

مسابقات ریاضی هشتم

از مجموعه مرشد

- حدود ۲۸۰۰ سؤال چهارگزینه‌ای (شامل: سؤالات تیزهوشان، آزمون‌های ورودی مدارس ممتاز تهران و مرکز استان‌های کشور، آزمون‌های پیشرفت تحصیلی، مسابقات جهانی ریاضی، المپیادها و مسابقات علمی داخلی و خارجی و...)
- حدود ۴۵۰ نکته‌ی کلیدی درس ریاضی دوم دبیرستان که دانش‌آموزان علاقه‌مند باید فراگیرند.
- پاسخ‌نامه‌ی کلیدی

وحید اسدی کیا

مرشد: مرجع رشد و شکوفایی دانش‌آموزان

ویژه دانش‌آموزان ممتاز و داوطلبان شرکت در مسابقات و آزمون‌های ورودی مدارس تیزهوشان و برتر

بِسْمِ
الرَّحْمَنِ
الرَّحِيمِ

مقدمه

به نام خداوند جان و خرد کزین برتر اندیشه برگذرده

بسیار خرسنیدیم که کتاب «مسابقات ریاضی هشتم» از مجموعه‌ی «مرشد» را منتشر می‌کنیم. این کتاب که توسط آقای وحید اسدی کیا زیر نظر آقای هادی عزیززاده تألیف شده است، دانش‌آموزان کلاس دوم دبیرستان (دوره‌ی اول متوسطه) را برای شرکت در مسابقات ریاضی و امتحانات و آزمون‌های ورودی مدارس خاص آماده می‌کند.

در تألیف این کتاب از منابع متعددی استفاده شده است که از جمله‌ی آن‌ها می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

- آزمون‌های ورودی مدارس تیزهوشان و ممتاز استان تهران و مرکز استان‌های کشور
- آزمون‌های پیشرفت تحصیلی
- مسابقات علمی کشوری و بین مدرسه‌ای
- المپیادهای ریاضی داخلی و خارجی
- مسابقات جهانی ریاضی IMC، کانگورو و آزمون‌های جهانی ریاضی تیمز
- مسابقات خارجی (کشورهای آمریکا، انگلیس، مجارستان، بلژیک، آفریقای جنوبی و...)
- مسابقات جهانی ریاضی کشوری مبتکران و آزمون‌های نشانه‌ی مبتکران
- آزمون‌های چهارگرینه‌ای داخلی مدارس تیزهوشان استان تهران و مرکز استان‌های کشور
- آزمون‌های ورودی روبوکاپ

***توجه:** بعضی از سوال‌ها علامت (*) دارند. این سوالات منتخبی از المپیادهای ریاضی کشور بلژیک است و دارای بیش از یک گزینه‌ی درست می‌باشند.

مسایل این آزمون‌ها، براساس فصل‌ها و بخش‌های کتاب درسی ریاضی هشتم (دوم دبیرستان دوره‌ی اول متوسطه) طبقه‌بندی شده و از آسان به سخت مرتب گردیده‌اند. برخی از آن‌ها بدون راهنمایی و اشاره به نکته کلیدی قابل حل نیستند که با علامت مشخص شده‌اند تا دانش‌آموزان قبل از اقدام به حل آن‌ها، ابتدا نکته‌ی مورد نظر را مطالعه کنند. (تعداد پاکت‌ها نشان دهنده‌ی تعداد نکته‌های آن سؤال می‌باشد)

لازم به ذکر است کتاب ریاضی مرشد هشتم در دو جلد تألیف شده است:

• **جلد اول:** شامل سوالات همراه با پاسخ‌نامه‌ی کلیدی آن‌ها

• **جلد دوم:** شامل پاسخ‌نامه‌ی تشریحی سوالات و نکات مهم مربوط به آن‌ها

امیدواریم این کتاب، مورد توجه خانواده‌ها، دانش‌آموزان عزیز و دبیران گرامی قرار گیرد و در ارتقای سطح علمی دانش‌آموزان مؤثر افتد.

در پایان، وظیفه‌ی خود می‌دانیم از مؤلف کتاب آقای وحید اسدی‌کیا و دبیر مجموعه‌ی مرشد آقای هادی عزیززاده و از آقایان ناصر کاهه و اباصلت نوراللهی و آقای فتح‌اله پرباز و خانم‌ها ندا قدسی و مریم مقصودی و فاطمه ستاری مرجانی و لیلا عباس‌زاد و فاطمه زرین گل که بنا به گزارش مؤلف با وی همکاری علمی داشته‌اند و بخش‌هایی از کتاب را ویرایش کرده‌اند، تشکر کنیم. هم‌چنین از خانم لیلا مهرعلی‌بور که زحمت حروف‌چینی، صفحه‌آرایی و ترسیم شکل‌های کتاب را بر عهده داشتند بسیار ممنونیم و برای همه‌ی این عزیزان آرزوی موفقیت داریم.

انشاات مبتکران

فصل ع متلت

۱۸۹

۲۳۵

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۷ توان و جذر

۲۳۷

۲۶۷

۲۶۹

۲۸۹

قسمت اول: توان

پاسخ نامه کلیدی

قسمت دوم: جذر

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۸ آمار و احتمال

۲۹۱

۳۲۳

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۹ دایره

۳۲۵

۳۶۱

پاسخ نامه کلیدی

فهرست

فصل ۱ عددهای صحیح و گویا

۷

۳۳

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۲ حساب اعداد طبیعی

۳۵

۶۹

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۳ چند ضلعی ها

۷۱

۱۰۵

پاسخ نامه کلیدی

فصل ۴ جبر و معادله

۱۰۷

۱۳۵

۱۳۷

۱۶۰

قسمت اول: عبارت های جبری
پاسخ نامه کلیدی

قسمت دوم: معادله
پاسخ نامه کلیدی

فصل ۵ بردار و مختصات

۱۶۳

۱۸۸

پاسخ نامه کلیدی

فصل

عددهای صحیح و گویا

شناخت اعداد صحیح

(آزمون ورودی)

۱. کدام دسته از اعداد زیر، را نمی‌توان به صورت عدد صحیح نمایش داد؟

- $\frac{12}{4}$ ب) صفر، $\frac{18}{3}$ و ج) $\frac{1}{4}$ درصد
- $\frac{2}{5}$ د) $\sqrt{8}$ و $\frac{1}{5}$

(المپیاد ریاضی)

- $\frac{620}{20}$ ه) $\frac{450}{25}$ د) $\frac{629}{5}$ ج) $\frac{217}{7}$ ب) $\frac{872}{2}$ الف)

(المپیاد ریاضی)

۳. کوچکترین مقدار صحیح x به طوری که مقدار $\frac{15}{x-1}$ یک عدد صحیح شود، برابر است با:
- ۰ د) -۴ ج) ب) -۱۴ الف) -۲۹

(تیزهوشان)

۴. به ازای چه تعداد عدد صحیح m ، حاصل $\frac{m^2 + 1390}{m}$ عددی صحیح است؟ ($m \neq 0$)
- ۱۸ د) ۸ ج) ۱۴ ب) ۱۶ الف)

(مسابقات ریاضی)

۵. نصف عددی از خودش بزرگ‌تر است. در این صورت این عدد حتماً است.
- د) منفی ب) صفر ج) مثبت الف)

(آزمون ورودی)

۶. کوچکترین عدد صحیح بزرگ‌تر از -90 که بر 3 بخش‌بندی باشد، کدام عدد است؟
- ۸۷ د) -۹۰ ج) -۹۳ ب) -۹۶ الف)

(مسابقات علمی)

۷. کدام دسته از اعداد زیر نامنفی هستند؟
- د) $-1, 2, 0$ ج) $-3, -2, -1$ ب) $0, +57, +2$ الف) $-2, 0, +2$

(المپیاد ریاضی)

۸. بین -14 و $+4$ ، چند عدد صحیح نامثبت وجود دارد؟
- د) ۱۳ تا ج) ۱۵ تا ب) ۱۶ تا الف) ۱۴ تا

(آزمون ورودی)

۹. بین اعداد صحیح -163 و $+207$ چند عدد صحیح وجود دارد؟
- د) ۳۶۸ ج) ۳۶۹ ب) ۳۷۰ الف) ۳۷۱

(آزمون ورودی)

۱۰. از عدد $+39$ تا عدد -102 چند عدد صحیح زوج وجود دارد؟
- د) ۷۲ تا ج) ۷۱ تا ب) ۷۰ تا الف) ۶۹ تا

۱۱. روی محور اعداد صحیح، چند عدد وجود دارد که فاصله‌ی هریک از این اعداد از عدد 7 دو برابر فاصله‌ی آن از عدد $+2$ است؟

- د) ۲ تا ج) یکی ب) هیچ الف) بی‌شمار

(آزمون ورودی)

۱۲. فاصله‌ی کدام عدد زیر از عدد -30 ، ثلث فاصله‌ی آن از عدد $+30$ است؟
- د) گرینه‌ی الف و ج) -60 ب) -45 الف) -15

قرینه‌ی اعداد صحیح

(مسابقات ریاضی)

(المپیاد ریاضی)

(آزمون ورودی)

(آزمون ورودی)

۱۳. قرینه‌ی هر عدد صحیح نامنفی از خودش

ب بزرگ‌تر است.

د هیچ کدام

الف بزرگ‌تر است.

ج شاید بزرگ‌تر و شاید کوچک‌تر باشد.

۱۴. حاصل ضرب هر عدد صحیح در قرینه‌ی آن

ب ممکن است مثبت باشد.

د همیشه صفر است.

الف همیشه منفی است.

ج صفر یا عددی منفی است.

ه صفر یا عددی منفی است.

۱۵. عدد $+7$ را 1392 بار قرینه کردیم. حاصل کدام گزینه است؟

د قابل محاسبه نیست.

ج صفر

ب -7

الف $+7$

د صفر

ج $+5$

ب -5

الف $+1$

۱۶. حاصل عبارت $(\dots - 2 - 3 - \dots) (+ (-) (+))$ کدام است؟

تعداد علامت‌ها 1390 تا

د صفر

ج $+5$

ب -5

الف $+1$

۱۷. اگر قرینه‌ی عدد $+5$ را با قرینه‌ی عدد $+4$ نسبت به عدد $+9$ جمع کنیم، چه عددی به دست می‌آید؟

د -14

ج $+14$

ب -9

الف $+9$

۱۸. قرینه‌ی عدد $+5$ را نسبت به قرینه‌ی قرینه -1 ، p و قرینه‌ی p را نسبت به قرینه‌ی خودش، q می‌نامیم. فاصله‌ی p و q چند واحد است؟

د 30 واحد

ج 28 واحد

ب 18 واحد

الف 12 واحد

۱۹. اگر قرینه‌ی a ، عدد $-b$ و قرینه‌ی $-b$ ، عدد c باشد، آنگاه قرینه‌ی قرینه‌ی عدد b کدام است؟

د هر سه مورد

ج c

ب b

الف a

۲۰. حاصل ضرب سه عدد صحیح، منفی است. اگر حاصل جمع حاصل ضرب دو به دوی آن‌ها منفی باشد، از این سه عدد، چند عدد مثبت و چند عدد منفی است؟

ب دو عدد مثبت و یک عدد منفی است.

د نمی‌توان مشخص کرد.

الف هر سه عدد منفی هستند.

ج دو عدد منفی و یک عدد مثبت است.

۲۱. اگر $0 < a < b$ باشد، کدام رابطه درست است؟

د $a - b < 0$

ج $a + b > 0$

ب $ab > 0$

الف $\frac{a}{b} < 0$

۲۲. اگر m و n اعدادی صحیح باشند و بدانیم m عددی منفی و $0 < m + n < 0$ شده است، کدامیک از رابطه‌های زیر حتماً درست است؟

د $m - n > 0$

ج $2n > 0$

ب $2m + n > 0$

الف $2m + n < 0$

بردارهای (فلش‌های) اعداد صحیح

پیش‌نیاز
ریاضی

(مسابقات علمی)

۲۳. ابتدا و انتهای برداری به هم رسیده‌اند. طول این بردار است.

الف چنین چیزی غیرممکن است.

ب صفر

ج $+1$

د -1

۲۴. از نقطه‌ی $+4$ روی محور اعداد صحیح، به نقطه‌ی -3 حرکت کردیم. نمایش این حرکت با عدد صحیح کدام است؟
(آزمون ورودی)

الف -1

ب $+1$

ج -7

د $+7$

(آزمون ورودی)

۲۵. کدام عبارت زیر تفاضل متناظر با بردار زیر را به درستی نوشته است؟

الف $(-4) - (+3) = -1$

ب $(-1) - (+3) = -4$

ج گزینه‌های «الف» و «ج»

د $(-1) - (-3) = -4$

۲۶. طول برداری که ابتدای آن بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر از -12 و انتهای آن کوچک‌ترین عدد صحیح بزرگ‌تر از $+7$ است، چه قدر است؟
(مسابقات ریاضی)

الف $+21$

ب -21

ج $+19$

د -19

(المپیاد ریاضی)

۲۷. انتهای برداری به طول -3 ، نقطه‌ی $+2$ است. ابتدای آن کدام نقطه است؟

الف $+1$

ب -1

ج -5

د $+5$

(مسابقات علمی)

۲۸. اگر بردار -3 - انتها در -5 - را رسم کنیم، تفاضل متناظر با آن کدام است؟

الف $(-5) - (-3) = +2$

ب $(-3) - (-5) = +2$

ج $(-5) - (-3) = -2$

د $(-2) - (-3) = -5$

(آزمون ورودی)

۲۹. طول برداری که از $+3$ شروع شده باشد و نقطه‌ی -5 - وسط آن باشد، کدام است؟

الف -16

ب $+16$

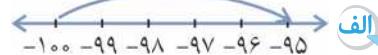
ج -8

د $+8$

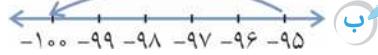
(آزمون ورودی)

۳۰. در کدام گزینه، جمع یا تفاضل متناظر، به درستی نوشته شده است؟

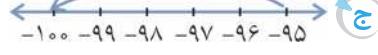
$$(-100) + (+5) = (-95)$$



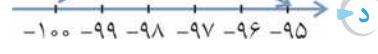
$$(-95) - (-5) = (-100)$$



$$(-95) + (+5) = (-100)$$



$$(-100) + (-5) = (-95)$$



(مسابقات علمی)

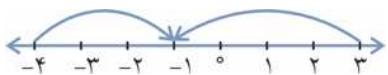
۳۱. کدام عبارت برای بردارهای زیر درست است؟

$$(-3) + (+4) = (+4) + (-3)$$

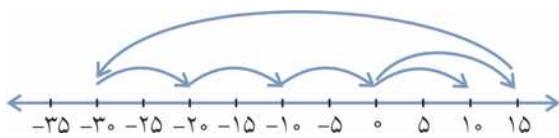
$$(+) + (-7) = (-4)$$

$$(-4) + (+3) = (+3) + (-4)$$

$$(-4) + (+7) = (+3)$$



(آزمون ورودی)



لهم
لهم
لهم
لهم
لهم
لهم

۳۲. عبارت متناظر با شکل زیر در کدام گزینه آمده است؟

الف $(+15) - (-45) + 4 \times (+5) = +10$

ب $(+15) + (-45) + 4 \times (+5) = +10$

ج $(+15) + (-45) - 4 \times (+10) = +10$

د $(+15) + (-45) + 4 \times (+10) = +10$

مجموع اعداد صحیح

(آزمون ورودی)

۳۳. مجموع اعداد صحیح از $+1393$ تا -2014 برابر است با:

الف -1058266 ج $+1058184$ ب 1058266 د -1058184

۳۴. مجموع اولین صد عدد مثبت زوج را منهای مجموع اولین صد عدد مثبت فرد کرده‌ایم. در این صورت حاصل کدام

(مسابقات بیانی ریاضی)

گزینه است؟

الف 0 ب 50 ج 100 د 10100 ه 15150

۳۵. هفت عدد صحیح متوالی را از کوچک به بزرگ و از چپ به راست پشت سر هم نوشتیم. اگر مجموع سه تا از آنها از

(آزمون ورودی)

سمت چپ، -6 شود، مجموع سه عدد آخر چه قدر است؟

الف $+6$ ب -12 ج -12 د 0 ه -6

۳۶. ذره‌ای روی محور اعداد صحیح شروع به حرکت می‌کند. در دقیقه‌ی اول، یک واحد به راست و در دقیقه‌ی دوم، دو واحد

به چپ و در دقیقه‌ی سوم، 3 واحد به راست و ... حرکت می‌کند. این ذره پس از یک ساعت و نیم از شروع حرکت روی

(مسابقات ریاضی)

عدد -100 قرار می‌گیرد. نقطه‌ی شروع حرکت این ذره کدام عدد بوده است؟

الف -45 ب $+45$ ج $+55$ د -55

۳۷. دمای جسمی سه بار تغییر کرد، به طوری که هر بار سه برابر دفعه‌ی قبل، سرد شد. دمای جسم در نهایت به 6 درجه زیر

صفر رسید. دمای اولیه‌ی جسم کدام گزینه نمی‌تواند باشد؟ اعداد، صحیح می‌باشند.

الف $+7$ ب $+20$ ج $+33$ د $+47$ ه $+124$

۳۸. از نقطه‌ی $+100$ ، 70 بار و هر بار به مقدار مساوی روی محور اعداد صحیح حرکت کردیم تا به نقطه‌ی -110 رسیدیم. هر

(آزمون ورودی + المپیاد ریاضی)

بار چه مقدار حرکت کردیم؟

الف -2 ب -3 ج -5 د $+5$

بیشترین و کمترین، حداقل و حد اکثر

۳۹. تنها با گذاشتن تعدادی پرانتز، کمترین مقداری که از عبارت زیر می‌توانید به دست آورید، چه عددی خواهد بود؟ (دقت

کنید که در این سؤال منظور از پرانتزگذاری فقط تعیین اولویت عمل است و نمی‌توانید از پرانتزها برای عمل ضرب استفاده

(آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان ۹۷-۹۶)

$12 - 8 + 5 \times 6 - 2 \times 3$

الف عددی بین 0 و -10

ج عددی بین -75 و -85

ب عددی بین -35 و -45

د عددی کمتر از -100



۴۰. می خواهیم در ردیف اعداد $A = 2 \square 5 \square 7 \square 8 \square 9 \square 1$ ، ۲ علامت جمع و ۳ علامت ضرب قرار دهیم به طوری که مقدار A ، حداقل مقدار ممکن شود. این حداقل چه قدر است؟
(آزمون ورودی)

۶۱ د

۶۳ ج

۷۵ ب

۸۷ الف

(مسابقات بجهانی ریاضی)

۴۱. یک عدد صحیح منفی است. کدام عبارت بزرگ‌ترین مقدار را دارد؟

x - ۲ ه

6x + 2 د

-2x ج

2x ب

x + 1 الف

۴۲. دو عدد صحیح سه رقمی را با هم جمع کردیم. حاصل برابر صفر شد. این دو عدد حداکثر چند واحد با هم اختلاف دارند؟
(مسابقات ریاضی)

1999 ه

1998 د

1997 ج

1996 ب

2000 الف

۴۳. اختلاف دو عدد صحیح، $+3$ شده است. اگر یکی از آنها یک رقمی و دیگری دو رقمی باشد، کمترین حاصل ضرب آنها کدام گزینه‌ی زیر می‌تواند باشد؟
(المپیاد ریاضی)

+70 د

-88 ج

+88 ب

الف صفر

۴۴. حاصل جمع دوازده عدد صحیح متولی، 6 شده است. کوچک‌ترین این اعداد، کدام است؟
(المپیاد ریاضی)

-5 د

+5 ج

-6 ب

الف 6

۴۵. مجموع دو عدد صحیح یک رقمی، -6 شده است. بیشترین حاصل ضرب آنها کدام گزینه‌ی زیر است؟
(مسابقات ریاضی)

-27 د

+9 ج

+16 ب

الف -9

۴۶. دو عدد صحیح را با هم جمع کردیم، حاصل -3 شد. بیشترین حاصل ضرب آنها کدام است؟
(مسابقات ریاضی)

د غيرقابل محاسبه است.

+2 ج

+6 ب

الف +9

۴۷. در تساوی مقابل مقدار x چند است؟
(مسابقات ریاضی)

+100 ه

+50 د

+25 ج

-100 ب

الف -50 الف

۴۸. مقدار x در تساوی $\frac{1-2-5}{x} = \frac{-8-7+3}{6-5+3}$ کدام است؟
(آزمون ورودی)

+8 د

-8 ج

+2 ب

الف -2 الف

۴۹. اگر x ، عددی صحیح و $x+2 < x+3$ باشد، به جای x کدام دسته از اعداد زیر می‌توانند قرار گیرند؟
(آزمون ورودی)

-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2 ب

-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2 د

-4, -3, -2, -1, 0 الف

-5, -4, -3, -2, -1, 0 ج

به دست آوردن حاصل عبارات اعداد صحیح

۵۰. حاصل عبارت $(-2^2 - 4 - 7 + 24 \div 8) \times (-4 - 3 - 2 - 1,0,1,2)$ کدام گزینه است؟
(تیزهوشان)

۱۵ د

-160 ج

-32 ب

الف 28 الف

(تیزهوشان)

(تیزهوشان)

(آزمون ورودی)

(آزمون ورودی)

(مسابقات ریاضی)

(تیزهوشان)

(مسابقات علمی)

(آزمون پیشگفت تمهیلی تیزهوشان ۹۵-۹۶)

۵۹. عمل # به این صورت تعریف می شود: $\alpha \# \beta = \alpha^2 - 2\beta$. بر این اساس حاصل $[2 \# (3 \# 2) \# (-1)] \# [(-1) \# (2 \# 1)]$ برابر است با:

(تیزهوشان)

(آزمون ورودی)

(تیزهوشان)

(المپیاد ریاضی)

(مسابقات بجهانی ریاضی)

۵۱. حاصل عبارت $5 - 4[3 - 2(1 - 2)^4 + 3] - 4$ کدام است؟

۳۲ د

-۱۲۸ ج

-۶۴ ب

-۴ الف

-۴ د

۵۶ ج

۶۱ ب

۶ الف

۱۱۹ د

۱۱۸ ج

۱۱۰ ب

الف صفر

۵۴. مقدار عبارت $\{2 - [-(6 + 2 \times 3 - 2)] \times 2 - 3 \times [-6 \div 2 \times 3 + 2]\}$ کدام گزینه است؟

+۱۸ د

-۱۸ ج

+۲۷ ب

-۲۷ الف

-۱ ه

+۱ د

-۲ ج

+۲ ب

الف صفر

۵۵. حاصل عبارت $((1 + 2) - 1 + 2 - (1 + 2)) - 1 + 2$ کدام است؟

۱۰ ج

۱۱ ب

۲۳ الف

۹ د

۱۰ ج

۱۱ ب

الف صفر

۵۶. حاصل عبارت $5 - 1 - 5 - (4 - (2 - (1 + 2))) - 1 + 2$ کدام است؟

-۱۵ د

+۶ ج

-۱۲ ب

-۱۸ الف

۵۷. حاصل عبارت $(9 - 5) - 3(-7 + 2(-2 + 3) + 7) - 5 + 3(9 - 4(4 - 5) - 5$ کدام است؟

۱ د

۱۰ ج

۱۱ ب

۲۳ الف

۵۸. حاصل عبارت $\frac{3 - 3[4 - (7 - (-5)) \div (-2)]}{5 - (3 \times 5 - 4(-2))}$ کدام است؟

$\frac{1}{2}$ د

$-\frac{3}{2}$ ج

صفر ب

$\frac{3}{2}$ الف

۵۹. عمل # به این صورت تعریف می شود: $\alpha \# \beta = \alpha^2 - 2\beta$. بر این اساس حاصل $[2 \# (3 \# 2) \# (-1)] \# [(-1) \# (2 \# 1)]$ برابر است با:

۷۴۷ د

۷۱۱ ج

۷۲۹ ب

۵ الف

۹۹ د

۹۹ ج

-۱ ب

+۱ الف

-۹۹۹۰ د

۰ صفر

+۵۰۰ ب

-۵۰۰ الف

۶۲. حاصل عبارت $1 - 8 + 3 - 10 + 5 - 12 + \dots + 40 - 40 - 1 - 10 + 5 + 12 - 8 + 3 - 1 - 8 + 3 - 10 + 5 - 12 + \dots + 40 - 40$ کدام است؟

-۱۰۰۰ د

+۱۰۰۰ ج

-۱۴۰۷ ب

+۱۴۰۷ الف

۶۳. اگر $A = 1 - 2 - 4 + 5 + 7 - 8 - 10 + 11 + 13 + \dots + 1391$ باشد، آنگاه :

الف کوچکتر از -۱ است. **ب** برابر -۱ است. **ج** برابر ۰ است. **د** برابر ۱ است.

(مسابقات بجهانی ریاضی)

-۱ ه

۲۰۱۴ د

۲۰۱۳ ج

۱ ب

۰ الف

- ۶۵.** حاصل عبارت $(-20 - \dots - (-3) - (-4) - (-2) - (-1))$ برابر است با:
- ۲۰۶ **د** **ج** **ب** **الف** ۲۰۸
- ۶۶.** حاصل عبارت: $(11 + 13 + 15 + \dots + 101) - (12 + 14 + 16 + \dots + 100)$ کدام است؟
- ۴۵ **د** **ج** **ب** **الف** -۹۰ -۴۶
- ۶۷.** اگر $A = 1 + 2 + 3 + \dots + 100$ و $B = -1 - 2 - 3 - \dots - 100$ باشد، در این صورت حاصل $A + 2B$ در کدام گزینه زیر آمده است؟ (مسابقات علمی)
- د** صفر **ج** -10100 **ب** -5050 **الف** $+5050$
- ۶۸.** حاصل عبارت $(99 - 100) - \dots - (5 - 6) - (4 - 3) - (2 - 1)$ کدام است؟
- +۴۸ **د** **ج** **ب** **الف** صفر -۴۸ +۵۰ -۵۰
- ۶۹.** حاصل عبارت $A = 17 - (16 - (15 - (14 - (13 - 20) - 21) - 22) - 23) - 24$ کدام است؟
- ۷ **د** **ج** **ب** **الف** +۱۴ +۷ -۱۴
- ۷۰.** حاصل عبارت $((\dots (99 - 100) - \dots - (3 - 2) - 1) - 1$ کدام گزینه است؟ (آزمون ورودی)
- ۱۰۰ **د** **ج** **ب** **الف** صفر +۵۰ -۵۰
- ۷۱.** مقدار عددی $((\dots (100 - \dots - (3 - 2) - 1) - 1$ برابر است با:
- ۹۹ **د** **ج** **ب** **الف** -۵۰ ۱۰۰ -۱۰۰ ۵۰
- ۷۲.** مقدار عبارت $(2006 \times 2006 + \dots + 2004 \times 2004 + \dots + 2002 \times 2002 + \dots + 2000 \times 2000) - (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 2005^2)$ کدام است؟ (مسابقات جوانی ریاضی)
- ۰ **د** **ج** **ب** **الف** ۲۰۰۰ ۲۰۰۴ ۲۰۰۵ ۲۰۰۶

میانگین اعداد صحیح

- ۷۳.** سه عدد صحیح داریم که مجموع اولی و دومی، -31 و مجموع دومی و سومی، -56 و مجموع اولی و سومی، -51 است. میانگین سه عدد کدام است؟ (المپیاد ریاضی)
- ۱۹ **د** **ج** **ب** **الف** -۲۷ -۲۳ -۲۵
- ۷۴.** میانگین دو عدد صحیح، 3 و اختلاف آنها $+22$ است. اختلاف عدد کوچکتر با عدد صحیح -10 چند واحد است؟ (آزمون ورودی)
- د** ۴ واحد **ج** ۳ واحد **ب** ۲ واحد **الف** ۱ واحد
- ۷۵.** چهار شهر داریم که دمای دو تا از آنها قرینه‌ی یکدیگرند و دمای دو شهر دیگر نیز با هم قرینه‌اند. میانگین دمای این چهار شهر چند درجه است؟ (مسابقات علمی + آزمون ورودی)
- ۱ **د** **ج** **ب** **الف** صفر +۴ -۴
- ۷۶.** دمای هوای دو شهر A و B ، قرینه‌ی یک دیگرند و دمای شهر C ، 6 درجه زیر صفر است. قرینه‌ی میانگین دمای این سه شهر کدام است؟ (المپیاد ریاضی + آزمون ورودی)
- +۲ **د** **ج** **ب** **الف** صفر -۶ -۲

۷۷. میانگین ۳ عدد صحیح ۱- می باشد. اگر کوچکترین عدد ۷- و یکی از اعداد ۲ واحد بیشتر از کوچکترین عدد باشد،
(المپیاد ریاضی)

- +۱۰ **د** +۱۲ **ج** +۱۶ **ب** +۱۸ **الف**

۷۸. به اعداد $-7, -1, +3, +17$ و چه عددی را اضافه کنیم تا میانگین تغییر نکند؟
(آزمون ورودی)

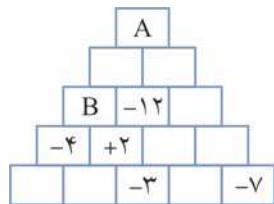
- د** صفر +۳ **ج** +۱۲ **ب** +۳ **الف** +۱۵

۷۹. میانگین پنج عدد صحیح، ۴- شده است. چه عددی به آنها بیافزاییم تا میانگین، ۵ واحد بیشتر شود؟
(آزمون ورودی)

- +۶ **د** -۲۰ **ج** +۲۶ **ب** -۲۶ **الف**

اعداد صحیح و جدول‌ها

۸۰. در جدول زیر عدد داخل هر مستطیل از حاصل جمع اعداد در دو مستطیل رديف پایین‌تر از خودش به دست می‌آید. تعیین کنید A چند برابر B است؟
(آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان ۹۵-۹۶)



- ۲۹ **الف**
-۳۲ **ب**
-۴۴ **ج**
۵۸ **د**

۸۱. نه عدد فرد متوالی که کوچکترین آنها ۳- است، در یک جدول 3×3 نوشته شده‌اند، به طوری که مجموع اعداد در سطرها و ستون‌ها و قطرها برابرند. عدد وسطی جدول کدام است؟
آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان

- ۱ **د** ۷ **ج** ۳ **ب** ۵ **الف**

۸۲. در خانه‌های سیاه یک صفحه‌ی شطرنجی 8×8 اعداد $(-1, -2, -3, -4, -5, \dots)$ و در خانه‌های سفید آن، اعداد $(4, 5, 6, 7, \dots)$ را قرار می‌دهیم. در این صورت حاصل جمع ۶۴ عدد گفته شده چند است؟
(تیزهوشان)

- ۶۹ **د** ۶۲ **ج** ۶۴ **ب** ۱۲۸ **الف**

۸۳. جدول (۱) را در نظر بگیرید. هر بار می‌توان یک مرربع 2×2 از آن را انتخاب کرد و یک واحد از اعداد درون خانه‌های آن کم کرد. پس از چندین مرحله به جدول (۲) می‌رسیم. در این صورت مقدار x کدام است؟
(تیزهوشان)

۲	-۱	۳		۱	-۳	۲		۲ ب	-۳ الف
۵	۰	-۲		۳	x	-۴		-۴ د	۵ ج
-۴	۱	-۱		-۵	-۱	-۲			

(۱) (۲)

۸۴. جدول اعداد مقابل را در نظر بگیرید:

حاصل جمع کلیه‌ی سطرها از سطر اول تا سطر ۱۳۷۹ (با خود سطر ۱۳۷۹) برابر است با:

۱	-۱		۱ ب	۶۹۰ الف
۱	-۱	۱	۱۳۷۹ د	۰ ج
۱	-۱	۱		۶۸۹ ه
۱	-۱	۱		
۱	-۱	۱		
⋮				

۰	۰	۰	۰
۰	۰	۰	۰
۰	۰	۰	۰
۰	۰	۰	۰

۸۵ در هر مرحله ۴ خانه از جدول روبه‌رو انتخاب می‌کنیم به طوری که از هیچ سطر یا ستونی ۲ خانه انتخاب نشده باشد. عدهای هر ۴ خانه را یک واحد اضافه باید از هر یک، یک واحد کم می‌کنیم. با این روش به کدام یک از جدول‌های زیر می‌توان رسید؟

(المپیاد ریاضی)

۱۵	۱۷	۳	۱۵
۱۶	۱۳	۱۳	۶
۱۴	۱۳	۱۵	۸
۳	۵	۱۹	۲۱

هـ

۱۰	۱۷	۲	۲۱
۱۷	۱۷	۱۴	۲
۳	۱۳	۲۴	۱۰
۲۰	۳	۱۰	۱۷

دـ

۴	۳	۲	۱
۴	۳	۱	۲
۳	۲	۱	۴
۱	۳	۴	۲

جـ

۲۰	۰	۰	۱۳
۰	۱۷	۴	۷
۱۰	۵	۱۰	۱۱
۰	۶	۱۱	۱۳

بـ

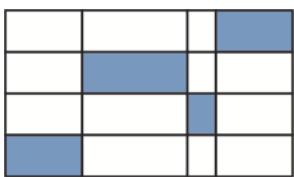
-۲۱	۰	-۶	۳
-۶	۱۰	۲۷	۲۷
۲۰	۷	۷	۴
۲	۲۳	۱۰	۴

الفـ

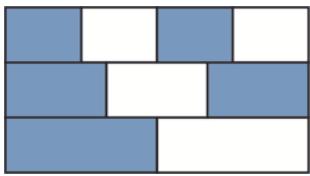
بخش ۲: عدهای گویا

اعداد گویا در تصویر

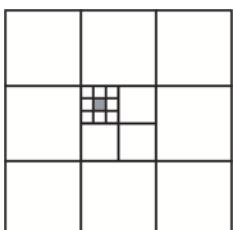
(آزمون بجهانی تیمز)



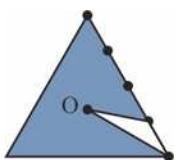
(مسابقات بجهانی ریاضی)



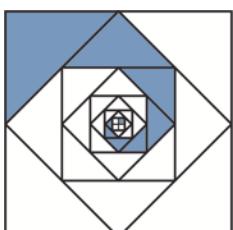
(مسابقات بجهانی ریاضی)



(مسابقات علمی)



(المپیاد ریاضی)



$$\frac{5}{16}$$

بـ

$$\frac{3}{16}$$

دـ

$$\frac{1}{7}$$

الفـ

$$\frac{1}{4}$$

جـ

$$\frac{3}{5}$$

بـ

$$\frac{1}{2}$$

دـ

$$\frac{2}{3}$$

الفـ

$$\frac{4}{7}$$

جـ

$$\frac{5}{9}$$

هـ

۸۸ در این شکل، بزرگ‌ترین مربع مساحتش ۱ است. مساحت مربع کوچک سیاه چه قدر است؟

$$\frac{1}{162}$$

بـ

$$\frac{1}{108}$$

دـ

$$\frac{1}{18}$$

الفـ

$$\frac{1}{324}$$

جـ

$$\frac{1}{1000}$$

هـ

۸۹ چه کسری از مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع زیر سایه خورده است؟

$$\frac{2}{3}$$

بـ بین $\frac{1}{3}$ تا $\frac{2}{3}$

$$\frac{5}{6}$$

دـ بیش تر از $\frac{5}{6}$

$$\frac{1}{3}$$

الفـ بین 0 تا $\frac{1}{3}$

$$\frac{3}{4}$$

جـ بین $\frac{2}{3}$ تا $\frac{3}{4}$

۹۰ چه کسری از شکل زیر، رنگی است؟

$$\frac{1}{3}$$

بـ

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{4}$$

دـ

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{12}$$

الفـ

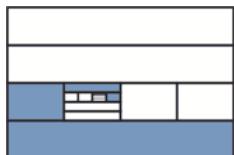
$$\frac{1}{4}$$

جـ

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

هـ

(المپیاد ریاضی)

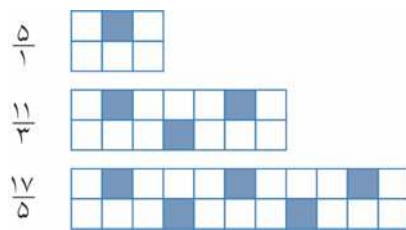


۹۱. چه کسری از شکل مقابل رنگی است؟

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$$

الف $\frac{1}{4}$
ج $\frac{1}{3} - \frac{1}{4}$
ه $\frac{1}{3} + \frac{1}{12}$

۹۲. در شکل‌های زیر، الگویی برای کشیدن مارپیچ می‌بینید. عدد کثار هر شکل، بیانگر نسبت سطح سفید به سطح سیاه رنگ در آن شکل است. اگر کشیدن شکل را مطابق الگو ادامه دهیم، نسبت سطح سفید به سطح سیاه در شکل بیستم با کدام عدد زیر برابر است؟ (تیزهوشان)



الف $\frac{125}{39}$
ج $\frac{125}{41}$
د $\frac{119}{39}$

اعداد گویا و محور

(آزمون ورودی)

۹۳. نقاط مشخص شده روی محورهای زیر نمایشگر کدام عبارت زیر هستند؟



ب کسرهایی که به ترتیب بزرگ می‌شوند

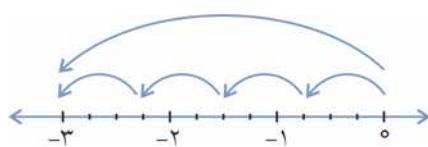
د کسرهایی مساوی

الف جا به جایی علامت‌ها

ج کسرهایی که به ترتیب کوچک می‌شوند.

(آزمون ورودی)

۹۴. بردارهای زیر کدام عبارت را نشان می‌دهند؟



الف $4 \times (-\frac{3}{4}) = -3$

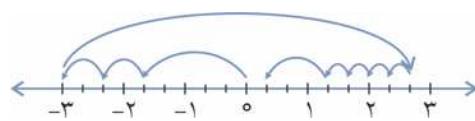
ب $-\frac{3}{4} = -\frac{6}{8} = -\frac{9}{12} = -\frac{12}{16}$

ج $-\frac{3}{4} = \frac{-3}{4}$

د گزینه‌ی الف و ج

(آزمون ورودی)

۹۵. کدام عبارت زیر مربوط به بردارهای رسم شده روی محور زیر می‌باشد؟



ب $-1 \frac{2}{3} + 2 \times \frac{-2}{3} + 5 \frac{2}{3} - 4 \times \frac{1}{3} + 1$

الف $-1 \frac{2}{3} + 2 \times \frac{-2}{3} - 5 \frac{2}{3} + 4 \times \frac{-1}{3} - 1$

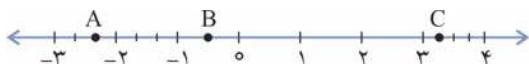
د $-1 \frac{2}{3} + 2 \times \frac{-2}{3} + 5 \frac{2}{3} + 4 \times \frac{-1}{3} + 1$

ج $-1 \frac{2}{3} + 2 \times \frac{-2}{3} + 5 \frac{2}{3} + 4 \times \frac{-1}{3} - 1$

.۹۶. با توجه به اعداد A، B، C و D بر روی محور مقابل، حاصل عبارت (مسابقات ریاضی) چه قدر می‌شود؟

$$+52\frac{1}{2} \quad \text{د} \quad +72\frac{1}{2} \quad \text{ج} \quad -72\frac{1}{2} \quad \text{ب} \quad -52\frac{1}{2} \quad \text{الف}$$

.۹۷. اعداد A، B و C روی محور زیر مشخص شده است. حاصل کدام عبارت از بقیه بیشتر است؟ (مسابقات ریاضی)



$$\frac{2C}{A-B} \quad \text{د} \quad \frac{A+B}{C} \quad \text{ج} \quad A+2B-C \quad \text{ب} \quad A \times B \times C \quad \text{الف}$$

.۹۸. کسرهای $\frac{1}{5}$ و $\frac{1}{3}$ روی محور مشخص شده است. کدام یک از نقاط a، b، c، d یا e نمایشگر کسر $\frac{1}{4}$ است؟ (مسابقات هنری ریاضی)

$$d \quad \text{د} \quad c \quad \text{ج} \quad b \quad \text{ب} \quad a \quad \text{الف}$$

.۹۹. مطابق شکل نقاط A، B، C، D، E و F با فاصله‌های مساوی روی محور اعداد مشخص شده‌اند. اگر نقطه‌ی A نشان‌دهنده‌ی عدد $\frac{1}{3}$ و نقطه‌ی F نشان‌دهنده‌ی عدد $\frac{1}{2}$ باشد، نقطه‌ی B کدام عدد را نشان می‌دهد؟ (آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان ۹۴-۹۵)

$$-\frac{3}{10} \quad \text{د} \quad \frac{1}{6} \quad \text{ج} \quad \frac{1}{6} \quad \text{ب} \quad \frac{11}{30} \quad \text{الف}$$

.۱۰۰. چند عدد گویا بین $\frac{21}{100}$ و $\frac{41}{80}$ وجود دارد که صورت آنها عدد صحیح و مخرج شان ۲۰ است؟ (آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان ۹۴-۹۵)

$$15 \quad \text{ج} \quad 13 \quad \text{ب} \quad 12 \quad \text{الف}$$

.۱۰۱. اگر فاصله‌ی بین دو عدد $\frac{1}{4}-\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{3}+\frac{1}{4}$ را به هفت قسمت مساوی تقسیم کنیم، طول هر قسمت چند واحد می‌شود؟ (آزمون پیشرفت تمهیلی تیزهوشان ۹۵-۹۶)

$$\frac{1}{15} \quad \text{د} \quad \frac{1}{14} \quad \text{ج} \quad \frac{1}{12} \quad \text{ب} \quad \frac{1}{10} \quad \text{الف}$$

شناخت اعداد گویا

.۱۰۲. کدام عدد زیر گویا است؟ (آزمون ورودی)

$$\sqrt{\frac{6}{3}} \quad \text{ب} \quad \sqrt{85} \quad \text{الف}$$

$$\frac{3}{14} \quad \text{د} \quad \pi \quad \text{ج}$$

.۱۰۳. کدام عدد زیر، گویا نیست؟ (تیزهوشان)

$$\frac{1}{\sqrt{1212}} \quad \text{ب} \quad \sqrt{\pi^2} \quad \text{د} \quad \sqrt{0/0169} \quad \text{الف}$$

$$\sqrt{-(-4)^2} \quad \text{ج}$$

(آزمون ورودی)

۱۰۴. کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

الف هر عدد گویا، عددی طبیعی است.

ب هر عدد گویا را می‌توان به صورت یک کسر متعارفی مثبت نوشت.

ج به غیر از اعداد گویا، عددی وجود ندارد.

د هر عدد گویا را می‌توان به صورت یک کسر متعارفی علامت‌دار نوشت.

(المپیاد ریاضی ۹۵-۹۶)

۱۰۵. کدام عبارت زیر درست است؟

الف هر کسری که صورت آن عدد صحیح و مخرجش عدد طبیعی باشد، یک عدد گویا است.

ب جذر هر عدد گویای مثبت، عددی گویا است.

ج بین دو عدد کسری $\frac{1}{100}$ و $\frac{1}{1000}$ ، عددی گویا وجود ندارد.

د بین هر دو عدد گویا، بی‌شمار عدد صحیح وجود دارد.

(کنکور)

۱۰۶. چند عدد گویا وجود دارد که با معکوسش برابر است؟

الف چنین عددی وجود ندارد.

ب یکی

ج ۲ تا

د بی‌شمار

مقایسه‌ی اعداد گویا

(مسابقات بجهانی ریاضی)

۱۰۷. کدام یک از کسرهای زیر از همه بزرگ‌تر است؟

$$\frac{333333}{444444} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{4444}{5555} \quad \text{دـ}$$

$$\frac{555}{666} \quad \text{جـ}$$

$$\frac{66}{77} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{7}{8} \quad \text{الفـ}$$

(مسابقات ریاضی)

$$\frac{100001}{100002} \quad \text{دـ}$$

$$\frac{10001}{10002} \quad \text{جـ}$$

$$\frac{1001}{1002} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{101}{102} \quad \text{الفـ}$$

(المپیاد ریاضی)

۱۰۸. اگر $x = \frac{17}{7}$ باشد، آن‌گاه:

$$0 < x < \frac{35}{15} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{34}{14} < x < \frac{60}{15} \quad \text{دـ}$$

$$\frac{18}{8} < x < \frac{16}{6} \quad \text{جـ}$$

$$\frac{7}{17} < x < \frac{14}{17} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{17}{9} < x < \frac{17}{8} \quad \text{الفـ}$$

(کنکور)

۱۱۰. عدد گویای مساوی با 18° کدام است؟

$$\frac{198}{1100} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{200}{1100} \quad \text{دـ}$$

$$\frac{197}{1100} \quad \text{الفـ}$$

$$\frac{199}{1100} \quad \text{جـ}$$

(المپیاد ریاضی)

۱۱۱. عدد به یک فاصله از دو عدد $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{5}$ برابر است با:

$$\frac{9}{25} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{8}{31} \quad \text{دـ}$$

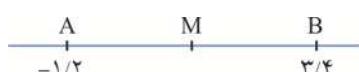
$$\frac{4}{15} \quad \text{جـ}$$

$$\frac{1}{4} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{1}{2} \quad \text{الفـ}$$

(المپیاد ریاضی)

۱۱۲. با توجه به شکل زیر، طول نقطه‌ی M وسط پاره‌خط AB چه قدر است؟



$$\frac{2}{2} \quad \text{بـ}$$

$$\frac{2}{6} \quad \text{دـ}$$

$$\frac{1}{1} \quad \text{الفـ}$$

$$\frac{2}{3} \quad \text{جـ}$$

۱۱۳. صورت و مخرج کسری عده‌های صحیح منفی هستند. صورت یک واحد از مخرج بیشتر است. کدام حکم درست است؟
 (مسابقات بجهانی ریاضی)

ب کسر بین -1 و 0 است.

د کسر از 1 بزرگتر است.

الف کسر از -1 کوچکتر است.

ج کسر عدد مثبتی کوچکتر از 1 است.

ه کسر ممکن است مثبت یا منفی باشد.

۱۱۴. حاصل کدام یک از کسرهای زیر از بقیه بزرگتر است؟
 (آزمون ورودی)

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

د

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

ج

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

ب

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

الف

۱۱۵. a و b دو عدد طبیعی کمتر از 11 هستند. به چند حالت مختلف کسر $\frac{a}{b}$ بیشتر از $\frac{1}{2}$ و کمتر از یک است؟ مثلاً $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{6}$ دو حالت مختلف هستند.
 (المپیاد ریاضی فارابی)

۲۰ **ه**

۱۸ **د**

۱۶ **ج**

۱۴ **ب**

۱۲ **الف**

۱۱۶. در شکل، ضلع‌های مستطیل $ABCD$ با محورهای مختصات موازی است. نسبت عرض به طول به ازای کدام رأس مستطیل کمترین مقدار را دارد؟
 (مسابقات بجهانی ریاضی)



ج بستگی به ابعاد مستطیل دارد.

الف **د**

۱۱۷. چند کسر مساوی با کسر $\frac{764}{955}$ می‌توان نوشت که صورت آنها بیشتر از عدد 150° و مخرج آنها کمتر از عدد 350° باشد؟
 (آزمون ورودی)

۳۴ **د**

۳۳ **ج**

۳۲ **ب**

الف بی‌شمار

۱۱۸. بین عدد مخلوط $1\frac{2}{3}$ و کسر $\frac{4}{5}$ ، چند کسر با صورت 60° و با مخرج عددی طبیعی وجود دارد؟
 (مسابقات ریاضی)
د بی‌شمار **ج** ۲۷ تا **ب** ۳۸ تا **الف** ۲۸ تا

۱۱۹. چند مقدار مختلف برای x می‌توان یافت که در رابطه $\frac{x}{11} < \frac{5}{12} < \frac{4}{2014} < \frac{77}{2014}$ صدق کند؟ x عددی طبیعی است.
 (انتخابی IMC، فانه ریاضی تهران ۹۴-۹۵)

۱۱۷ **ه**

۱۱۳ **د**

۱۰۷ **ج**

۹۱ **ب**

الف

۱۲۰. با توجه به اعداد زیر، کدام یک از رابطه‌های زیر درست است؟

$$A = \frac{1748329077013478}{4780932174104132}$$

$$C = \frac{17483290770134782008}{47809321741041322008}$$

$$B = \frac{17483290770134781387}{47809321741041321387}$$

$$D = \frac{17483290770134782008}{47809321741041321387}$$

د $A > D > B > C$

ج $A < C < B < D$

ب $A < B < C < D$

الف $A = B = C = D$