



همگام با ریاضیات کانگورو



نوبت ریاضیات ملی

نظرارت بر چاپ: علی محمدپور
لیتوگرافی: نقش سبز
چاپ و صحافی: ندای ایران

مدیر تولید: فرید مصلحی مصلح آبادی
حروفچینی و صفحه‌بندی: زهره امینی
نموده خوانی: فربنا معلمی
طراحی جلد: علی ابوالحسنی

راهنمای معلمان و والدین

همگام با ریاضیات کانگورو ۷

مؤلف: زهرا صباغی

دیر علمی مجموعه: سپیده چمن آرا

ناشر: انتشارات فاطمی

چاپ اول، ۱۳۹۵

شمارگان: ۰۰۰۰ نسخه

قیمت: ۸۰۰۰ تومان

شایک ۳۱۸_۸۹۹_۳

ISBN 978-964-318-899-3

کلیه‌ی حقوق برای انتشارات فاطمی محفوظ است.

نشانی دفتر: میدان فاطمی، خیابان جوبیار، خیابان میرهادی،

شماره‌ی ۱۴، کد پستی ۱۴۱۵۸۸۴۷۴۱، تلفن: ۰۲۰-۸۸۹۴۵۵۴۵

نماهنگ: ۸۸۹۴۴۰۵۱ • www.fatemi.ir • info@fatemi.ir

نشانی فروشگاه: تهران، خیابان انقلاب، خیابان دانشگاه،

تقاطع شهدای ژاندارمی تلفن: ۰۶۹۷۳۷۱۰ نماهنگ: ۶۶۹۷۳۷۸



صبا غی، زهرا - ۱۳۶۷

راهنمای معلمان و والدین همگام با ریاضیات کانگورو ۷ / تألیف: زهرا صبا غی - تهران: فاطمی، ۱۳۹۵.

ISBN: 978-964-318-899-3

نیای مختصر

فهرست نویسی کامل این اثر در شانی <http://opac.nlai.ir> قابل دسترسی است.

کتاب حاضر راهنمای پاسخ کتاب «همگام با ریاضیات کانگورو ۷» است.

کتابخانه ملی ایران

۴۳۴۷۸۸۶

بهنام خدا

فهرست

۱	پاسخ مسئله‌های فصل اول
۲۱	پاسخ مسئله‌های فصل دوم
۴۱	پاسخ مسئله‌های فصل سوم
۵۶	پاسخ مسئله‌های فصل چهارم
۷۴	پاسخ خود را بیازمایید

پاسخ مسئله‌های فصل اول

پاسخ مسئله‌های سطح ۱

(۱) . (۵)

$$120^\circ \times \frac{1}{3} = 40^\circ, \quad 120^\circ - 40^\circ = 80^\circ$$

$$80^\circ \times \frac{1}{4} = 20^\circ, \quad 80^\circ - 20^\circ = 60^\circ$$

(۳) . اگر طول و عرض مستطیل به ترتیب a و b باشد، مساحت اولیه ab و مساحت بعدی $(1/1b)(1/1a)$ است. بنابراین درصد افزایش برابر است با

$$\frac{1/21ab - ab}{ab} \times 100\% = 21\%$$

(۴) . ابتدا چند عدد سه رقمی را که هر سه رقمشان زوج باشند فهرست می‌کنیم و به دنبال یک الگو می‌گردیم:

۲۰۰	۲۰۲	۲۰۴	۲۰۶	۲۰۸
۲۲۰	۲۲۲	۲۲۴	۲۲۶	۲۲۸
۲۴۰	۲۴۲	۲۴۴	۲۴۶	۲۴۸
۲۶۰	۲۶۲	۲۶۴	۲۶۶	۲۶۸
۲۸۰	۲۸۲	۲۸۴	۲۸۶	۲۸۸

۲۵ عدد سه رقمی با سه رقم زوج وجود دارد که رقم صدگانشان ۲ است. همین الگو برای عدهایی که رقم صدگانشان ۴، ۶، یا ۸ باشد وجود دارد. پس در کل $4 \times 25 = 100$ عدد با این شرایط وجود دارد.

۴. (۳) با هر بار اره کردن، یک قطعه چوب به قطعات قبلی اضافه می‌شود. با ۵۳ بار اره کردن ۵۳ چوب اضافه می‌شود. بنابراین در ابتدا $19 - 53 = 72$ قطعه چوب وجود داشته است.

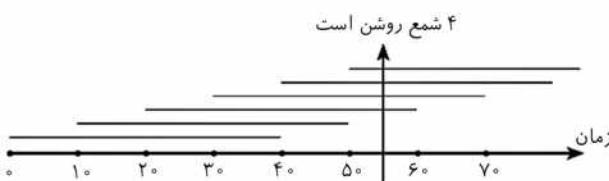
۵. (۲) قیمت $3 = 1 - 4$ بسته بیسکویت، 6000 تومان است؛ پس قیمت هر بسته $= 2000 \div 3 = 6000$ تومان است.

۶. (۳) هر بار که یکی از سرها ازدھا قطع می‌شود، یک سر از سرها کم می‌شود و پنج سر به سرها اضافه می‌شود؛ پس در کل ۴ سر اضافه می‌شود. به این ترتیب، بعد از شش بار، ازدھا باید

$$5 + 6 \times 4 = 29$$

سر داشته باشد.

(۳). ۷



در نمودار صفحه‌ی قبل زمان روشن بودن هر شمع را با یک پاره خط نشان داده‌ایم.

۸. (۳) بیشترین تعداد سبد کیوی خریداری شده می‌تواند ۵ تا باشد. اما

$$\text{مبلغ } ۳۰۰۰۰ = ۳۰۰۰۰ \times ۴۰۰۰۰ - ۵ \times ۲۲۰۰۰۰ \text{ تومان را نمی‌توان با خرید سه}$$

سبد دیگر به دست آورد. پس فرض کنید ۴ سبد کیوی خریده‌ایم، مبلغ

$$۷۰۰۰۰ = ۷۰۰۰۰ \times ۴۰۰۰۰ - ۴ \times ۲۳۰۰۰۰ \text{ تومان باقی می‌ماند که این مبلغ}$$

را باید با خرید ۴ سبد میوه به دست آورد که این کار هم ممکن نیست. حالا

فرض کنید ۳ سبد کیوی خریده‌ایم، پس ۵ سبد دیگر باید بخریم، یعنی

$$\text{تومان } ۱۱۰۰۰۰ = ۱۱۰۰۰۰ \times (۳ \times ۴۰۰۰۰) - ۲۳۰۰۰۰$$

اگر ۴ سبد پرتقال و ۱ سبد گلابی بخریم مسئله حل می‌شود.

۹. (۳)

$$(-1) - (-1) - (-1) - (-1) - (-1) - (-1) = -1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$= 4$$

۱۰. (۴) ۲۰۱۴ به ۴ بخش پذیر نیست.

۱۱. (۲) اگر این دو عدد را x و y بنامیم، داریم

$$x + y = xy, \quad x = y(x - 1), \quad y = \frac{x}{x - 1}$$

بدیهی است که یکی از جواب‌ها $x = y = 0$ است، چون در این صورت داریم

$$0 + 0 = 0 \times 0$$

تنها پاسخ دیگر، ۲ است. زیرا $1 - x$ و x دو عدد متوالی‌اند و

تنها دو عدد متوالی که بر هم بخش‌پذیرند ۲ و ۱ هستند. اگر $x = 2$ ، آنگاه

$y = 2$ در این صورت

$$2 + 2 = 2 \times 2$$

۱۲. (۵) مقدار عبارت همواره برابر ۱ است.

۱۳. (۱) ابتدا ضرب، سپس تقسیم و پس از آن، تفریق انجام می‌شود.

۱۴. (۵) دو عدد ۳۶ و ۱ هستند و اختلاف آن‌ها برابر ۳۵ است.

۱۵. (۱)

$$67 - (-35) = 102$$

۱۶. (۳) چون مربع یک عدد صحیح عددی نامتنفی است، بنابراین باید به دنبال عددھایی باشیم که مربع آن‌ها بین صفر و 10^0 باشد. بدیهی است این عدها عبارت‌اند از

$$^\circ, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm 10.$$

و تعداد آن‌ها ۲۱ تاست.

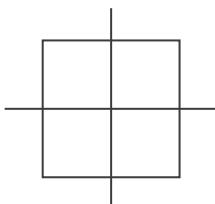
۱۷. (۱)

۱۸. (۳) با ۱ نقطه پاره خط به ۲ قسمت، با ۲ نقطه پاره خط به ۳ قسمت، و به این ترتیب با ۴ نقطه پاره خط به ۵ قسمت تقسیم می‌شود. بنابراین طول هریک از این قسمت‌ها برابر است با: $80 \div 5 = 16$.

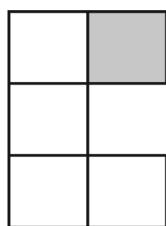
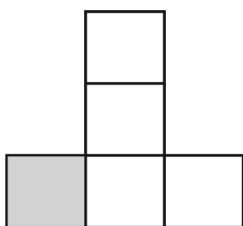
۱۹. (۲) دو برابر عرض هر یک از مستطیل‌های کوچک برابر 10 cm است، پس طول مستطیل بزرگ برابر است با $20\text{ cm} = 10 + 10$.

۲۰. (۳)

۲۱. (۳) این شکل دو محور تقارن افقی و عمودی دارد.



(۲) . ۲۲



(۳) . ۲۳

پاسخ مسئله‌های سطح ۲

۱. (۳) اگر بخواهیم دو نفر را از بین ۵ نفر انتخاب کنیم این کار به 2^0 طریق امکان‌پذیر است، زیرا برای انتخاب نفر اول ۵ گزینه و برای انتخاب نفر دوم ۴ گزینه داریم. اما در یک دسته‌ی دو نفری مهم نیست که کدام‌یک در گام اول و کدام‌یک در گام دوم انتخاب شده است. بنابراین تعداد گروه‌های دو نفره ده‌تاست—به همین دلیل هم اعداد داده شده دلتاست.

اگر اسامی این ده گروه را روی کاغذ بنویسیم اسم هر فرد چهار بار تکرار می‌شود. بنابراین مجموع عددهای داده شده چهار برابر جرم پنج نفر مورد اشاره است. بنابراین

$$\text{جرم ۵ نفر} = \frac{۹۰ + ۹۲ + ۹۳ + ۹۴ + ۹۵ + ۹۶ + ۹۷ + ۹۸ + ۱۰۰ + ۱۰۱}{۴} = ۲۳۹$$

(۵). ۲

$$\text{مجموع سن نوه‌ها و پدر بزرگ و مادر بزرگ} = ۹ \times ۲۸ = ۲۵۲$$

$$\text{مجموع سن نوه‌ها} = ۷ \times ۱۵ = ۱۰۵$$

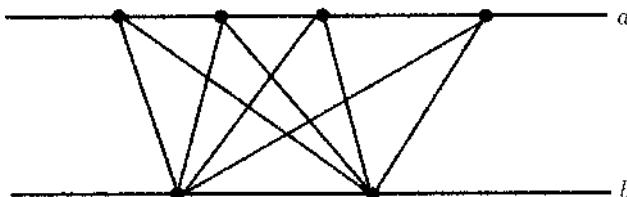
$$\text{مجموع سن پدر بزرگ و مادر بزرگ} = ۲۵۲ - ۱۰۵ = ۱۴۷$$

$$\text{سن پدر بزرگ} = \frac{۱۴۷ + ۳}{۲} = ۷۵$$

۳. (۳) هر بار که یک تکه کاغذ را به ۱۰ قسمت می‌برید، تعداد تکه کاغذها ۹ تا اضافه می‌شود. پس تعداد تکه کاغذها بعد از همه‌ی برش‌ها برابر است با

$$1 + 9 + 9 + 9 + 9 = 46$$

۴. (۴) نموداری رسم و نقطه‌ها را روی خط‌ها مشخص کنید. سپس همه‌ی نقطه‌ها را به هم وصل کنید و مثلث‌های به دست آمده را بشمارید. از هر یک از دو نقطه‌ی روی خط b شش مثلث و از هر یک از چهار نقطه‌ی روی خط a یک مثلث به دست می‌آید. در مجموع 16 مثلث تشکیل می‌شود.



۵. (۴) وصل کردن سه قطعه زنجیر A و B و C از دو مرحله تشکیل می‌شود: وصل کردن A و B و وصل کردن B و C . بنابراین هر یک از این مرحله‌ها $۹ = ۲ \div ۱۸$ دقیقه وقت می‌خواهد. وصل کردن شش قطعه از 5 مرحله تشکیل می‌شود که نیازمند $۴۵ = ۹ \times ۵$ دقیقه وقت است.

۶. (۵) در هر دو هفته، تعداد جلسات کلاس ژاله ۳ تا بیشتر از لاله است.

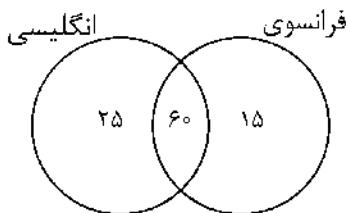
۷. (۴) اگر تعداد سکه‌ها 5° تا کمتر بود، به هر نفر ۵ سکه کمتر می‌رسید، پس تعداد نفرها 1° بوده است.

اگر تعداد نفرها 4° تا کمتر بود، به هر نفر 1° سکه بیشتر می‌رسید، پس سهم این 4 نفر، 6° سکه بوده است.

بنابراین سهم هر نفر 15° سکه و تعداد کل سکه‌ها برابر 15° تا است.

۸. (۴) حل این مسئله بسیار ساده است:

$$85\% + 75\% - 100\% = 60\%$$



- | آبی | قرمز | سفید |
|-----|------|------|
| ۱ | ۱۱ | ۳۸ |
| ۲ | ۲۲ | ۲۶ |
| ۳ | ۳۳ | ۱۴ |
| ۴ | ۴۴ | ۲ |
۹. (۳) با توجه به این‌که تعداد توب‌های سفید 11 برابر آبی‌است و تعداد کل توب‌ها 5° تا است، حالت‌های رو به رو ممکن است پیش بباید.
از بین این چهار حالت، فقط حالت سوم است که دو تا شرط دیگر مسئله را برآورده می‌کند (قرمزها کمتر از سفیدها و قرمزها بیشتر از آبی‌ها هستند).
۱۰. (۲) باید هفت پسر ودوازده دختر در کلاس باشند.

(۲) . ۱۱

۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	=	۹۹ = ۱۱ \times ۹
۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	=	۹۰ = ۱۰ \times ۹
۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	=	۸۱ = ۹ \times ۹
۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	=	۷۲ = ۸ \times ۹
۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	=	۶۳ = ۷ \times ۹
۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	=	۵۴ = ۶ \times ۹
۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	=	۴۵ = ۵ \times ۹
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	=	۳۶ = ۴ \times ۹
-۱	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	=	۲۷ = ۳ \times ۹
-۲	-۱	۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	=	۱۸ = ۲ \times ۹
-۳	-۲	-۱	۰	۱	۲	۳	۴	۵	=	۹ = ۱ \times ۹
-۴	-۳	-۲	-۱	۰	۱	۲	۳	۴	=	۰ = ۰ \times ۹

۱۲ عدد با این ویژگی وجود دارند: ۷۲، ۶۳، ۵۴، ۴۵، ۳۶، ۲۷، ۱۸، ۹، ۰ و ۹۹.

(۳) . ۱۲

$$\begin{aligned}
 & \underbrace{۲ + ۴ + ۶ + \dots}_{\text{تا } ۱۰۰} - \underbrace{(۱ + ۳ + ۵ + \dots)}_{\text{تا } ۱۰۰} \\
 &= \underbrace{(۲ - ۱) + (۴ - ۳) + (۶ - ۵) + \dots}_{\text{تا } ۱۰۰} \\
 &= \underbrace{۱ + ۱ + ۱ + \dots}_{\text{تا } ۱۰۰} = ۱۰۰
 \end{aligned}$$

(۲) . ۱۳

$$۱۰۰۰۰ = ۲ \times ۵۰۰۰ = ۴ \times ۲۵۰۰ = ۸ \times ۱۲۵ = ۱۶ \times ۶۲۵$$

بنابراین گرینه‌ی (۲) درست است، زیرا

$$۱۶ \times ۶۲۵ = ۱۰۰۰۰, \quad ۱۶ + ۶۲۵ = ۶۴۱$$

۱۴. (۴) در عددهای یک رقمی مثبت و منفی از ۱۸ رقم استفاده شده که به علاوه‌ی صفر می‌شود ۱۹ رقم. از ۱۰ تا ۱۹، ۱۰ عدد دو رقمی وجود دارد

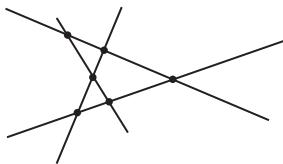
که می‌شود 2° رقم که با رقم‌هایی که با آن‌ها قرینه‌های این عددها نوشته شده، می‌شود 4° رقم.
از 2° تا 29° و قرینه‌های آن‌ها هم به همین صورت 4° رقم استفاده شده است.

$$19 + 40 + 40 = 99$$

عدد بعدی 3° است و صدمین رقم 3 است.

۱۵. (۲) توجه کنید که حاصل جمع همه‌ی عددها برابر 24° است؛ پس باید بتوانیم $+12 - 12$ را به دست بیاوریم. چون 2° اول مشت است، کافی است دو $+$ قبل از دو تا 5° ها بگذاریم و بقیه‌ی $*$ ها را به $-$ تبدیل کنیم.

۱۶. (۵) پریسا اشتباہ کرده است. چون دو پاره‌خط حداکثر در یک نقطه، سه پاره‌خط در سه نقطه و چهار پاره‌خط در شش نقطه می‌توانند مشترک باشند (مطابق شکل).



۱۷. (۵) چون مثلث متساوی‌الاضلاع است، هر زاویه 60° درجه است و پس از پنج بار دوران 60° درجه در صفحه، مثلث ACD بر روی مثلث ABC قرار می‌گیرد.

۱۸. (۴) مطابق شکل صفحه‌ی بعد، ابتدا اندازه‌ی β را به دست می‌آوریم

$$\beta = 180^{\circ} - (2 \times 30^{\circ} + 2 \times 36^{\circ}) = 180^{\circ} - 132^{\circ} = 48^{\circ}$$

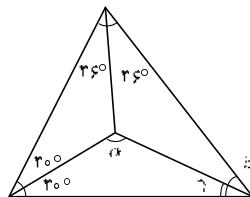
γ نصف β است، چون می‌دانیم که سه نیم‌ساز مثلث در یک نقطه متقاطع‌اند، و بنابراین، پاره‌خطی که γ را از β جدا می‌کند نیم‌ساز است. اکنون

$$\alpha + \gamma + 30^\circ = 180^\circ$$

$$\alpha + 24^\circ + 30^\circ = 180^\circ$$

می‌بینیم که

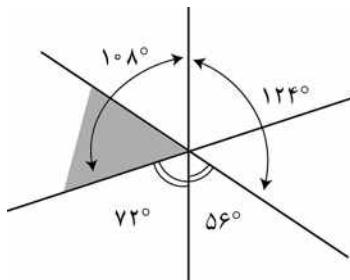
$$\alpha = 180^\circ - 54^\circ = 126^\circ$$



نخست زاویه‌های پایینی را محاسبه می‌کنیم:

$$180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$$

$$180^\circ - 124^\circ = 56^\circ$$



برای به دست آوردن زاویه‌ی سایه‌خورده، با استفاده از زاویه‌های متقابل به رأس،

به طریق زیر عمل می‌کنیم:

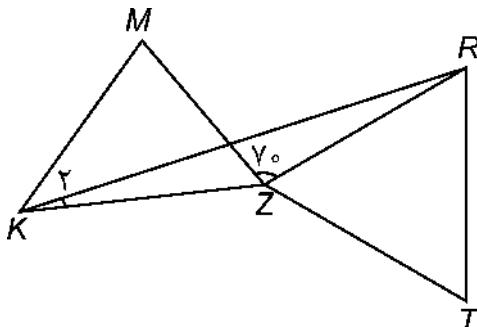
$$180^\circ - (72^\circ + 56^\circ) = 52^\circ$$

۲۰. (۴) در مثلث KZR ، زاویه‌ی Z برابر است با: $130^\circ + 60^\circ = 190^\circ$. ضلع‌های

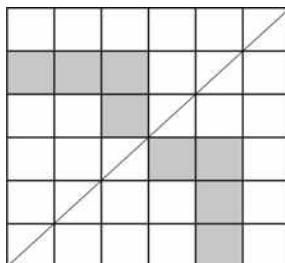
ZR و KZ با هم برابرند، پس مثلث KZR متساوی الساقین است. بنابراین

$$\hat{K}_1 = \hat{R} = (18^\circ - 13^\circ) \div 2 = 25^\circ$$

$$\hat{K}_2 = 90^\circ - 25^\circ = 35^\circ$$



(۲). ۲۱



(۱) کوچک‌ترین پاره خط BC است، بنابراین روی یک خط راست نخست نقطه‌های B و C را مشخص می‌کنیم. آنگاه در سمت راست C نقطه‌ی D را مشخص می‌کنیم. با توجه به اطلاعات مسئله جای نقطه‌ی A در ۲ سانتی‌متری طرف راست C واقع می‌شود. بنابراین بیش‌ترین فاصله، BD و مقدار آن ۲۵ سانتی‌متر است.

