عقره متصصل به آن برای جلوگیری از اثر جریان هوا و رطوبت آن، درون یک محافظه شیشه‌ای قرار دارند. در انواع اولیه الکتروسکوپ‌ها به جای عقره سبک فلزی از دو برگه نازک طلا استفاده می‌شد (شکل ۲-۱).

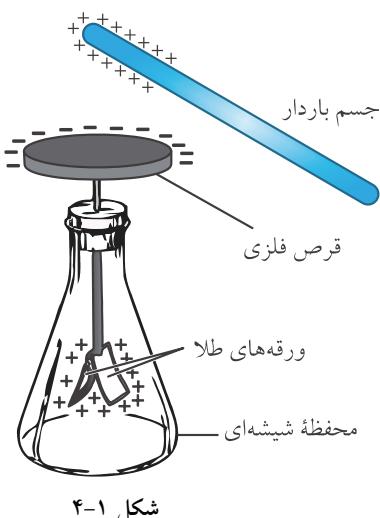


### چکوئی تشخیص باردار بودن یا نبودن اجسام به کمک الکتروسکوپ

می‌دانیم بارهای الکتریکی هم علامت یکدیگر را می‌رانند و بارهای الکتریکی غیر هم علامت یکدیگر را می‌ربایند. (شکل ۳-۱)



شکل ۳-۱



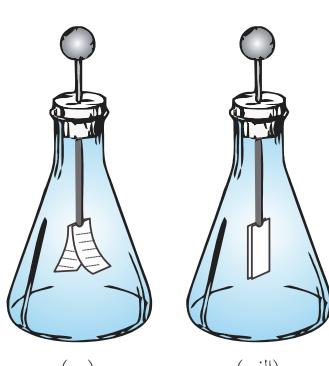
شکل ۴-۱

بنابراین اگر جسم بارداری را به قرص فلزی الکتروسکوپ نزدیک کنیم، در قرص فلزی بار مخالف با بار جسم ایجاد می‌شود و در انتهای میله و همچنین در ورقه‌های نازک طلا (یا در برخی از انواع الکتروسکوپ‌ها در میله و عقربه)، بار همان با بار جسم ایجاد می‌شود (شکل ۴-۱). به دلیل این که بار ورقه‌ها هم علامت است یکدیگر را می‌رانند و از هم دور می‌شوند. در نتیجه اگر جسمی را به قرص فلزی الکتروسکوپ نزدیک کنیم و ورقه‌های نازک الکتروسکوپ از هم جدا شوند، جسم دارای بار الکتریکی است.

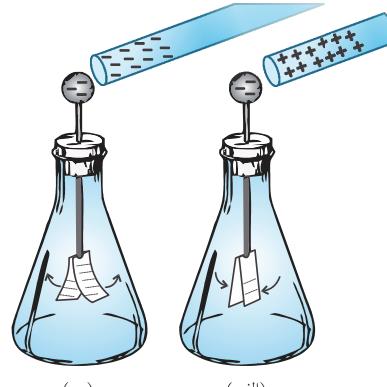
### چکوئی تشخیص نوع بار جسم به کمک الکتروسکوپ

برای این کار ابتدا الکتروسکوپ را به کمک باری که نوع آن را می‌دانیم باردار می‌کنیم. وقتی الکتروسکوپ بار الکتریکی ندارد ورقه‌ها بر هم منطبق هستند (شکل ۵-۱ الف) و وقتی الکتروسکوپ باردار است ورقه‌ها از یکدیگر فاصله دارند. (شکل ۵-۱ ب)

سپس جسمی را که نوع بار آن را نمی‌دانیم به قرص فلزی الکتروسکوپ نزدیک می‌کنیم. اگر بار جسم و الکتروسکوپ ناهم‌نام باشند، مقداری از بار ورقه‌ها به قرص فلزی کشیده می‌شود و به هم نزدیک‌تر می‌شوند. (شکل ۶-۱ الف)  
اگر بار جسم و الکتروسکوپ هم‌نام باشند، مقدار بار بیشتری به ورقه‌ها می‌رود و فاصله ورقه‌ها از هم بیشتر می‌شود. (شکل ۶-۱ ب)



شکل ۵-۱



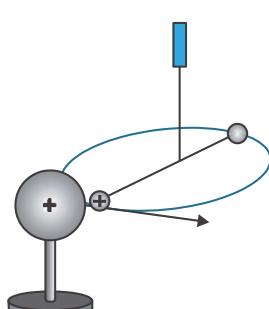
شکل ۶-۱

### چکوئی تشخیص رسانش جسم به کمک الکتروسکوپ

ابتدا الکتروسکوپ را باردار می‌کنیم، سپس جسمی را که نمی‌دانیم رسانا است یا نارسانا با قرص فلزی الکتروسکوپ تماس می‌دهیم. اگر جسم رسانا باشد بار الکتروسکوپ تخلیه می‌شود و ورقه‌ها به جای اول خود بر می‌گردند. اگر جسم نارسانا باشد، تماس آن با الکتروسکوپ هیچ تأثیری بر آن نمی‌گذارد. در بخش‌های بعدی به باردار کردن اجسام به روش القا نیز خواهیم پرداخت.

#### قانون کولن

همان‌طور که گفته شد بارهای الکتریکی هم علامت یکدیگر را می‌رانند و بارهای الکتریکی غیر هم علامت یکدیگر را می‌ربایند. به عبارت دیگر بارهای الکتریکی به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند. دانشمندی فرانسوی به نام **شارل آگوستین کولن** با ساختن یک ترازوی پیچشی (شکل ۷-۱) در سال ۱۷۷۷ توانست نیروی بین دو بار الکتریکی

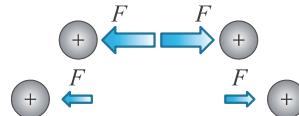


شکل ۷-۱



نقشه‌ای را اندازه‌گیری کند. بار نقطه‌ای به باری گفته می‌شود که بتوانیم از ابعاد آن در مقایسه به فاصله‌ها چشم‌پوشی کنیم. کولن نشان داد نیرویی که دو بار الکتریکی نقطه‌ای به هم وارد می‌کنند با مقدار بار آنها متناسب و با مربع فاصله آنها نسبت عکس دارد. به این بیان **قانون کولن** گفته می‌شود.

قانون کولن را می‌توانیم به صورت ریاضی به شکل  $F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$  بنویسیم که در این رابطه  $\propto$  علامت تناسب،  $q$  مقدار بار و  $r$  فاصله دو بار الکتریکی از یکدیگر را نشان می‌دهد. قانون کولن به بیان ساده به ما می‌گوید که به هر نسبتی بزرگی بارها بیشتر شود، به همان نسبت اندازه نیروی بین دو بار نیز بیشتر می‌شود. از طرف دیگر اگر فاصله دو بار  $n$  برابر شود، اندازه نیروی بین دو بار به نسبت  $n^2$  برابر کم می‌شود. (شکل ۸-۱)



شکل ۸-۱

مسلمًاً با رابطه‌ایی به شکل فوق نمی‌توانیم اندازه نیرو را محاسبه کنیم زیرا باید در این رابطه علامت تناسب ( $\propto$ ) به تساوی تبدیل شود. برای این کار نیاز به یک ضربن داریم که با ضرب کردن آن در یک طرف رابطه، تناسب به تساوی تبدیل شود. دانشمندان ضربن تناسب را از طریق آزمایش محاسبه می‌کنند. در فرمول قانون کولن ضربن تناسب را با  $k$  نشان می‌دهیم و آن را **ثابت قانون کولن** می‌نامیم. درنتیجه فرمول قانون کولن به صورت رابطه ۲-۱ نشان داده می‌شود:

$$F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} \quad (2-1)$$

ثابت قانون کولن تقریباً برابر است با  $C^2 / N \cdot m^2 = 9 \times 10^9$ . ثابت قانون کولن از یک ثابت بنیادی فیزیک به نام **ثابت گذردهی الکتریکی خلا** بدست می‌آید. ثابت گذردهی الکتریکی خلا را با نماد  $\epsilon_0$  (بخوانید اپسیلون صفر) نشان می‌دهند و ارتباط ثابت قانون کولن با این ثابت به صورت  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  مقابل است:

$$\text{مقدار ثابت گذردهی الکتریکی خلا برابر است با: } \epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} C^2 / N \cdot m^2.$$

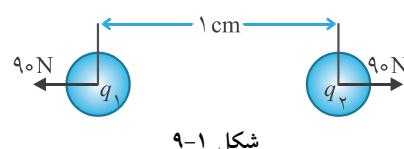
**مثال ۳** دو بار الکتریکی  $C = 4 \mu C$  و  $q_2 = -16 \mu C$  در فاصله ۳ سانتی‌متری از هم قرار دارند. نوع و اندازه نیرویی که هر کدام از این بارها بر دیگری وارد می‌کنند مشخص کنید.

**پاسخ** نوع نیروی بین دو بار باتوجه به این که بارها غیر هم‌علامت هستند، جاذبه است. برای محاسبه اندازه نیروی بین دو بار از فرمول قانون کولن یعنی رابطه ۲-۱ استفاده می‌کنیم. داده‌های مسئله عبارتند از:

$$q_1 = 4 \mu C = 4 \times 10^{-6} C, q_2 = -16 \times 10^{-6} C, r = 3 \text{ cm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m}$$

یادمان باشد که نیرو یک کمیت برداری است و اندازه یک کمیت برداری نمی‌تواند منفی باشد، پس علامت بار را در محاسبات خود شرکت نمی‌دهیم.

$$F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{4 \times 10^{-6} \times 16 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 4 \times 16 \times 10^{-3}}{9 \times 10^{-4}} = 640 \text{ N}$$



شکل ۹-۱

**نکته** دو بار الکتریکی حتی غیر هم‌اندازه با اندازه نیروی یکسان یکدیگر را می‌ربایند یا می‌رانند. به عنوان مثال در شکل ۹-۱ دو ذره باردار که بار آنها یکسان نیست با نیروی یکسان ۹۰ نیوتون یکدیگر را می‌رانند.

کولن در زمان خود نمی‌توانست بزرگی بار الکتریکی را اندازه‌گیری کند و قانون موسوم به قانون کولن را از طریق مقایسه بار کره‌های هم‌اندازه بدست آورد. اگر بخواهیم رابطه ۲-۱ را به صورت مقایسه‌ای بنویسیم، به صورت رابطه ۳-۱ نوشتے می‌شود:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1|}{|q_1|} \times \frac{|q'_2|}{|q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \quad (3-1)$$

در رابطه ۳-۱ کمیت‌هایی که با پریم نشان داده شده‌اند حالت ثانویه هستند.



**مثال ۴** دو بار الکتریکی مثبت و منفی به فاصله  $4$  سانتی‌متر از هم قرار دارند. اگر آنها را به هم نزدیک کنیم تا فاصله آنها از هم به  $1$  سانتی‌متر برسد، اندازه نیروی بین آنها نسبت به حالت اول چند برابر می‌شود؟

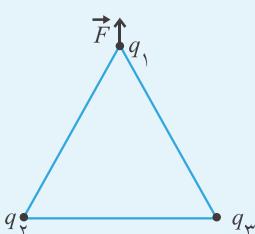
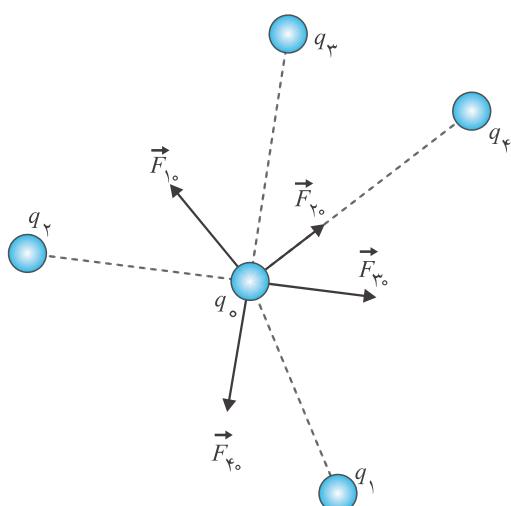
**پاسخ** وقتی در مسئله‌ای از ما می‌پرسند که یک کمیت چند برابر می‌شود، مجھول مسئله حاصل تقسیم کمیت ثانویه به کمیت اولیه است. یعنی مجھول مسئله  $\frac{F'}{F}$  است و در این مسئله بزرگی بارها تغییر نکرده بلکه تنها فاصله بین دو بار تغییر کرده است. در نتیجه خواهیم داشت:

$$q'_1 = q_1, \quad q'_2 = q_2, \quad r = 4\text{ cm}, \quad r' = 1\text{ cm}$$

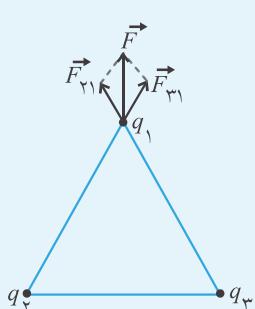
$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1|}{|q_1|} \times \frac{|q'_2|}{|q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = 1 \times 1 \times \left(\frac{4}{1}\right)^2 = 16$$

### اصل برهمنهی نیروهای کولنی

این اصل بیان می‌کند هنگامی که می‌خواهیم نیروی خالص وارد بر یک بار الکتریکی از سوی دیگر بارها را حساب کیم، ابتدا باید تک تک نیروهای وارد بر بار مورد نظر را به طور جداگانه حساب کنیم، سپس برایند نیروها را بر اساس قوانین جمع برداری به دست آوریم.



**مثال ۵** سه بار الکتریکی نقطه‌ای مطابق شکل رویه رو در سه رأس یک مثلث متساوی‌الاضلاع قرار گرفته‌اند. با توجه به جهت نیروی خالص وارد بر بار مثبت  $q_1$  نوع دو بار دیگر را تعیین کرده و اندازه آنها را با هم مقایسه کنید.



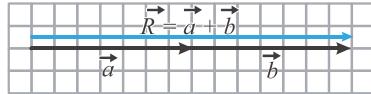
**پاسخ** اگر برای رسم نیروی خالص یا نیروی خالص یا روش متوازی‌الاضلاع استفاده کنیم، به صورت زیر خواهد شد:

در این شکل نیروی وارد بر بار  $q_1$  از طرف بار  $q_2$  را با  $\vec{F}_{21}$  نشان داده‌ایم و نیروی وارد بر بار  $q_1$  از طرف بار  $q_3$  را با  $\vec{F}_{31}$  نشان داده‌ایم. همان‌طور که مشاهده می‌کیم، نیروهای  $\vec{F}_{21}$  و  $\vec{F}_{31}$  دافعه هستند. بنابراین بارهای  $q_2$  و  $q_3$  با بار  $q_1$  هم علامت هستند یعنی آنها هم مثبت هستند. از طرفی با توجه به جهت نیروی خالص که دقیقاً رو به بالا است، نتیجه می‌گیریم اندازه نیروهای  $\vec{F}_{21}$  و  $\vec{F}_{31}$  یکسان است. پس مقدار بارهای الکتریکی  $q_2$  و  $q_3$  با هم برابر است.



## یادآوری

اگر دو بردار هم راستا و هم جهت باشند برای محاسبه اندازه بردار برایند، اندازه دو بردار را با هم جمع می کنیم (رابطه ۴-۱) و بردار برایند را در جهت بردارها رسم می کنیم. (شکل ۱۰-۱)

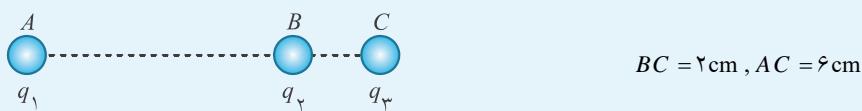


$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b}, \quad R = a + b \quad (4-1)$$

شکل ۱۰-۱



**مثال ۶** مطابق شکل زیر، سه ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = 2/5 \mu\text{C}$ ,  $q_2 = 4 \mu\text{C}$  و  $q_3 = 1 \mu\text{C}$  در نقطه های  $A$  و  $B$  و  $C$  ثابت شده اند. اندازه برایند نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه کنید.

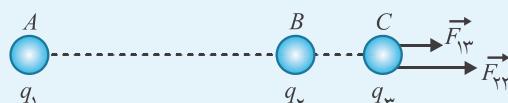


**پاسخ** ابتدا تک تک نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه کرده و سپس آنها را رسم کرده و پس از تعیین جهت، اندازه برایند را محاسبه می کنیم:

$$F_{13} = k \frac{|q_1||q_3|}{r^2} = (9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2) \frac{(2/5 \times 10^{-9} \text{ C})(1 \times 10^{-9} \text{ C})}{(6/0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} = 25 \text{ N}$$

$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{r^2} = (9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2) \frac{(4 \times 10^{-9} \text{ C})(1 \times 10^{-9} \text{ C})}{(2/0 \times 10^{-2} \text{ m})^2} = 90 \text{ N}$$

حالا می خواهیم بردارهای نیرو را رسم کنیم. یک روش این است که فرض کنیم بار مورد نظری که می خواهیم برایند نیروهای وارد بر آن را محاسبه کنیم می تواند حرکت کند و بارهای دیگر ثابت هستند. در این صورت چون بارها هم علامت هستند و یکدیگر را می رانند، بار  $q_3$  از طرف هر دو بار دیگر به سمت راست رانده می شود. پس هر دو نیرو با یکدیگر همسو هستند و هر دو به سمت راست هستند. درنتیجه برای محاسبه اندازه بردار باید اندازه دو بردار را با هم جمع کنیم:

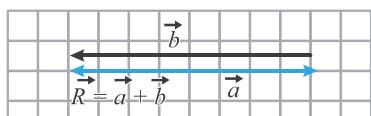


جهت بردار برایند همسو با هر دو بردار و به سمت راست است.



## یادآوری

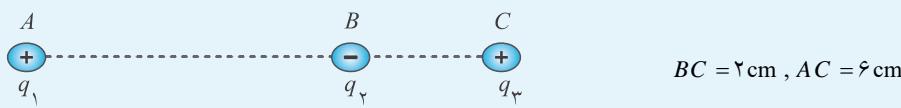
اگر دو بردار هم راستا و خلاف جهت باشند برای محاسبه اندازه بردار برایند، اندازه دو بردار را از هم کم می کنیم (رابطه ۵-۱) و بردار برایند را در جهت بردار بزرگتر رسم می کنیم. (شکل ۱۱-۱)



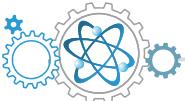
شکل ۱۱-۱



**مثال ۷** مطابق شکل رویه رو، سه ذره با بارهای الکتریکی  $q_1 = 2/5 \mu\text{C}$ ,  $q_2 = 4 \mu\text{C}$  و  $q_3 = -1 \mu\text{C}$  در نقطه های  $A$  و  $B$  و  $C$  ثابت شده اند. اندازه برایند نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه کنید.



$$BC = 2 \text{ cm}, \quad AC = 6 \text{ cm}$$



## پاسخ

ابتدا اندازه تک تک نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه کرده و سپس آنها را رسم کرده و اندازه برایند را محاسبه می کنیم:

$$F_{13} = k \frac{|q_1 q_3|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-9} \times 4 \times 10^{-9}}{(6 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 2 \times 5 \times 4 \times 10^{-3}}{36 \times 10^{-4}} = 25 \text{ N}$$

$$F_{23} = k \frac{|q_2 q_3|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 10^{-9} \times 4 \times 10^{-9}}{(2 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 1 \times 4 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-4}} = 90 \text{ N}$$

حال به طریقی که در مثال قبل گفته شد، نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را رسم می کنیم:



در این مثال نیروها خلاف جهت یکدیگر هستند. بنابراین برای محاسبه اندازه نیروی برایند باید اندازه نیروها را از هم کم کنیم:

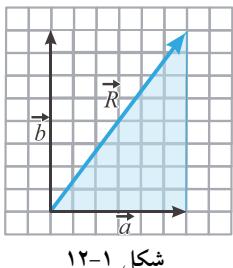
$$F_T = |25 - 90| = 65 \text{ N}$$

جهت نیروی برایند همسو با بردار بزرگتر یعنی  $\vec{F}_{23}$  است و به سمت چپ می باشد.

## یادآوری

اگر دو بردار بر هم عمود باشند اندازه بردار برایند از رابطه فیثاغورث (رابطه ۶-۱) بدست می آید و جهت آن را با روش متوازی الاضلاع تعیین می کنیم. (شکل ۱۲-۱)

$$R = \sqrt{a^2 + b^2} \quad (6-1)$$



شکل ۱۲-۱

## مثال ۸

دھیں.

در شکل مقابل اندازه برایند نیروهای وارد بر بار  $q_A$  را حساب کنید و جهت نیروی برایند را با رسم شکل نشان

$$q_A = 2 \mu\text{C}, q_B = 8 \mu\text{C}, q_C = 6 \mu\text{C}$$

با ز هم ابتدا اندازه تک تک نیروهای وارد بر بار  $q_A$  را به طور جداگانه محاسبه می کنیم:

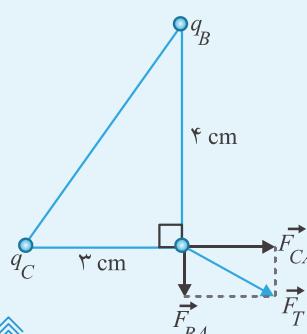
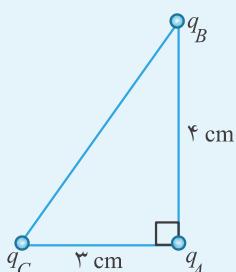
$$F_{BA} = k \frac{|q_A q_B|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-9} \times 8 \times 10^{-9}}{(4 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 2 \times 8 \times 10^{-3}}{16 \times 10^{-4}} = 90 \text{ N}$$

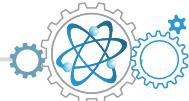
$$F_{CA} = k \frac{|q_A q_C|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-9} \times 6 \times 10^{-9}}{(3 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 2 \times 6 \times 10^{-3}}{9 \times 10^{-4}} = 120 \text{ N}$$

سپس نیروهای وارد بر بار  $q_A$  را مطابق شکل رویه رسم می کنیم. همان طور که مشاهده می کنید، این نیروها بر هم عمود هستند، پس برای محاسبه اندازه نیروی برایند از رابطه فیثاغورس استفاده می کنیم:

$$F_T = \sqrt{90^2 + 120^2} = \sqrt{8100 + 14400} = \sqrt{22500} = 150 \text{ N}$$

## پاسخ



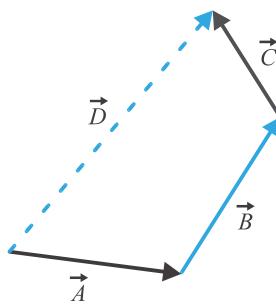


### فراتر از کتاب درسی: محاسبات برداری

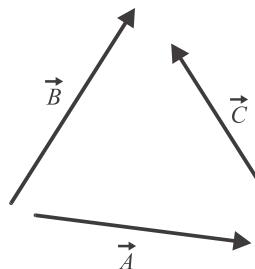
کمیت برداری، کمیتی است که دارای اندازه و جهت است و از قواعد جمع برداری پیروی می‌کند. اگر چند بردار را با هم جمع کنیم، به حاصل جمع که باز هم یک کمیت برداری است، بردار برابر با تهایی اثر کل بردارهای قبل را دارا است. همان‌طور که می‌دانید قواعد جمع بردارها با قوانین جمع جبری تفاوت دارد. در اینجا ابتدا به روش‌های هندسی برای به دست آوردن اندازه و جهت بردار برابر باشد می‌پردازیم:

#### روش چندضلعی

فرض کنید می‌خواهیم برابر باشد سه بردار  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  و  $\vec{C}$  (شکل ۱۳-۱ الف) را به روش چندضلعی رسم کنیم. ابتدا برداری دقیقاً همان‌اندازه و هم‌جهت با بردار  $\vec{A}$  رسم می‌کنیم. سپس از انتهای بردار  $\vec{A}$ ، برداری دقیقاً مشابه (هم‌اندازه و هم‌جهت) با بردار  $\vec{B}$  رسم می‌کنیم. آن‌گاه از انتهای  $\vec{B}$ ، برداری همان‌اندازه و هم‌جهت با بردار  $\vec{C}$  رسم می‌کنیم به همان‌اندازه و در همان‌جهت بردار  $\vec{C}$ . حال با یک پیکان، ابتدای بردار  $\vec{A}$  را به انتهای بردار  $\vec{C}$  وصل می‌کنیم. این پیکان بردار  $\vec{D}$  خواهد بود که همان‌بردار برابر باشد. (شکل ۱۳-۱ ب)



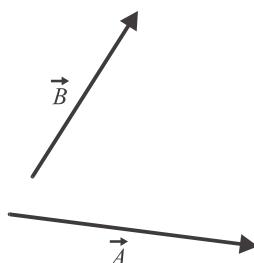
شکل ۱۳-۱ ب



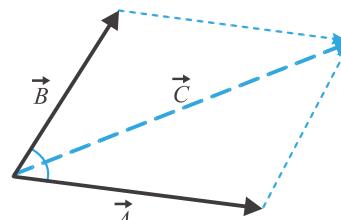
شکل ۱۳-۱ الف

#### روش متوازی‌الاضلاع

این‌بار می‌خواهیم برابر باشد دو بردار  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  را به روش متوازی‌الاضلاع رسم کنیم. ابتدا بردار  $\vec{A}$  را رسم کرده، سپس بردار  $\vec{B}$  را هم مبدأ با بردار  $\vec{A}$  رسم می‌کنیم. این دو بردار را به عنوان دو ضلع یک متوازی‌الاضلاع در نظر گرفته، دو ضلع دیگر آن را خودمان کامل می‌کنیم. در این صورت قطری از متوازی‌الاضلاع، که از مبدأ مشترک دو بردار رسم می‌شود بردار برابر باشد که در شکل ۱۴-۱ به نام  $\vec{C}$  نمایش داده شده است.

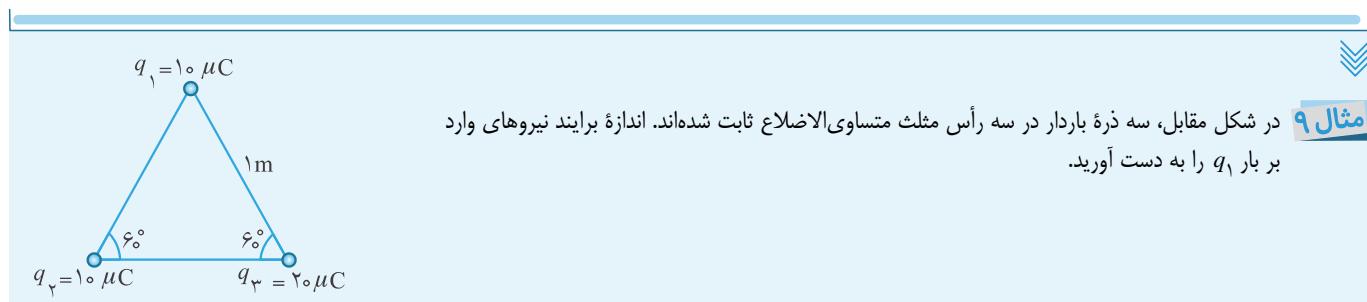


شکل ۱۴-۱



#### محاسبه اندازه بردارها بدون استفاده از روش‌های هندسی

اگر در شکل ۱۴-۱ زاویه بین دو بردار  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  برابر  $\alpha$  و اندازه‌های آنها  $a = |\vec{A}|$  و  $b = |\vec{B}|$  باشد، در این صورت اندازه بردار برابر با  $C = \sqrt{a^2 + b^2 + 2ab \cos\alpha}$  (۷-۱) محسوبه می‌شود:





## پاسخ

بر اساس اصل بر هم نهی نیروهای کولنی، ابتدا باید تک تک نیروهای وارد بر بار  $q_1$  را محاسبه کنیم:

$$F_{21} = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10 \times 10^{-9} \times 10 \times 10^{-9}}{1^2} = 0/9 \text{ N}, \quad F_{31} = k \frac{|q_1 q_3|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10 \times 10^{-9} \times 20 \times 10^{-9}}{1^2} = 1/8 \text{ N}$$

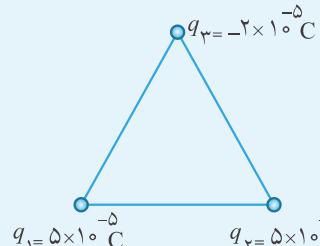
حالا به کمک رابطه ۱-۷ می‌توانیم اندازه برایند نیروهای وارد بر بار  $q_1$  را محاسبه کنیم:

$$F_T = \sqrt{F_{21}^2 + F_{31}^2 + 2F_{21}F_{31}\cos\alpha} = \sqrt{(0/9)^2 + (1/8)^2 + (2 \times 0/9 \times 1/8 \times \cos 60)}$$

$$\Rightarrow = \sqrt{(0/9)^2 + (2 \times 0/9)^2 + (2 \times 0/9 \times 2 \times 0/9 \times \frac{1}{2})} = \sqrt{(0/9)^2 (1+4+2)} = 0/9 \sqrt{7} \text{ N}$$

## نکته

اگر اندازه دو بردار برابر با هم باشد (یعنی  $b = a$ )، اندازه بردار برایند را می‌توانیم از رابطه ۱-۸ محاسبه کنیم:



طبق شکل، سه بار الکتریکی نقطه‌ای در سه رأس مثلثی که طول هر ضلع آن ۳ سانتی‌متر است، قرار دارند. با رسم نیروهای وارد بر بار  $q_3$  اندازه برایند این نیروها را محاسبه کنید.

## مثال ۱۰

اندازه نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را محاسبه می‌کنیم. از آنجایی که اندازه بارهای  $q_1$  و  $q_2$  با هم برابر است و فاصله این دو بار با بار  $q_3$  نیز یکسان است، پس اندازه دو نیرو با هم برابر است.

## پاسخ

$$F_{33} = F_{13} = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{5 \times 10^{-5} \times 2 \times 10^{-5}}{(3 \times 10^{-2})^2} = \frac{9 \times 5 \times 2 \times 10^{-1}}{9 \times 10^{-4}} = 10^4 \text{ N}$$

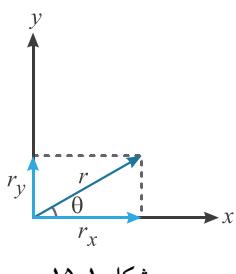
$$F_t = 2F \cos \frac{\alpha}{2} = 2 \times 10^4 \times \cos 30^\circ = 10^4 \sqrt{3} \text{ N}$$

شکل ۱۵-۱

## تجزیه یک بردار

از آنجایی که روش‌های گفته شده برای جمع کردن بردارها به روش هندسی عملأً وقت‌گیر است و دقت آن نیز پایین است، در حالت‌های کلی و غیرخصوصی از روش تحلیلی یعنی روش تجزیه بردار استفاده می‌کنیم. در این روش هر بردار را به مؤلفه‌هایش تجزیه می‌کنیم. مؤلفه‌های بردار  $\vec{r}$  در واقع تصویر این بردار بر روی محورهای  $x$  و  $y$  است.

در شکل روبرو (شکل ۱۵-۱)،  $r_x$  مؤلفه بردار  $\vec{r}$  بر محور  $x$  و  $r_y$  مؤلفه آن بر محور  $y$  است. برای رسم مؤلفه‌ها، خط‌هایی عمود از انتهای بردار  $\vec{r}$  بر محورهای  $x$  و  $y$  رسم می‌کنیم. به یافتن مؤلفه‌های یک بردار، **تجزیه بردار** می‌گوییم.



شکل ۱۵-۱

## نکته

زاویه  $\theta$ ، زاویه‌ای است که بردار  $\vec{r}$  با جهت مثبت محور  $x$  می‌سازد.

## بردار یکه

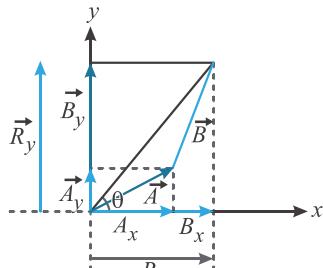
وقتی یک بردار را به دو مؤلفه تجزیه می‌کنیم، عملأً آن را از حالت برداری خارج کرده‌ایم. برای این که شکل برداری آن حفظ شود از **بردار یکه** استفاده می‌کنیم. بردار یکه برداری است که اندازه آن دقیقاً برابر ۱ واحد و سوی آن در جهت مثبت یکی از محورهای  $x$  و  $y$  است. این بردار یکاندار و تنها هدف آن مشخص کردن جهت است. بردار یکه روی محور  $x$  را با نماد  $\vec{i}$  و بردار یکه روی محور  $y$  را با نماد  $\vec{j}$  نشان می‌دهیم. برای نمایش برداری یک بردار  $\vec{r} = r_x \vec{i} + r_y \vec{j}$  (۱۱-۱) به کمک بردارهای یکه به روش مقابل عمل می‌کنیم:



با داشتن مؤلفه‌های یک بردار و به کمک رابطه‌های ۱۲-۱ و ۱۳-۱ می‌توانیم اندازه و جهت بردار را به دست آوریم.

$$\left\{ \begin{array}{l} r = \sqrt{r_x^2 + r_y^2} \\ \theta = \tan^{-1} \frac{r_y}{r_x} \end{array} \right. \quad (12-1)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} r = \sqrt{r_x^2 + r_y^2} \\ \theta = \tan^{-1} \frac{r_y}{r_x} \end{array} \right. \quad (13-1)$$

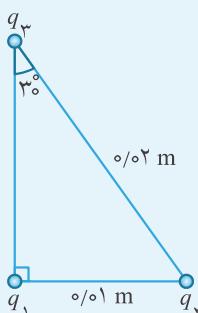


شکل ۱۶-۱

### جمع بردارها به روش تحلیلی

برای به دست آوردن مؤلفه‌های بردار باید یعنی  $\vec{R} = \vec{A} + \vec{B}$  باشد. باید مؤلفه‌های متناظر بردارهای  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  را با هم جمع کنیم. (شکل ۱۶-۱)

$$\vec{R} = \vec{A} + \vec{B} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} R_x = A_x + B_x \\ R_y = A_y + B_y \end{array} \right. \quad (14-1) \quad (15-1)$$



$$q_1 = 1 \mu C, q_2 = -4 \mu C, q_3 = 4 \mu C$$

**پاسخ** با توجه به شکل رویه‌رو، نیروی الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  را برحسب بردارهای یکه بنویسید.

$$F_{11} = k \frac{|q_1 q_2|}{r_{12}^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{0.01^2} = \frac{9 \times 4 \times 10^{-3}}{10^{-4}} = 360 N$$

برای محاسبه نیروی وارد بر با  $q_1$  از طرف بار  $q_3$ ، ابتدا باید فاصله این دو بار را محاسبه کنیم، چون مثلث متساوی‌الاضلاع است از رابطه فیثاغورس استفاده می‌کنیم:

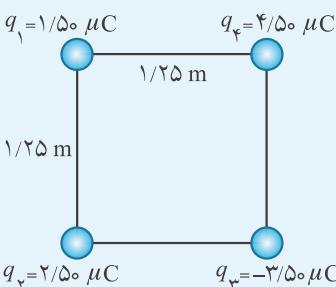
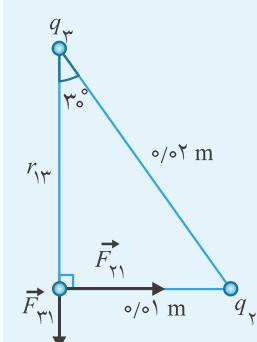
$$r_{13} = \sqrt{r_{12}^2 + r_{23}^2} = \sqrt{(0.02)^2 + (0.01)^2} = \sqrt{3} \times 10^{-2} m$$

$$F_{13} = k \frac{|q_1 q_3|}{r_{13}^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{3 \times 10^{-4}} = \frac{9 \times 4 \times 10^{-3}}{3 \times 10^{-4}} = 120 N$$

برای این که بتوانیم بردار نیروی برایند را برحسب بردارهای یکه بنویسیم، باید ابتدا نیروها را رسم کنیم: همان‌طور که می‌بینید، نیروی  $F_{21}$  در جهت مثبت محور  $x$  و نیروی  $F_{31}$  در خلاف جهت محور  $y$  است.

پس می‌توانیم بنویسیم:

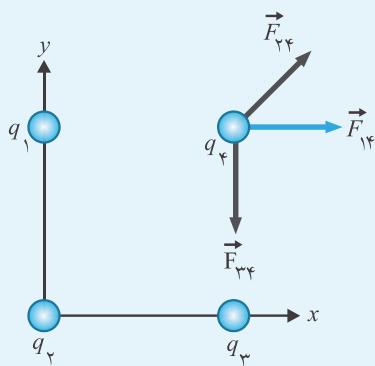
$$\vec{F}_t = 360 \vec{i} - 120 \vec{j}$$



**مثال ۱۲** با توجه به شکل داده شده، بردار نیروی برایند وارد بر بار  $q_4$  را برحسب بردارهای یکه بنویسید و سپس اندازه آن را حساب کنید.



## پاسخ



ابتدا نیروهای وارد بر بار  $q_4$  را رسم می‌کنیم:  
برایند نیروهای وارد بر بار  $q_4$  در راستای محور  $x$  ناشی از دو نیروی  $x$  و مؤلفه افقی نیروی  $\vec{F}_{24}$  است.

$$F_x = k \frac{|q_1 q_4|}{d^2} + k \frac{|q_2 q_4|}{(\sqrt{2}d)^2} \cos 45^\circ = \frac{kq_4}{d^2} (q_1 + \frac{q_2}{\sqrt{2}} \cos 45^\circ)$$

$$\Rightarrow F_x = \frac{9 \times 10^9 \times 4/50 \times 10^{-9}}{1/25^2} (1/50 \times 10^{-9} + \frac{2/50 \times 10^{-9}}{\sqrt{2}} \times 0.707)$$

$$= 25/92 \times 10^{-3} \times 2/375 = 61/56 \times 10^{-3} \approx 6.2 \times 10^{-3} N$$

مؤلفه  $y$  بردار برایند ناشی از دو نیروی  $F_{34}$  و مؤلفه عمودی بردار  $\vec{F}_{24}$  است.

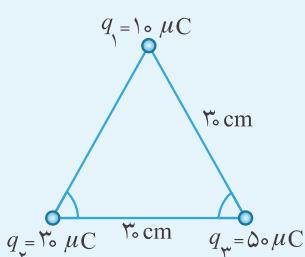
$$F_y = k \frac{|q_2 q_4|}{(\sqrt{2}d)^2} \sin 45^\circ - k \frac{|q_3 q_4|}{d^2} = \frac{kq_4}{d^2} \left| \frac{q_2}{\sqrt{2}} \sin 45^\circ - |q_3| \right|$$

$$= \frac{9 \times 10^9 \times 4/50 \times 10^{-9}}{1/25^2} \times \left| \frac{2/50 \times 10^{-9}}{\sqrt{2}} \times 0.707 - 3/5 \times 10^{-9} \right| = 25/92 \times 10^{-3} \times 2/625 \approx 6.8 \times 10^{-3} N$$

$$\vec{F}_t = (6.2i - 6.8j) \times 10^{-3} N$$

$$F_t = 10^{-2} \sqrt{6.2^2 + 6.8^2} = 9.2 \times 10^{-2} N$$

برای محاسبه اندازه نیرو کافی است مؤلفه‌های آن را در رابطه فیناغورس قرار دهیم:



**مثال ۱۳** مطابق شکل سه بار الکتریکی در سه رأس یک مثلث متساوی‌الاضلاع قرار دارند. بردار برایند نیروهای وارد بر بار  $q_1$  را بر حسب بردارهای یکه بنویسید.



## پاسخ

ابتدا نیروهای وارد بر بار  $q_1$  از طرف بارهای  $q_2$  و  $q_3$  را به طور جداگانه حساب می‌کنیم:

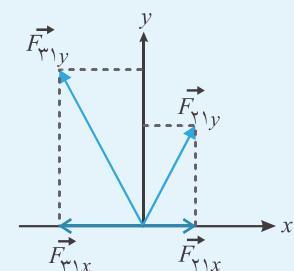
$$F_{21} = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1.0 \times 3.0 \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-2}} = 30 N$$

$$F_{31} = k \frac{|q_1 q_3|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1.0 \times 5.0 \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-2}} = 50 N$$

سپس نیروها را تجزیه می‌کنیم. همان‌طور که مشاهده می‌کنید، مؤلفه‌های  $x$  خلاف جهت یکدیگر هستند و مؤلفه‌های  $y$  با یکدیگر هم‌سو هستند.

$$\begin{cases} F_{21x} = F_{21} \cos 60^\circ = 30 \times 0.5 = 15 N \\ F_{21y} = F_{21} \sin 60^\circ = 30 \times 0.866 \approx 26 N \end{cases}, \begin{cases} F_{31x} = -50 \cos 60^\circ = -25 N \\ F_{31y} = 50 \sin 60^\circ = 43 N \end{cases}$$

$$\Rightarrow \vec{F}_t = (-1.0i + 6.9j) N$$



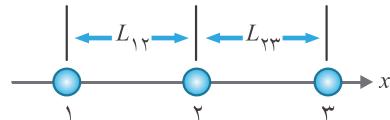


## پرسش‌های تشریحی

### گام ۱ سلطط بر فرمول قانون کولن

۱۰. در شکل زیر، سه ذره باردار را می‌بینید که بر روی یک خط قرار دارند. ذرات ۱ و ۲ در محل خود ثابت شده‌اند در حالی که ذره ۳ می‌تواند حرکت کند، اما نیروی خالص وارد بر ذره ۳ برابر صفر است و در نتیجه حرکت نمی‌کند. اگر  $L_{12} = L_{23}$  باشد، نسبت  $\frac{q_3}{q_2}$  را محاسبه کنید.

(برگرفته از کتاب Fundamentals of physics)



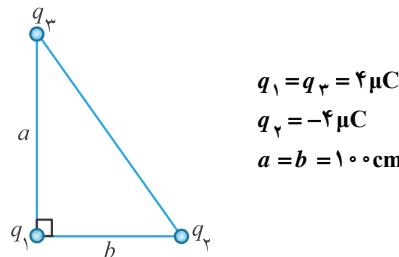
۱۱. دو ذره باردار دارای بار یکسان را در نظر بگیرید که در فاصله  $d$  از یکدیگر قرار دارند. اگر فاصله آنها را به  $2d$  برسانیم، در حالی که بار یکی از آنها ثابت باشد، به بار ذره دیگر چند درصد باید افزوده شود تا اندازه نیروی بین آنها تغییر نکند؟
۱۲. دو ذره باردار با بار الکتریکی هم اندازه و هم علامت، در فاصله  $d$  از هم قرار دارند. اگر ۲۰ درصد از بار یکی از آنها برداشته و به دیگری اضافه کنیم، در همان فاصله قبل اندازه نیروی آنها چند درصد تغییر می‌کند؟

### گام ۲ سلطط بر محاسبه و رسم برایند نیروهای الکتریکی

۱۳. دو بار الکتریکی  $C = 2\mu C$  و  $q_1 = 8\mu C$  به فاصله  $20$  سانتی‌متری از یکدیگر قرار دارند. بار الکتریکی  $C = 1\mu C$  را در خارج از فاصله دو بار و روی خط واصل دو بار و در فاصله  $10$  سانتی‌متری از بار  $q_1$  قرار می‌دهیم. اندازه نیروی خالص وارد بر بار  $q_2$  را بدست آورید.

۱۴. مانند شکل رو به رو دو گلوله با بارهای همنام و مساوی هر کدام به جرم  $10$  گرم را در یک لوله شیشه‌ای قائم با بدنه نارسنا و بدون اصطکاک رها می‌کنیم. در حالت تعادل گلوله‌ها در فاصله  $40$  سانتی‌متری از هم قرار می‌گیرند. بزرگی بار هر یک از آنها را حساب کنید.

۱۵. در شکل زیر، جهت و اندازه نیروی برایند وارد بر بار  $q_1$  را تعیین کنید.



### گام ۳ سلطط بر مسائل مقایسه‌ای

۱۶. دو کره کوچک خشی در فاصله  $1$  متری از هم قرار دارند. حساب کنید چه تعداد الکترون باید از یکی به دیگری منتقل شود تا یکدیگر را با نیرویی به اندازه  $9000$  نیوتون جذب کنند.

### گام ۴ سلطط بر مسائل مقایسه‌ای

۱۷. دو گلوله فلزی یکسان دارای بارهای الکتریکی  $10\mu C$  و  $-2\mu C$  روی دو پایه عایق نصب شده‌اند. هرگاه این دو گلوله را با هم تماس دهیم و از یکدیگر جدا کنیم؛ (الف) بار الکتریکی هر گلوله چند میکروکولن می‌شود. (ب) در همان فاصله قبلی اندازه نیروی بین آنها چند برابر می‌شود؟

۱۸. دو کره باردار با مقدار مساوی در مجاورت یکدیگر قرار دارند. اگر نیمی از بار یکی از آنها را برداشته و به دیگری اضافه کنیم در همان فاصله قبل اندازه نیروی بین آنها چند برابر می‌شود؟

۱۹. دو بار الکتریکی نقطه‌ای به فاصله  $d$  از یکدیگر قرار دارند و نیروی  $F$  را به هم وارد می‌کنند. اگر فاصله بین دو بار را نصف و بار یکی از آنها را نیز نصف کنیم، اندازه نیروی بین آنها چند برابر می‌شود؟