

# فهرست

<p><b>فصل ۱ مجموعه‌ها</b></p> <p>۹۰ آزمون ثبوت اول ۹۲ عبارت‌های جبری و مفهوم الحاد ۹۸ چند انداد دیگر، تجزیه و کاربردها ۱۰۱ نابرابری‌ها و نامعادله‌ها ۱۰۵ آزمون پایانی ۱۰۸ آزمون غنی‌سازی</p>	<p>۷ آزمون ورودی ۱۲ معرفی مجموعه‌ها ۱۵ مجموعه‌های برابر و تماش مجموعه‌ها ۱۹ اجتماع انتراک و تقابل مجموعه‌ها ۲۴ مجموعه‌ها و احتمال ۲۸ آزمون پایانی ۳۱ آزمون غنی‌سازی</p>
<p><b>فصل ۲ عددیات جلیلی</b></p> <p>۱۱۰ معادله خط ۱۱۲ شب خط و عرض از مبدأ ۱۲۱ دستگاه معادله‌های خطی ۱۲۶ آزمون پایانی ۱۳۰ آزمون غنی‌سازی ۱۳۱ آزمون میان‌ثبوت دوم</p>	<p>۳۶ عددیات گویا ۴۷ عددیات حقیقی ۴۰ فقر مطلق و محاسبه تقریبی ۴۴ آزمون پایانی ۴۷ آزمون غنی‌سازی ۴۹ آزمون میان‌ثبوت اول</p>
<p><b>فصل ۳ استدلال و اثبات در هندسه</b></p> <p>۱۳۵ معرفی و ساده کردن عبارت‌های گویا ۱۳۹ محاسبات عبارت‌های گویا ۱۴۴ تفسیر چند جمله‌ای‌ها ۱۴۹ آزمون پایانی ۱۵۲ آزمون غنی‌سازی</p>	<p>۵۳ استدلال ۵۵ آثبات با الایات در هندسه ۵۸ ممنهنهن مملکه‌ها ۶۱ حل مسئله در هندسه ۶۳ تکلیف‌های مشتابه ۶۷ آزمون پایانی ۷۰ آزمون غنی‌سازی</p>
<p><b>فصل ۴ نوان و ریشه</b></p> <p>۱۵۵ حجم و مساحت کره ۱۵۸ حجم هرم و منحروط ۱۶۲ سطح و حجم ۱۶۶ آزمون پایانی ۱۶۹ آزمون غنی‌سازی ۱۷۰ آزمون ثبوت دوم</p>	<p>۷۳ نوان صحیح ۷۶ نسان علیس ۷۹ ریشه کبری ۸۲ جمع و تفریق رادیکال‌ها ۸۵ آزمون پایانی ۸۸ آزمون غنی‌سازی</p>

## فصل ۲

### عددهای حقیقی

#### عددهای حقیقی





## عددهای گویا

### درسنامه

سال گذشته آموختیم که بین دو عدد صحیح متوازن بین شمار کسر وجود دارد. آن‌ها می‌توان گفت بین دو کسر (عدد گویا) هم بین شمار کسر وجود دارد؟

**الف.** یا همکرج کردن دو کسر بین  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{5}$  پیوسمد.

**ب.** با استفاده از محور به سوال نسبت (الف) پاسخ دهد.

**ب.** با توجه به این که مثلاً کسر هر دو عدد، بین آن دو عدد است، بین  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{5}$  سه عدد تام بینید.

بین هر دو عدد گویا بین شمار عدد گویا و بیور دارد و نمی‌توان عددهای گویا را به ترتیب، تا ۳ بین.

### تمامی زیرمجموعه‌های عددهای گویا

هر یک از مجموعه‌های داده شده را به صورت‌های خواسته شده تمامیل دهید.

محور	زبان تماذی	توشن اعطا	مجموعه
	$\{x \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 2\}$		عددهای طیس کوچکتر را مساوی ۲
			عددهای صحیح بین ۱ و ۳
			عددهای صحیح بزرگ‌تر از ۳

آبا زیرمجموعه‌های عددهای گویا را می‌توان یا توشن اعضاوی آن مستخواست کرد؟ جواب

### تابع عددی اعشاری

**الف.** به کمک ماتریس حساب تمامی اعشاری و تقریبی کسرهای زیر را پیوسمد.

$\frac{1}{4}$        $\frac{7}{20}$        $\frac{3}{8}$

$\frac{2}{3}$        $\frac{1}{6}$        $\frac{5}{7}$

ب. چه تفاوتی بین مقدارهای اعشاری کسرهای ردیف اول و ردیف دوم وجود دارد؟ آبا در صورت این کسرها رقمهای بعد از اعشار عالیه پیدا می‌کنند؟

کسرهای گویا را می‌توان به صورت عدد اعشاری مقتضی با متناسب تابیش کرد.

در تابیش اعشاری مقتضی، رفعی‌ها بند از اعشار به انتهای می‌رسند ولی در اعشاری متناسب بند با پند رفعی به ظور متناسب تکرار می‌شود.

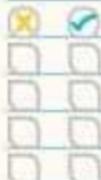
متناسب  $\overline{0.1232\dots} = 0.123232\dots$        $\overline{0.181818\dots} = 0.181818\dots$        $\overline{0.757575\dots} = 0.757575\dots$

تمامی اعشاری کسرهای زیر متناسب است یا مختوم؟

$\frac{2}{5}$  (الف)

$\frac{1}{7}$

کسرهایی که پس از مازده شوند، در تابیش انتهای شماره‌های اول ۲ یا ۵ و با هر دو بیور را نهانه باشند، تمامی اعشاری مختوم را زند.



کدام یک از عبارت‌های زیر درست و کدام یک نادرست است؟ (دلیل نادرستی را توضیح دهد.)

الف. مجموعه عددی‌ای که باید مورث  $\{a, b \in \mathbb{Z}\}$  است

ج. میان  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{3}$  عددی وجود ندارد

ب. میان هر دو عدد صحیح بین تلخان عدد صحیح وجود ندارد

د. مجموعه  $\{-1, 0, 1\} \times \{x \in \mathbb{N}\}$  چهار عضوی است

عده‌ای هر یک از مجموعه‌های زیر را مشخص کنید و روی محور امایش دهید.

الف.  $\{x \in \mathbb{Z}, x \geq 5\}$

( $x \in \mathbb{Z}, -2 \leq x \leq 2$ )

( $x \in \mathbb{Z}, x \leq 5$ )

در هر قسمت به عدد گویا میان عددهای داده شده پتوسید.

الف.  $\frac{5}{2}, \frac{5}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}$

ج.  $\frac{9}{4}, \frac{9}{5}, \frac{5}{4}, \frac{5}{3}$

-1/3, 2/3, -3/2

کسرهای زیر را از لرتب از کوچک به بزرگ و از جب به راست مرتب کنید.

الف.  $\frac{13}{5}, \frac{9}{4}, \frac{7}{3}, \frac{1}{2}$

$\frac{5}{4}, \frac{5}{3}, \frac{7}{5}, \frac{3}{2}, \frac{1}{1000}$

د.  $\frac{22}{5}, \frac{1}{2}, \frac{1}{985}$

کدام یک از کسرهای زیر مساوی کدام یک مختوم است؟

الف.  $\frac{4}{21}, \frac{5}{20}, \frac{1}{12}, \frac{2}{11}$

ج.  $\frac{9}{13}, \frac{1}{7}, \frac{1}{4}$  را مشخص کنید

د. سی و پنجمین رقم بعد از عشار چه عددی است؟

الف. نمایش اعشاری کسرهای زیر را پوسید و نوع آنها را مشخص کنید.

ج. آیا می‌توان گفت کسرهایی که نمایش اعشاری مختوم دارند مخرج آنها شمارنده‌های اولی به جز ۲ باشند؟

در جامی خالق علامت «پا-پا» قرار دهد

الف.  $\frac{5}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}$

ج.  $\frac{1}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}$





حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید

$$\text{ا) } \frac{1}{x} + \frac{2}{y} + \frac{3}{z} =$$

$$\text{ب) } \frac{1}{x} + \frac{2}{y} + \frac{3}{z} + \left( \frac{4}{x} - \frac{5}{y} \right) =$$

$$\text{ج) } \frac{1}{x} + \frac{2}{y} + \frac{3}{z} - \frac{4}{x} =$$

$$\text{د) } \left( \frac{1}{x} - \frac{2}{y} \right) \times \left( \frac{3}{x} - \frac{4}{y} \right) =$$

$$\text{ه) } \frac{x - \frac{1}{x}}{x} =$$

$$= 1 - \frac{1}{x^2}$$

$$\text{و) } 1 + \frac{-\frac{1}{x} + \frac{2}{y}}{x + \frac{3}{y}} =$$

$$= \frac{x + \frac{3}{y}}{x + \frac{1}{x}}$$

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید

$$\text{ا) } 1 + \frac{1}{1+x} + \frac{1}{1+x} + \frac{1}{1+x} + \dots + \frac{1}{1+x} + \frac{1}{1+x} =$$

$$\text{ب) } \left( 1 - \frac{1}{x} \right) \left( 1 - \frac{1}{x} \right) \left( 1 - \frac{1}{x} \right) \dots \left( 1 - \frac{1}{x} \right) =$$

$$\text{ج) } \frac{1}{1+1} + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+3} + \dots + \frac{1}{1+100} =$$

$$\text{د) } \frac{1}{1+2} + \frac{1}{2+3} + \frac{1}{3+4} + \dots + \frac{1}{9+10} =$$

$$\text{ه) } \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{2} \right) \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{4} \right) \dots \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{10} \right) =$$

به سوالات چهارگوشه‌ای زیر پاسخ دهد.

کدام کسری‌ین  $\frac{2}{7}$  و  $\frac{1}{2}$  از ناشناخته

$$\frac{1}{2} \text{ (ر) } \text{ (ب)}$$

$$\frac{1}{2} \text{ (ر) } \text{ (ب)}$$

$$\frac{2}{7} \text{ (ر) } \text{ (ب)}$$

$$\frac{5}{2} \text{ (ر) } \text{ (ب)}$$



از مون پایا زنی

ردیف

سوالات

پایه

<input checked="" type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>

۱. عبارت درست را با و نادرست را با مشخص کنید.

- الف. تابع عددی صحیح بین  $2$  و  $-3$  به زبان ساده به صورت  $(x) \leftarrow$  است.  
 ۲. تابع انتشاری کسر  $\frac{p}{q}$  محدود است.  
 ۳. عددی را که تعداد رفتهای انتشاری آنها نامتناهی و ماری دوره تابع نیانند، گذک با اسم من نامند.  
 ۴. جذر عددی را که مرع کامل نبست، گویا است.  
 ۵. هر عدد طیلی باند عدد گویا است.

۱/۷۵

۶. جامای خالی را با عبارت‌های مناسب پر کنید.

- الف. بین هر دو عدد گویا عدد گویا وجود دارد.  
 ۲. تابع انتشاری کسر  $\frac{p}{q}$  به صورت  $\dots$  پوچشی می‌شود.  
 ۳. مجموعه عددی گویا را با  $\dots$  و مجموعه عددی گذک را با  $\dots$  نمایش می‌دهد.  
 ۴. حاصل جمع دو عدد گذک، ممکن است عدد گذک شود، مانند  $\dots$  و  $\dots$  من نمود.  
 ۵. حاصل عبارت  $\frac{1}{\sqrt{2}+1}+\dots$  با  $\dots$  برابر است.

۷/۷۵

۷. گزینه درست را انتخاب کنید.

الف. مجموعه  $\mathbb{Z} \cap \mathbb{R}$  مطالعه کدام مجموعه است؟

۸. کدامیک از گزینه‌های زیر گویا نیست؟

$$\sqrt{1} + \sqrt{2} = \sqrt{3}$$

$$\sqrt{5+11} = 4$$

۹. عدد  $-\sqrt{2}$  بین کدام دو عدد صحیح متوال قرار ندارد؟

$$-2 \text{ و } -1$$

$$-1 \text{ و } 0$$

$$0 \text{ و } 1$$

$$1 \text{ و } 2$$

۱۰. اگر عدد  $3$  نامیست و عدد  $b$  معنی پشتند، کدام گزینه درست است؟

$$(a+b) - -(a+b)$$

$$|a+b| - a + b$$

$$\left| \frac{a}{b} \right| = -\frac{a}{b}$$

$$|ab| = -ab$$

۱۱. عبارت  $\sqrt{(\sqrt{-1})^2}$  با کدام گزینه برابر است؟

$$-\sqrt{-1}$$

$$\sqrt{-1}$$

$$1 - \sqrt{-1}$$

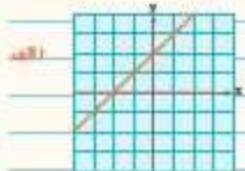
$$1 + \sqrt{-1}$$

۷/۷۵

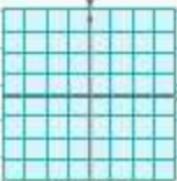
## آزمون مهادهت اول

ردیف	سوالات	پاسخ
۱	<p>عبارت درست را با <input checked="" type="checkbox"/> و نادرست را با <input type="checkbox"/> مشخص کنید.</p> <p>الف. مجموعه عددهای اول یک درجه، دارای ۳ عضو می‌باشد. ب. مجموعه نیز، زیرمجموعه خلاصه مجموعه‌ها است. پ. کسر <math>\frac{1}{n}</math> بین دو کسر <math>\frac{1}{3}</math> و <math>\frac{1}{2}</math> قرار ندارد. ت. عددی وجود ندارد که هم اسر و هم صحیح باشد.</p>	<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
۲	<p>چنانی خالی را با عبارت‌های مناسب پر کنید.</p> <p>الف. عبارت دوست مدفع بزرگ ابری ای، معرف یک مجموعه تئوری می‌باشد. ب. مجموعه عددهای اول بین ۲۳ و ۳۰ را مجموعه پ. کسر <math>\frac{1}{n}</math> یک عدد اعشاری است. ت. مجموع <math>\sqrt{2} - \sqrt{3} - \sqrt{5}</math> عددی با علاوه است.</p>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
۳	<p>گزینه درست را انتخاب کنید.</p> <p>الف. مجموعه <math>\{x \in \mathbb{N} \mid x &lt; -2\} = \{\}</math>. ب. در کدام یک از نمودارهای زیر، <math>A \cap B = A</math> است؟</p> <p>ی. در هر یک یک نام، احتمال این که عدد روآ شده همانند ۷ باشد، کدام گزینه است؟</p> <p>ت. در نمودار زیر، لحظه A نمایش کدام گزینه است؟</p>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>

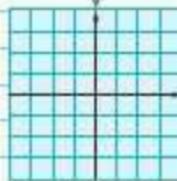
نحوه شیب خط  $y = -3x - 7$  را بیان کنید آیا این خط با خط  $y = -3x + 3$  موازی است؟



الف)  $d: \begin{cases} a=1 \\ b=-2 \end{cases}$

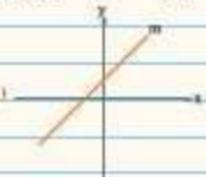
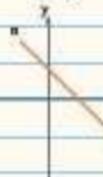


ب)  $e: \begin{cases} a=-7 \\ b=1 \end{cases}$



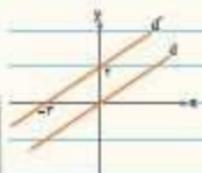
در هر قسمت علاوه بر شیب و عرض از مبدأ خط را مشخص کنید.

الف)



الف) عرض از مبدأ خط  $y = 7 - 3x - 3 = 4 - 3x$  را بیان کنید آیا این خط موازی است؟

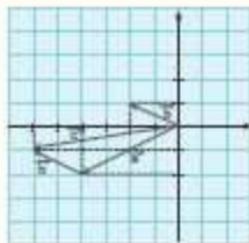
بعضی از جملات زیر را چنان زیندا کنید که شیب خط گذرنده از دو نقطه  $\left[ \begin{matrix} m \\ -5 \end{matrix} \right]$  و  $\left[ \begin{matrix} -3 \\ m-1 \end{matrix} \right]$  باشد.



در دستگاه مدلول دو خط  $d$  و  $f$  موازی‌اند. معادله خط  $f$  را بنویسید.



پاسنامہ


 ۱۰.  $\text{الف. } \overrightarrow{AB}$ ,  $\text{ب. } \overrightarrow{CD}$ ,  $\text{ج. } \overrightarrow{BC}$ ,  $\text{د. } \overrightarrow{AC}$ 

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$

$$\begin{bmatrix} -r \\ -r \\ -r \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -r \\ r \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2r \\ r \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{\lambda^3}{\lambda^2} = \lambda$$



$$AB^2 = r^2 + r^2 = r^2 + r^2$$

$$AB = \sqrt{2}r$$

$$C \angle A = -r - \sqrt{2}r$$

$$\forall < \sqrt{2}r < \pi$$

مقدار	$\pi/2$	$\pi/4$	$\pi/3$
مقدار	$5r/r^2$	$r/r^2$	$3r/r^2$

$$\sqrt{2}r = \pi/2$$

$$r\sqrt{15} = r\sqrt{r^2+r^2} = r\sqrt{r^2+5r^2} = r\sqrt{6r^2} = r\sqrt{6}r$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A} = \hat{C} = 90^\circ \\ \frac{\overline{OB}}{\overline{OB} - \overline{OB}} \\ \text{مقدار} \quad \overline{OA} - \overline{OC} \end{array} \right\} \Rightarrow \overline{AOB} = \overline{BOC} \Leftrightarrow \overline{AB} = \overline{BC}$$

 ۱۱.  $\text{الف. } \overrightarrow{AB}$ ,  $\text{ب. } \overrightarrow{BC}$ ,  $\text{ج. } \overrightarrow{CA}$ ,  $\text{د. } \overrightarrow{AC}$ 

$$\frac{r}{A} = \frac{r}{2} = 125^\circ$$

 ۱۲.  $\text{الف. } \overrightarrow{AB}$ ,  $\text{ب. } \overrightarrow{BC}$ ,  $\text{ج. } \overrightarrow{CA}$ 

$$\text{الف. } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{r} - \left[ \overrightarrow{r} - (\overrightarrow{r} - \overrightarrow{r}) \right] = \overrightarrow{r} - (\overrightarrow{r} + \overrightarrow{r}) = -1\overrightarrow{r}$$

$$\Rightarrow \left( \frac{r+r}{r} \right) = (-\frac{r}{r}) = \frac{1}{r} \times (-\frac{r}{r}) = \frac{1}{r} = -1\frac{1}{r}$$

$$\text{الف. } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{r} - \overrightarrow{r} = 0$$

$$\text{الف. } 1. \overrightarrow{r} + \lambda \overrightarrow{r} = (1+\lambda)\overrightarrow{r} = 12 + 1. \overrightarrow{r} = 13 \overrightarrow{r}$$

$$\text{الف. } 2. \frac{m(\overrightarrow{m} - \overrightarrow{n})}{n(m - n)} = \frac{m}{n}$$

$$\text{الف. } 3. \frac{(\overrightarrow{x} + \overrightarrow{y} - \frac{1}{r}\overrightarrow{z})}{\overrightarrow{rx} + \overrightarrow{ry} - \overrightarrow{rz}}$$

$$rx - z = -r$$

$$rx = -r$$

$$x = -\frac{r}{r}$$

$$\text{الف. } 4. y = \sqrt{(-\frac{r}{r})} + r = -r + r = 0$$